

۱

گزینه ۴

می‌توان با روش میانگین دو عدد برابر ۳ می‌شود حل کرد ولی راه دیگر نمایش محور: نقطه ۳ را مبدأ در نظر می‌گیریم.



نقطه ۱- قرینه ۷ نسبت به ۳ می‌باشد.

۲

گزینه ۲

قرینه قرینه هر عدد برابر خود عدد است و تنها عددی که قرینه قرینه‌اش با قرینه خودش برابر است صفر می‌باشد.

۳

گزینه ۳

$$-71 = \text{قرینه } 71, \quad 101 = -101$$

$$-101 < 71$$

بررسی گزینه‌ها:

$$110 = -110, \quad -81 = +81$$

$$-72 = +72, \quad -60 = +60$$

$$-101 < 60 < 71$$

۴

گزینه ۴

$$35 = -35$$

$$25 = -25$$

$$15 = -15$$

$$5 = -5$$

$$\Rightarrow -10 < -5 < 31$$

$$\begin{cases} -a \text{ قرینه } = -(-a) = a, a = b \\ -b \text{ قرینه } = -b, -b = c \Rightarrow b = -c \Rightarrow a = b = -c \end{cases}$$

$a$  قرینه  $c$  عدد  $= a, a = -c$

از داخلی‌ترین پرانتز شروع می‌کنیم:

$$-(-(-( \underbrace{(-\underline{\underline{m}} - \underline{\underline{n}}) + \underline{\underline{r}}) - \underline{\underline{s}} ) + \underline{\underline{t}}) = -12$$

$$\underbrace{-1 + r = s}_{-6 - 4 = -10}$$

$$\underbrace{-(-10) + t = 10 + 2 = 12}_{-(-10) + 2 = 10 + 2 = 12}$$

روی محور اعداد صحیح از  $0$  تا  $+45 \leftarrow 46$  عدد (با صفر)  
و از  $-63 \rightarrow 64 \leftarrow 64$  عدد (با صفر)

ولی دقت کنید اعداد بین خواسته‌شده یعنی از هر قسمت ابتدا و انتهای را حذف می‌کنیم.

بین  $0$  تا  $+45 \leftarrow 44$  عدد  
بین  $-63 \rightarrow 62 \leftarrow 62$  عدد

و صفر را محاسبه می‌کنیم چون وسط محور بین  $-63$  و  $+45$  است.  
در کل:  $1 + 62 + 44 = 107$

به علامت اعداد دقت کنید.

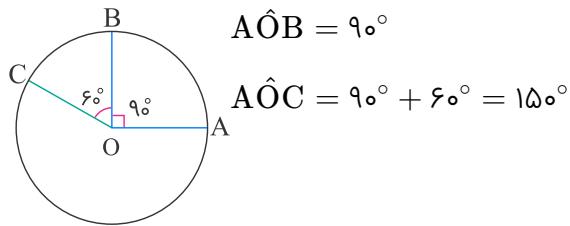
$$-\frac{18}{5} = -\frac{3}{6} \quad \frac{43}{2} = \frac{21}{5}$$

پس از  $^3$ - شروع می‌شود تا  $.+21$ .  
بنابراین دارای  $^3$  عدد صحیح منفی،  $21$  عدد صحیح مثبت و یک عدد صفر است:

$$^3 + 21 + 1 = 25$$

$$-(-5) = +5$$

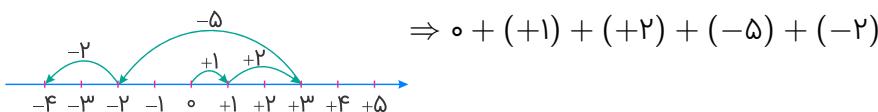
اندازهٔ زاویه‌ها را مشخص می‌کنیم:



$$A\hat{O}B = 90^\circ$$

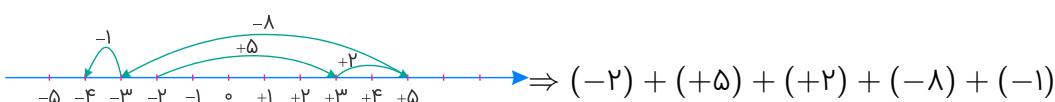
$$A\hat{O}C = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$$

باتوجه به محور داده شده داریم:



با علامت‌گذاری روی حرکت‌ها داریم:

نقطه شروع: -۲

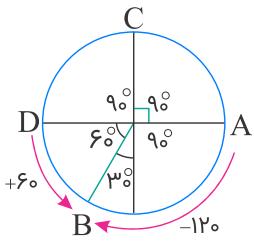


اگر از راهبردهای حل مسئله ساده‌تر کمک بگیریم، داریم:

