

- گزینه «۱» - از آن جا که نقطه ۱ درون بازه است، داریم:

$$\begin{aligned} x-2 < 1 \Rightarrow x < 3 \\ 2x+3 > 1 \Rightarrow x > -1 \end{aligned} \quad \xrightarrow{\cap} \quad -1 < x < 3$$

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم - صفحه ۱۲۲)

- گزینه «۲» - مفهوم میل کردن به یک عدد آن است که x ها را به آن عدد نزدیک می‌کنیم. پس حد تابع در $x \notin \mathbb{Z}$ تعیین می‌شود.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 2} f(x) &= -2 \\ \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} f(x) &= -2 + = -4 \end{aligned}$$

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم - صفحه ۱۲۲)

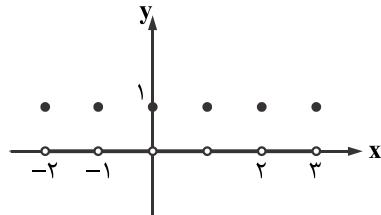
- گزینه «۳» -

$$\begin{aligned} x \rightarrow 1^+ &\quad x > 1 \Rightarrow -x < -1 \Rightarrow 1-x < 0 \Rightarrow 0^- \\ &\quad \lim_{x \rightarrow 1^+} f(1-x) = 2 \\ x \rightarrow 1^- &\quad x < 1 \Rightarrow -x > -1 \Rightarrow 1-x > 0 \Rightarrow 0^+ \\ &\quad \lim_{x \rightarrow 1^-} f(1-x) = -2 \end{aligned}$$

بنابراین $2 - (-2) = 4$

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم - مفهوم حد چپ و راست)

- گزینه «۱» -



$$\begin{aligned} f(0) &= [x] - 1 + [-x] + 2 \\ f(x) &= [x] + [-x] + 1 \\ &\begin{cases} +1 & x \in \mathbb{Z} \\ 0 & x \notin \mathbb{Z} \end{cases} \end{aligned}$$

در بازه $(-2, 2)$ در تمام نقاط داخل بازه دارای حد برابر صفر است.

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم - مفهوم حد در جزء صحیح)

- گزینه «۱» -

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -1 \rightarrow -1$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 0 \rightarrow 1$$

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم)

- گزینه «۲» -

$$y = |\sin x| \quad T = \pi$$

$$y = \frac{1}{2} \sin \frac{x}{2} \quad T = \frac{2\pi}{|\alpha|} = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi$$

$$y = \tan x \quad T = \pi$$

$$y = \frac{1}{2} \cos \frac{x}{2} \quad T = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = \pi$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل دوم)

- گزینه «۳» -

$$1 - x^2 \geq 0 \Rightarrow 1 \geq x^2 \Rightarrow -1 \leq x \leq 1$$

با توجه به تعریف حد، تابع در تمام نقاط بازه بالا حد دارد غیر از ۱ و -۱ - که همسایگی دو طرفه ندارند بنابراین بازه $(-1, 1)$ صحیح است.

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم - مشابه تمرين کتاب درسی)

- گزینه «۳» -

$$f\left(\frac{\Delta x - 1}{x + 4} \rightarrow 4\right)$$

$$\frac{\Delta x - 1}{x + 4} = 4 \Rightarrow \Delta x - 1 = 4x + 28 \Rightarrow x = 29$$

$$\frac{4(29) - 3}{29 + 2} = \frac{113}{31}$$

(كتاب حسابان علوی) (حسابان ۱ - فصل پنجم)

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{ax+b}-2}{x^2-1} = \frac{3}{2}$$

چون حد مخرج وقتی $x \rightarrow 1$ برابر صفر و جواب حد آن برابر $\frac{3}{2}$ است، پس باید حد صورت هم صفر باشد تا حالت رخ دهد.

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{ax+b}-2}{x^2-1} \times \frac{\sqrt{ax+b}+2}{\sqrt{ax+b}+2} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{ax+b-4}{(x-1)(x+1)(\sqrt{a+b}+2)} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{a(x+\frac{b-4}{a})}{(x-1)(2)(\sqrt{a+b}+2)} = \frac{3}{2} \Rightarrow \frac{a}{2} = \frac{3}{2} \Rightarrow a = 12 \Rightarrow b = -8$$

(سراسری خارج از کشور - ۹۵) (حسابان ۱ - فصل پنجم)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\tan \lambda x \times \lambda x}{\frac{\lambda x}{x^2 + x^2}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\lambda x \times x}{x^2 + x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\lambda}{x^2 + x^2} = 0$$

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم)

$$1 - \cos x = 2 \sin^2 \frac{x}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x}{\sqrt{2} \sin^2 \frac{x}{2}} = \frac{x}{\sqrt{2} |\sin \frac{x}{2}|} = \frac{\frac{x}{2} \times 2}{\sqrt{2} \times (-\sin \frac{x}{2})} = -\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = -1$$

(بیگلری) (حسابان ۱ - فصل پنجم)

