

ریاضی ۱

- گزینه «۴» - جمله عمومی این الگو عبارت است از ($n \geq 2$):

$$a_n = \frac{n^r}{r} + 1$$

بنابراین:

$$a_{14} = \frac{14^r}{r} + 1 = 98 + 1 = 99$$

(طلوعی) (فصل اول - درس سوم - الگو و دنباله) (آسان)

- گزینه «۱» - ۲

$$(A - B)' \cap (A \cup B) \cap A' = (A \cap B')' \cap (A \cup B) \cap A' = (A' \cup B) \cap (A \cup B) \cap A' = \underbrace{(B \cup \emptyset)}_B \cap A' = B \cap A' = B - A$$

(سراسری) (فصل اول - درس دوم - متمم یک مجموعه) (متوسط)

- گزینه «۴» - ۳

$$a_7 = 4a_1 \Rightarrow a_1 + 6d = 4(a_1 + 2d) \Rightarrow a_1 + 6d = 4a_1 + 8d \Rightarrow 3a_1 = -2d \Rightarrow a_1 = -\frac{2}{3}d$$

$$\frac{d}{a_7} = \frac{d}{a_1 + d} = \frac{d}{-\frac{2}{3}d + d} = \frac{d}{\frac{1}{3}d} = 3$$

(طلوعی) (فصل اول - درس چهارم - دنباله‌های حسابی) (متوسط)

- گزینه «۳» - ۴

$$y = ax + b \Rightarrow y = ax + 3 \xrightarrow{(2, \Delta)} \Delta = 2a + 3$$

$$2a = 2 \Rightarrow a = 1 \Rightarrow \tan \alpha = 1 \Rightarrow \alpha = 45^\circ$$

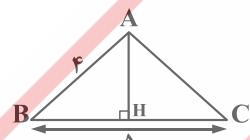
(طلوعی) (فصل دوم - درس دوم - دایره مثلثاتی) (آسان)

- گزینه «۴» - ۵

$$(1 - \sin^r \theta)(1 + \frac{1}{\cos^r \theta}) - (1 - \cos \theta)^r = \cos^r \theta(1 + \frac{1}{\cos^r \theta}) - (1 + \cos^r \theta - 2 \cos \theta) = \cos^r \theta + 1 - 1 - \cos^r \theta + 2 \cos \theta = 2 \cos \theta$$

(طلوعی) (فصل دوم - درس سوم - روابط بین نسبت‌های مثلثاتی) (متوسط)

- گزینه «۱» - ۶



$$S_{ABC} = r \Rightarrow \frac{1}{2} AB \cdot BC \cdot \sin B = r \Rightarrow \frac{1}{2} \times 4 \times \delta \sin B = r \Rightarrow 4 \sin B = r \Rightarrow \sin B = \frac{r}{4}$$

$$\sin^r B + \cos^r B = 1 \Rightarrow (\frac{r}{4})^r + \cos^r B = 1 \Rightarrow \cos^r \theta = \frac{16}{25} \Rightarrow \cos B = \frac{4}{5}$$

$$\sin B = \frac{AH}{AB} \Rightarrow \frac{r}{4} = \frac{AH}{4} \Rightarrow AH = \frac{12}{4}$$

$$\cos B = \frac{BH}{AB} \Rightarrow \frac{r}{4} = \frac{BH}{4} \Rightarrow BH = \frac{16}{4}, HC = BC - BH \Rightarrow \frac{16}{4} - \frac{16}{5} = \frac{9}{5} \Rightarrow HC = \frac{9}{5} \Rightarrow (\frac{9}{5})^2 + (\frac{12}{4})^2 = AC^r \Rightarrow AC = 3$$

(كتاب همراه علوي) (فصل دوم - درس دوم و سوم - روابط نسبت‌های مثلثاتی) (دشوار)

