

- گزینه «۲»

$$B = \{x^3 - 3x \mid x \in \mathbb{N}, x < 6\}$$

$$\begin{aligned} x = 1, 2, 3, 4, 5 \Rightarrow x^3 - 3x = x(x^2 - 3) &\xrightarrow{x=1} 1(1^2 - 3) = -2 \\ &\xrightarrow{x=2} 2(2^2 - 3) = 2 \rightarrow \text{اول} \\ &\xrightarrow{x=3} 3(3^2 - 3) = 18 \\ &\xrightarrow{x=4} 4(4^2 - 3) = 4 \times 13 \\ &\xrightarrow{x=5} 5(5^2 - 3) = 5 \times 23 \end{aligned}$$

۴ عضو غیر اول دارد. (حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)

- گزینه «۳»

$$-1 \leq \frac{2m-1}{3} \leq 5 \Rightarrow -3 \leq 2m-1 \leq 15 \Rightarrow -2 \leq 2m \leq 16 \Rightarrow -1 \leq m \leq 8$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

۳ - گزینه «۱» – فقط مورد (ب) که مجموعه $\{1, 5, \dots\}$ را تشکیل می‌دهد، متناهی است.

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)

- گزینه «۲»

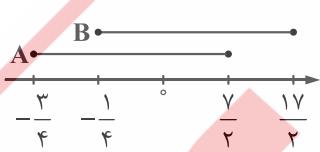
$$\begin{aligned} A = \{18, 27, 36, \dots, 99\} &\Rightarrow A \cap B = \{18, 27, 36, 45\} \Rightarrow 2^4 = 16 = \text{تعداد زیرمجموعه‌ها} \\ B = \{3, 6, 9, 12, \dots, 48\} \end{aligned}$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

- گزینه «۲»

$$-\frac{5}{2} \leq 2x-1 \leq 6 \Rightarrow -\frac{3}{2} \leq 2x \leq 7 \Rightarrow -\frac{3}{4} \leq x \leq \frac{7}{2} \Rightarrow A = [-\frac{3}{4}, \frac{7}{2}]$$

$$-\frac{17}{2} \leq -x \leq \frac{1}{4} \Rightarrow -\frac{1}{4} \leq x \leq \frac{17}{2} \Rightarrow B = [-\frac{1}{4}, \frac{17}{2}]$$



$$\begin{aligned} A \cap B &= [-\frac{1}{4}, \frac{7}{2}] = [a, b] \\ \begin{cases} a = -\frac{1}{4} \\ b = \frac{7}{2} \end{cases} \end{aligned}$$

$$4a - 2b = -1 - 7 = -8$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)

- گزینه «۲»

$$\begin{aligned} A_1 &= \{1\} & A_2 &= \{1, 2\} \\ A_1 \cap A_2 \cap A_3 \cap A_4 \cap A_5 &= \{1\} \end{aligned}$$

$$A_1 = \{1, 2, 3\}$$

$$A_4 = \{1, 2, 3, 4\}$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

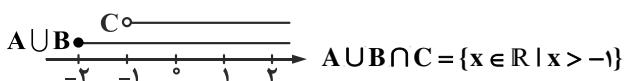
- گزینه «۲»

$$\begin{cases} a - 2b = 3 \\ a + b = 4 \end{cases} \Rightarrow 3b = 1 \Rightarrow \begin{cases} b = \frac{1}{3} \\ a = \frac{11}{3} \end{cases} \Rightarrow \frac{a}{b} = 11$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

- گزینه «۳» – مجموعه فوق شامل دو عضو $\{\circ, \circ\}$ است و چون $A \subseteq \{\circ, \circ\}$. برای $\{\circ\} \in A$ ، پس هم داریم $\{\circ\} \in A$ و در نتیجه $A \subseteq \{\{\circ\}\}$ ، پس گزینه «۳» درست نیست.

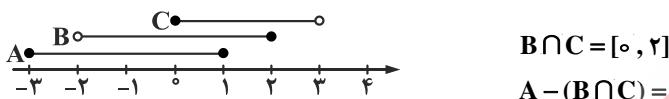
(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)



(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

- ۱- گزینه «۱» – A – مجموعه‌ای یک عضوی با عضو $\{\emptyset\}$ است و هم مجموعه‌ای یک عضوی با عضو \emptyset است. C نیز تهی است، چون عدد حقیقی که مربع آن منفی باشد نداریم، پس $C \subseteq B$ است.