$f - g$ در x_0 پیوسته‌اند. بنابراین مجموع و تفاضل آن‌ها هم در x_0 پیوسته است، پس:

$$y = (f + g) + (f - g) = 2f \rightarrow \text{پیوسته}$$

$$y = (f + g) - (f - g) = 2g \rightarrow \text{پیوسته}$$

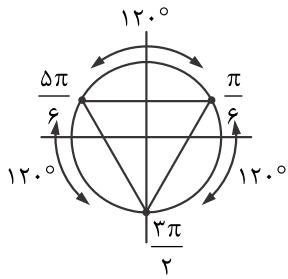
(سراسری ریاضی - ۹۱) (حسابان ۱ - فصل پنجم)

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{a(1 + \sqrt[3]{1-x})}{x^2 - 4x} \times \frac{(1 - \sqrt[3]{1-x} + \sqrt[3]{(1-x)^2})}{(1 - \sqrt[3]{1-x} + \sqrt[3]{(1-x)^2})}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{a(1 + 1 - x)}{(x - 2)(1 - \sqrt[3]{1-x} + \sqrt[3]{(1-x)^2})} = \frac{-a}{6}$$

$$f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 2 - a \Rightarrow 2 - a = -\frac{a}{6} \Rightarrow a = 2/4$$

(سراسری ریاضی - ۹۴) (حسابان ۱ - فصل پنجم)



$$\sin x = \cos 2x \Rightarrow \sin x = 1 - 2 \sin^2 x$$

$$2 \sin^2 x + \sin x - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sin x = -1 \Rightarrow x = \frac{3\pi}{2}, \dots \\ \sin x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}, \dots \end{cases}$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل دوم)

$$\sin x = 1 - \cos x$$

$$\sin^2 x = (1 - \cos x)^2$$

$$\sin^2 x = 1 - 2 \cos x + \cos^2 x \Rightarrow 1 - \cos^2 x = 1 - 2 \cos x + \cos^2 x$$

$$2 \cos^2 x - 2 \cos x = 0$$

$$2 \cos x (\cos x - 1) = 0 \Rightarrow 2 \cos x = 0 \quad \text{یا} \quad \cos x - 1 = 0$$

$$x = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}, \dots, 2\pi \quad [0^\circ, 2\pi]$$

ولی $x = \frac{3\pi}{2}$ جواب نیست زیرا در معادله صدق نمی‌کند. پس $x = 0^\circ, 2\pi, \frac{\pi}{3}$ (بیگلری) (حسابان ۲ - فصل دوم)

$$x = K\pi + x \Rightarrow K\pi$$

$$x = (K+1)\pi - x \Rightarrow x = \frac{(K+1)\pi}{\Delta}$$

با مقداردهی به $K \in \mathbb{Z}$ جواب بین $[-\pi, 2\pi]$

$$0, \pi, \frac{\pi}{\Delta}, \frac{3\pi}{\Delta}, \pi, \frac{7\pi}{\Delta}, \frac{9\pi}{\Delta}, -\frac{\pi}{\Delta}, -\frac{3\pi}{\Delta}, -\pi$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل دوم)

- گزینه «۱» - ۱۷

$$T = \frac{\pi}{|b|} \Rightarrow \frac{\pi}{|b|} = \pi \Rightarrow |b| = \frac{1}{\pi}$$

$$\begin{aligned} \max = \Delta & \quad a+c = \Delta \Rightarrow c = \Delta - a \\ c-a = 1 & \quad a = 1 \end{aligned} \quad a \times b \times c = 1$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل دوم)

- گزینه «۱» - ۱۸

$$\frac{\pi}{(0^+)} = +\infty$$

$$(x-\pi)^\gamma = x^\gamma - \pi x + \gamma = x^\gamma + mx + n \Rightarrow m = -\gamma, n = \gamma$$

$$m+n=0$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل سوم)

- گزینه «۲» - با توجه به شکل

$$\lim_{x \rightarrow a^+} f(0) = 0^-$$

$$\lim_{x \rightarrow a^-} f(0) = 0^+$$

$$f(a) = 0 \text{ عددی مثبت است و } a > 0$$

$$\lim_{x \rightarrow a^+} \frac{x}{f(0)} = \frac{a > 0}{0^-} = +\infty$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل دوم)

- گزینه «۳» - ۲۰

$$\lim_{x \rightarrow \pi^-} \frac{[x] - 3}{x - \pi} = \frac{\pi - 3}{0^-} = \frac{-1}{0^-} = +\infty$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

$$\text{«۱»: } \lim_{x \rightarrow \pi^+} \tan x = \lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{1}{0^+} = -\infty$$

$$\text{«۲»: } \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{|x|} \underset{y=|x|}{=} \frac{1}{0^+} = +\infty \quad \text{با توجه به نمودار}$$

$$\text{«۴»: } \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\pi - \cos \pi x}{x} = \frac{\pi}{0^-} = -\infty$$

(بیگلری) (حسابان ۲ - فصل سوم)