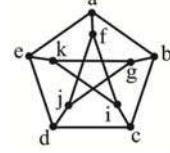


ریاضیات گسته

۱- گزینه «۴» - گراف شکل زیر که به گراف پترسن مشهور است دارای ۱۰ مجموعه احاطه‌گر مینیمم دارد و اعداد احاطه‌گر آن ۳ است.



$\{a, j, i\} - \{e, i, g\} - \{d, g, f\} - \{c, f, k\} - \{b, k, j\} - \{i, d, b\} - \{j, e, c\}$
 $- \{k, d, a\} - \{f, e, b\} - \{g, a, c\}$

(فرهمندپور) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گراف احاطه‌گر مینیمم) (متوسط)
عدد P_n در چون می‌باشد و هم مینیمال هم می‌باشد - هر مجموعه احاطه‌گر مینیمم،

اعداد اضوهای مجموعه مینیمال گراف P_{12} برابر ۴ است. عدد احاطه‌گری ۴ است. پس در گراف P_{12} عدد احاطه‌گری $\frac{n}{3}$ است. بنابراین حداقل احاطه‌گری $\left[\frac{n}{3}\right]$ است.

در گراف P_n , حداکثر تعداد عضوهای یک مجموعه مینیمال $\left[\frac{n}{2}\right]$ است که در گراف P_{12} برابر ۶ است. (کتاب درس: باقیتی) (با همراه دهنده فصل ۲۰۰ - گراف، احاطه‌گر مینیمال (متسطول))

۳- گزینه «۳» - از ۵ رقم مجموعه A به ۴ طریق می‌توان ۴ عضو انتخاب کرد و از ۳ رقم

مجموعه B به $\begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix}$ طریق می‌توان یک عضو انتخاب کرد و ۵ عضو انتخابی را به ۱! حالت

می توان صفت کرد که بنا به اصل ضرب داریم:

(فرهمندپور) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گراف احاطه‌گر مینیمم) (متوسط)

- ۴ - گزینه «۳»

$$|S| = \frac{8!}{2! \times 2!} = 18.$$

می دانیم رقم صفر در ابتدای عدد قرار نمی گیرد پس تعداد اعداد ۶ رقمی که صفر در اول باشد را محاسبه می کیم.

$$|A'| = 1 \times \frac{5!}{2! \times 2!} = 30$$

(فرهمندپور) (پایه دوازدهم - فصل سوم - ترکیبیات) (متوسط)

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 \equiv 6$$

$$\left(\mathfrak{n} - \lambda \right)$$

می آید.

$$\begin{vmatrix} n-1 \\ k-1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3 \\ 2 \end{vmatrix} = 1.$$

٤) میسر (پایه دوازدهم - فصل سوم - توزیع N شی یکسان) (متوسط)

- زیرینه «۱» - چون $\frac{1}{x_1}$ باید عدد طبیعی باشد پس $x_1 \in \{1, 2, 3\}$ است و چون $x_1 \in \mathbb{N}$ بنابراین فقط $x_1 \in \{1, 4\}$

$$x_1 = 1 \Rightarrow 1 + x_r + x_v + x_f = \frac{r}{1} \Rightarrow x_r + x_v + x_f = r$$

$$|t_1| = \dots = |t_k| = 1 - \binom{n+k-1}{n} = \binom{3+3-1}{3} = \binom{5}{3} = 10.$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = - \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = -1 \quad \text{و} \quad x_4 = 4$$

پس تعداد جواب‌ها همان ۱۰ حالت است. (فرهنگ‌نویران پایه دوازدهم - فصل سوم - توزیع n شی یکسان) (دشوار)

هر جمله از این بسط به صورت $x^\alpha \cdot y^\beta \cdot z^\theta$ است و چون فاقد X است $\alpha = 0$ و حداقل توان y برابر 4 است $\alpha + \beta +$

يعني $\beta \geq 4$.

$$\beta + \gamma + \theta = 12 \quad \beta \geq 4$$

$$\text{سے جو ب} \left(\begin{array}{c} k-1 \\ \vdots \\ 3-1 \\ 2 \end{array} \right) \text{ تک}$$