مجموع هر عددی با قرینه‌اش برابر صفر است.  $-2 \rightarrow -1, 0, 1 \Rightarrow 0$ قرینه  $-3, -1, 0, +1, +2 \Rightarrow 0$ قرینه	مجموع اعداد صحیح بین ۱۰۰ و -۱۰۰ برابر صفر است.  $\Rightarrow$
---	--

در شکل داریم:

$$\Rightarrow A\hat{O}B = -120^\circ, D\hat{O}B = +60^\circ$$



گزینه ۳

۱۶

بررسی مواد:

$$-( -a ) = a \leftarrow \text{درست}$$

ب) عددهای طبیعی و قرینه‌هایشان و عدد صفر اعداد صحیح را می‌سازند.  $\leftarrow$  نادرست

پ) در اعداد صحیح کوچکترین عدد وجود ندارد و صفر کوچکترین عدد حسابی است.  $\leftarrow$  نادرست

ت) اگر عددی به سمت مثبت محور اعداد حرکت کند، قرینه‌اش به سمت منفی حرکت خواهد کرد و بالعکس.  $\leftarrow$  درست  
۲ مورد صحیح است.

گزینه ۳

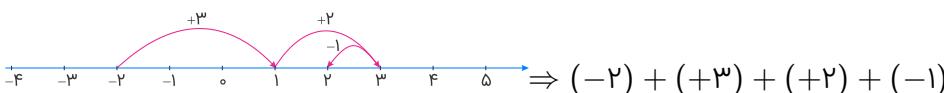
۱۷

دلیل نادرستی: صفر از اعداد مثبت به حساب نمی‌آید. بنابراین عدد ۱ کوچکترین عدد صحیح مثبت است.

گزینه ۲

۱۸

نقطه شروع: -۲



گزینه ۳

۱۹

باتوجه به محور اعداد:



$$\Rightarrow -512 < -256 < -128 < 0 < 128 < 256 < 512$$

پس گزینه ۳ صحیح است.

گزینه ۳

۲۰

چون تعداد منفی‌هایی که در هم ضرب شده‌اند عددی فرد (۳۱۳) است، پس جواب نهایی ۵۹- خواهد بود.

$-\frac{8}{\gamma} = -\frac{12}{\beta}$  و  $\frac{5}{\alpha} = \frac{17}{\gamma}$  صحیح نیستند، چون اعداد کسری و اعشاری نمی‌توانند صحیح باشند. ولی  $-\frac{29}{\alpha} = -\frac{27}{\beta}$  صحیح‌اند و همچنین اعداد صفر،  $-2$  و  $1$  نیز صحیح هستند.

بین  $-15$  و  $+13$ ،  $+27$  عدد صحیح وجود دارد که شامل  $12$  عدد مثبت، عدد صحیح صفر و  $14$  عدد منفی است.

دفعه‌های زوج حاصل منفی است و در دفعه‌های فرد حاصل مثبت است پس، بعد از  $33$  بار قرینه می‌تواند  $+4$  شود.  
روش الگویابی:

$$\begin{aligned} -(-4) &= +4 \\ -(-(-4)) &= -4 \\ -(-(-(-4))) &= +4 \\ -(-(-(-(-4)))) &= -4 \end{aligned}$$

اعداد صحیح عبارت‌اند از:

$$-\frac{\lambda}{\gamma} = -\underline{4}, \quad \underline{+3}, \quad \underline{0}, \quad +\frac{7}{\gamma} = \underline{10}$$

حرکت به سمت بالا را مثبت و به سمت پایین را منفی در نظر می‌گیریم:

$$\begin{aligned} \text{بردار } &(+3 + 2 - \lambda + 4) = +1 \\ \text{بردار } &= \text{انتها} - \text{انتها} \Rightarrow +1 = 5 + 1 = 6 \end{aligned}$$

در حرکت اول  $4$  واحد به سمت راست و در حرکت دوم  $6$  واحد به سمت راست حرکت کرده‌ایم. نقطه شروع حرکت هم نقطه  $-3$  است، پس گزینه  $1$  صحیح می‌باشد.

$$\begin{aligned} -(a) &= -b \Rightarrow -a = -b \Rightarrow a = b \\ -(-b) &= c \Rightarrow +b = c \Rightarrow b = c \\ b &: \text{قرینه قرینه} \quad -(-(b)) = +b = c \end{aligned}$$

عدد صفر از تمام اعداد صحیح مثبت کوچکتر و از تمام اعداد صحیح منفی بزرگتر است.

در هر مرحله ۳ واحد کم می‌شود. در عدد دهم دنباله، ۹ بار عدد ۳ کم شده است.

$$\Rightarrow \text{عدد دهم} = -18 - 9(3) = -18 - 27 = -45$$