- گزینه «۳» - ۷

$$x^r + y^r = 2xy \Rightarrow x^r + y^r - 2xy = 0 \Rightarrow (x - y)^r = 0 \Rightarrow x = y \Rightarrow \frac{x^r + y^r}{2x^r - y^r} = \frac{2x^r}{2x^r} = 1$$

(طلوعی) (فصل سوم - درس سوم و چهارم - عبارت‌های جبری) (آسان)

- گزینه «۱» - ۸

$$\frac{2}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} = \frac{2(\sqrt{2} + \sqrt{3})}{2 - 3} = -2\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$$

(طلوعی) (فصل سوم - درس سوم - توان‌های گویا) (متوسط)

۹- گزینه «۳» - وقتی $\Delta < 0$ ، آن‌گاه معادله جواب حقیقی ندارد، پس:

$$(-m)^2 - 4(2)(-m) < 0 \Rightarrow m^2 + 8m < 0 \Rightarrow m(m + 8) = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m + 8 = 0 \end{cases} \Rightarrow m = -8$$

$$\frac{-8}{m^2 + 8m} \quad \begin{array}{c} -8 \\ | \\ m^2 + 8m \end{array} \quad \begin{array}{c} 0 \\ | \\ + \end{array} \quad \begin{array}{c} 0 \\ | \\ - \end{array} \quad \begin{array}{c} + \\ | \\ + \end{array} \quad \Rightarrow -8 < m < 0$$

(طلوعی) (فصل چهارم - درس اول - معادله درجه دوم) (متوسط)

۱۰- گزینه «۳» - اگر (α, β) رأس سهمی باشند، می‌توان معادله آن را به صورت $y = k(x - \alpha)^2 + \beta$ نوشت. چون $(4, -1)$ رأس سهمی است. طبق نکته بالا داریم:

$$y = k(x - (-1))^2 - 4 = kx^2 + 2kx + k - 4$$

تک تک ضرایب y ، باید دقیقاً برابر با ضرایب متناظر در $y = 3(x+1)^2 - 4$ باشند، پس $k = 3$ ، لذا $y = 3x^2 + ax + b$ برای یافتن حل تقاطع با محور عرضها $x = 0$ قرار می‌دهیم، داریم:

$$y = 3(0+1)^2 - 4 = -1 \Rightarrow y = 3(o+1)^2 - 4 = -1 \Rightarrow \text{عرض محل تلاقی با محور عرضها}$$

(کتاب علوی) (فصل چهارم - درس دوم - سهمی) (دشوار)

۱۱- گزینه «۳» -

$$\frac{vx - 8}{x^2 - x - 2} > \frac{x}{x-2} \Rightarrow \frac{vx - 8}{(x-2)(x+1)} - \frac{x}{x-2} > 0 \Rightarrow \frac{vx - 8 - x^2 - x}{(x-2)(x+1)} > 0 \Rightarrow \frac{-x^2 + 6x - 8}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$\Rightarrow \frac{x^2 - 6x + 8}{(x-2)(x+1)} < 0 \Rightarrow \frac{(x-4)(x-2)}{(x-2)(x+1)} < 0$$

$$\begin{array}{c} -1 \quad 2 \quad 4 \\ | \\ + \quad \downarrow \quad \downarrow \quad - \quad \downarrow \quad + \end{array} \Rightarrow x \in (-1, 2) \cup (2, 4)$$

(طلوعی) (فصل چهارم - درس سوم - تعیین علامت) (متوسط)

۱۲- گزینه «۴» -

$$f(1) = 2m - 1 = 5 \Rightarrow 2m = 6 \Rightarrow m = 3$$

$$f(2) = 3m + n = 5 \xrightarrow{m=3} 9 + n = 5 \Rightarrow n = -4$$

$$f(4) = m + n = 3 - 4 = -1$$

$$f(3) = m - 2n = 3 - 2(-4) = 3 + 8 = 11$$

$$f(4) + f(3) = -1 + 11 = 10$$

(طلوعی) (فصل پنجم - درس اول - مفهوم تابع) (متوسط)

