

- ۱- صفحه P ، خط d و نقطه A مفروضند. اگر صفحه d را بر نقطه A و خط d را بنامیم، در کدام حالت رسم، خط d را از نقطه A و متقطع با خط d و موازی صفحه P غیرممکن است؟

$$Q \cap P \neq \emptyset \quad (4)$$

$$Q \cap P = \emptyset \text{ و } d \nparallel P \quad (3)$$

$$Q \cap P = \emptyset \text{ و } d \parallel P \quad (2)$$

$$Q \cap P \neq \emptyset \text{ و } d \parallel P \quad (1)$$

۲- سه خط دو به دو متقطع، لزوماً.....

(۱) همسنند

(۲) هم‌سنند یا در یک صفحه واقعند

(۳) سه خط L_1 و L_2 و L_3 دو به دو متنافرند، چند خط وجود دارد که با L_1 موازی و با L_2 و L_3 متقطع باشد؟

(۱) یک

(۲) حداقل یک

(۳) هیچ

(۴) بیشمار

۴- مکعبی به طول بال ۴ واحد را با مکعب‌های واحد ساخته‌ایم و مساحت کل آن را رنگ زده‌ایم، چند مکعب را رنگ زده‌ایم؟

(۱) ۵۶

(۲) ۵۴

(۳) ۵۲

(۴) ۵۰

۵- یک مکعب به طول یال a را توسط صفحاتی که از وسط وجوه مکعب عبور کرده‌اند، برش داده‌ایم تا یک هشت‌وجهی منتظم پدید آید. حجم این هشت‌وجهی چه کسری از حجم مکعب است؟

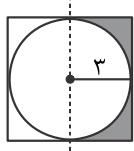
$$\frac{1}{8} \quad (4)$$

$$\frac{1}{6} \quad (1)$$

$$\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

۶- مطابق شکل دایره محاط در مربع است. مریع را حول محور تقارن مشخص شده دوران می‌دهیم. حجم قسمت هاشورخورده کدام است؟



(۱) 9π

(۲) 12π

(۳) 18π

(۴) 27π

۷- چند نقطه روی خط $x + y = 1$ یافت می‌شود که مجموع فواصلشان از دو نقطه $(1, 0)$ و $(0, 2)$ برابر ۲ است؟

(۱) صفر

(۲) ۲

(۳) بیشمار

۸- $A'(-3, -2)$ و $A''(2, -3)$ رئوس کانونی بیضی و $F(3, -3)$ یک کانون آن است. طول وتر کانونی بیضی چقدر است؟

$$\frac{10}{3} \quad (4)$$

$$\frac{8}{3} \quad (3)$$

$$\frac{5}{3} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

۹- مرکز یک بیضی و مرکز دایره $(x - 5)^2 + (y + 3)^2 = 9$ بر هم منطبق هستند. اگر قطرهای بیضی به موازات محورهای مختصات و بیضی بر محورهای مختصات مماس باشد، خروج از مرکز بیضی کدام است؟

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{3}{5} \quad (2)$$

$$\frac{4}{5} \quad (1)$$

۱۰- تفاضل طول اقطار بیضی ۸ و خروج از مرکز آن $\frac{4}{5}$ است. مساحت چهارضلعی که رئوس آن، رئوس کانونی و ناکانونی بیضی می‌باشد، کدام است؟

(۱) ۱۳۶

(۲) ۱۲۰

(۳) ۸۰

(۴) ۹۰

۱۱- سهمی به کانون $f(3, 2)$ و خط هادی به معادله $-1 = x$ ، محور x را در نقطه A قطع می‌کند. فاصله نقطه A تا کانون سهمی کدام است؟

(۱) ۳

(۲) ۲/۷۵

(۳) ۲/۵

(۴) ۲/۲۵

۱۲- به ازای کدام مقدار a کانون سهمی به معادله $0 = 2y^2 + ay - 3x = 0$ بر روی محور y ها است؟

(۱) ± 6

(۲) ± 3

(۳) ± 2

(۴) ± 1

۱۳- در سهمی به معادله $0 = 3y^2 + 6x - 4y = 0$ خط گذرنده از کانون و موازی خط هادی، منحنی سهمی را در نقاط A و B قطع می‌کند. اندازه وتر AB کدام است؟

(۱) ۶

(۲) ۴

(۳) ۳

(۴) ۲