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)



$$A - (B \cap C) = [-3, 1] - [0, \infty) = [-3, 0]$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

- ۱۲- گزینه «۲» – مجموعه B دو عضو دارد $\{1, \emptyset\}$ و مجموعه A یک عضو دارد که با دو عضو B یکسان نیست، پس اجتماع A و B , ۳ عضوی است. (حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

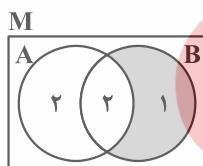
$$[(A' \cup B) \cup (A \cap B')] = [(A \cap B')' \cup (A \cap B')] = U$$

متهم U , برابر \emptyset خواهد بود. (حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، متهم یک مجموعه – مجموعه‌ها) (متوسط)

$$2n(A) = 2n(B) = \Delta n(A \cap B) \Rightarrow \begin{cases} n(A) = \frac{5}{3}n(A \cap B) \\ n(B) = \frac{5}{2}n(A \cap B) \end{cases}$$

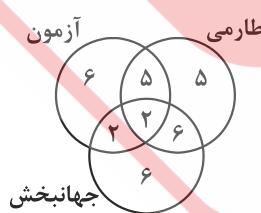
$$\frac{n(A) - n(A \cap B)}{\underbrace{n(A \cup B)}_{n(A) + n(B) - n(A \cap B)}} = \frac{\frac{5}{3}n(A \cap B) - n(A \cap B)}{\frac{5}{3}n(A \cap B) + \frac{5}{2}n(A \cap B) - n(A \cap B)} = \frac{\frac{2}{3}n(A \cap B)}{\frac{19}{6}n(A \cap B)} = \frac{12}{57} = \frac{4}{19}$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)



$$n(A \cup B) = n(A) + \underbrace{n(B) - n(A \cap B)}_{n(B-A)} \Rightarrow n(B-A) = 1$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (متوسط)



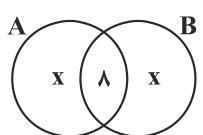
$$n(A \cup B \cup C) = n(A) + n(B) + n(C) - n(A \cap B) - n(A \cap C) - n(B \cap C) + n(A \cap B \cap C) = 32$$

$$15 + 18 + 16 - 7 - 8 - 4 + x = 32$$

$$x = n(A \cap B \cap C) = 2$$

$$15 + 18 + 16 - 7 - 8 - 4 + 2 = 32$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (دشوار)



$$8 + 2x = 36 \Rightarrow 2x = 28 \Rightarrow x = 14$$

$$n(A) = 14 + 8 = 22$$

(حسینی) (فصل اول – مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی – مجموعه‌ها) (آسان)

$$(25-x) + x + (27-x) = 40$$

$$52-x = 40$$

$$x = 12$$

نفر ۱۲ = ۲۵ - ۱۲ : فقط بازیگر

(حسینی) (فصل اول - مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی - مجموعه‌ها) (متوسط)

۱۹- گزینه «۳» - چون مجموعه تهی زیرمجموعه همه مجموعه‌های است، باید گزینه‌ای را انتخاب کنیم که تهی است.

$$\emptyset \cap \{\emptyset\} = \emptyset$$

(حسینی) (فصل اول - مجموعه، الگو و دنباله، مجموعه‌های متناهی و نامتناهی - مجموعه‌ها) (متوسط)

$$U = \{1, 2, \dots, 99\}$$

مجموعه اعداد $A = \{3, 6, 9, \dots, 99\}$

$$n(A) = 33$$

مجموعه اعداد $B = \{5, 10, 15, \dots, 95\}$

$$n(B) = 19$$

۲۰- هم مضرب ۳ و هم مضرب ۵ : $A \cap B = \{15, 30, 45, 60, 75, 90\} \Rightarrow n(A \cap B) = 6$

$$n(A' \cap B') = n((A \cup B)') = n(U) - n(A \cup B) = n(U) - (n(A) + n(B) - n(A \cap B))$$

$$n(A' \cap B') = 99 - (33 + 19 - 6) = 53$$

(حسینی) (فصل اول - مجموعه، الگو و دنباله، متمم یک مجموعه - مجموعه‌ها) (دشوار)