۱۳- گزینه «۴» - می‌دانیم در توابع کسری، دامنه تابع، ریشه‌های مخرج می‌باشد، بنابراین $-2 = x$ و $x = \frac{1}{2}$ ریشه عبارت $2x^2 + bx + c$ است، بنابراین می‌توان نوشت:

$$2x^2 + bx + c = 2(x+2)(x-\frac{1}{2}) = 2x^2 + 3x - 2 \Rightarrow b = 3, c = -2 \Rightarrow b + c = 1$$

(کتاب علوی) (فصل پنجم - درس دوم - دامنه و برد تابع) (متوسط)

۱۴- گزینه «۳» -

$$f(2) = |2+1| - |2 \times 2 - 3| = |3| - |1| = 3 - 1 = 2$$

$$f(-2) = |-2+1| - |-2 \times (-2) - 3| = |-1| - |-7| = 1 - 7 = -6$$

$$f(2) + f(-2) = 2 - 6 = -4$$

$$f(0) = |0+1| - |2 \times 0 - 3| = |1| - |-3| = 1 - 3 = -2 \Rightarrow 2f(0) = -4$$

(طلوعی) (فصل پنجم - درس سوم - انواع تابع) (متوسط)

۱۵- گزینه «۲» - اگر حروف «ر» و «ز» را با هم در نظر بگیریم، آن‌گاه حرف «ر» و «ز» نیز کنار هم ۲ حالت برای قرار گرفتن دارند، پس $24 \times 2 = 48$

$$\underbrace{1 \cdots \boxed{\cdots}}_{2! \times 4!} = 2 \times 24 = 48$$

(سراسری) (فصل سوم - درس دوم - جایگشت) (متوسط)

- گزینه «۲» - ۱۶

تعداد کلمات سه حرفی بدون تکرار حروف $5 \times 4 \times 3 = 60$

تعداد کلمات سه حرفی فاقد H $4 \times 3 \times 2 = 24$

تعداد کلمات سه حرفی شامل حرف H $60 - 24 = 36$

(طلوعی) (فصل سوم - درس اول - شمارش) (متوسط)

- گزینه «۳» - ۱۷

$$\binom{n+1}{4} = \binom{7}{3} = \frac{(n+1)n(n-1)(n-2)}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 2 \times 3 \times 5 \Rightarrow (n+1)n(n-1)(n-2) = 8 \times 7 \times 6 \times 5 \Rightarrow n = 7$$

$$\Rightarrow \binom{8}{6} = \binom{8}{2} = \frac{8 \times 7}{2} = 28$$

(طلوعی) (فصل ششم - درس سوم - ترکیب) (متوسط)

- گزینه «۴» - ۱۸

$$P(6, k) = 6C(6, k) \Rightarrow \frac{9!}{(9-k)!} = 6 \times \frac{9!}{(9-k)! \times k!} \Rightarrow 1 = \frac{6}{k!} \Rightarrow k! = 6 \Rightarrow k = 3$$

(كتاب همراه علوی) (فصل ششم - درس سوم - ترکیب) (متوسط)

- گزینه «۱» - ۱۹

S = {(1, 6), (2, 5), (2, 6), (3, 4), (3, 5), (3, 6), (4, 3), (4, 4), (4, 5), (4, 6), (5, 2), (5, 3), (5, 4)}

, (5, 5), (5, 6), (6, 1), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5), (6, 6)} $\Rightarrow n(S) = 21$

A = {(1, 6), (2, 5), (3, 4), (3, 6), (4, 3), (4, 5), (5, 2), (5, 4), (5, 6), (6, 1), (6, 3), (6, 5)} $\Rightarrow n(A) = 12$

$$P(A) = \frac{12}{21} = \frac{4}{7}$$

(طلوعی) (فصل هفتم - درس اول - احتمال) (دشوار)

- گزینه «۴» - انتخاب اعضای نمونه باید کاملاً تصادفی باشد. (طلوعی) (فصل هفتم - درس دوم - مقدمه‌ای بر علم آمار) (آسان)