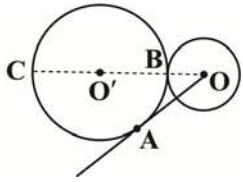


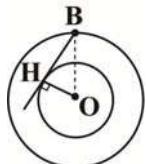
- گزینه «۳» - ۱



$$\begin{aligned} OA^r &= OB \times OC \Rightarrow OA^r = r \times (21 + r) \\ \Rightarrow OA^r &= 100 \\ \Rightarrow OA &= 10. \end{aligned}$$

(فیروزی) (فصل اول – درس دوم – روابط طولی در دایره) (متوسط)

- گزینه «۲» - ۲

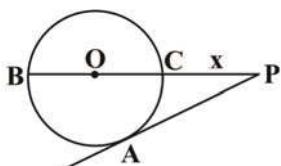


$$OH^r + HB^r = OB^r \Rightarrow r + HB^r = 25$$

$$HB = 4$$

(فیروزی) (فصل اول – درس دوم – اوضاع نسبی دو دایره نسبت به هم) (آسان)

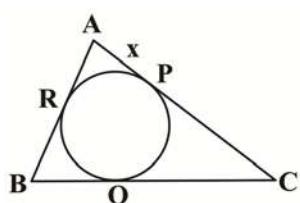
- گزینه «۱» - ۳



$$\begin{aligned} PA &= s \\ PB &= r \\ PA^r &= PC \times PB \Rightarrow s^r = x \times r \Rightarrow x = \frac{s^r}{r} = 4 \end{aligned}$$

(فیروزی) (فصل اول – درس دوم – روابط طولی در دایره) (متوسط)

- گزینه «۲» - ۴

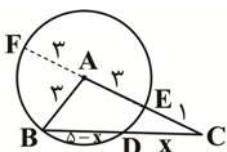


$$\begin{aligned} AP &= AR = x \\ BR &= BQ = r - x \\ CQ &= CP = v - x \\ CQ + QB &= r \Rightarrow v - x + r - x = r \Rightarrow x = v \end{aligned}$$

(فیروزی) (فصل اول – درس سوم – چندضلعی‌های محیطی) (متوسط)

- گزینه «۳» - ۵

$$\Delta ABC : AB^r + AC^r = BC^r$$



$$\begin{aligned} BC^r &= 25 \Rightarrow BC = 5 \\ CD \times CB &= CE \times CF \\ x \times 5 &= 1 \times v \\ x &= \frac{v}{5} \end{aligned}$$

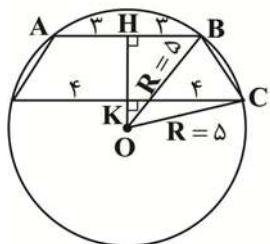
(فیروزی) (فصل اول – درس دوم – روابط طولی در دایره) (دشوار)

۶- گزینه «۳» - دو شکل برای این سؤال قابل رسم است.



$$\begin{cases} OH = \sqrt{25-9} = 4 \\ OK = \sqrt{25-16} = 3 \end{cases} \Rightarrow HK = 7$$

$$S_{ABCD} = \frac{(6+8)}{2} \times 7 = 49$$

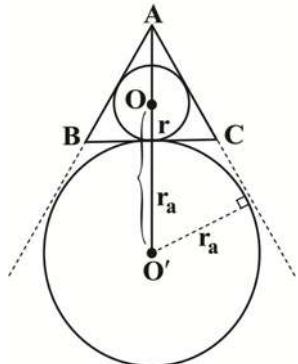


$$\begin{cases} OH = \sqrt{25-9} = 4 \\ OK = \sqrt{25-16} = 3 \end{cases} \Rightarrow HK = 1$$

$$S_{ABCD} = \frac{(6+8)}{2} \times 1 = 7$$

(کتاب همراه علوی) (فصل اول - درس دوم - چندضلعی محاطی) (دشوار)

۷- گزینه «۱» - در مثلث متساوی الاضلاع شعاع دایره محاطی داخلی برابر $\frac{h}{3}$ و شعاع دایره محاطی خارجی آن برابر h می باشد و در این مثلث



ارتفاع h برابر $\frac{\sqrt{3}}{2}a$ است، از طرفی OO' برابر مجموع این دو شعاع می باشد.

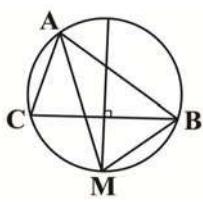
$$OO' = \frac{h}{3} + h = \frac{4}{3}h$$

$$\frac{h = \frac{\sqrt{3}}{2}(\sqrt{3}) = \frac{3}{2}}{OO' = \frac{4}{3} \times \frac{3}{2} = 2}$$

(کتاب همراه علوی) (فصل اول - درس سوم - دایره های محاطی) (متوسط)

۸- گزینه «۳» - دایره محیطی مثلث ABC را رسم می کنیم. با توجه به این که عمودمنصف ضلع BC و نیمساز زاویه A ، هر دو، کمان BC را نصف می کنند، می توان نتیجه گرفت که نقطه برخورد عمودمنصف ضلع BC و نیمساز زاویه A (نقطه M) روی دایره محیطی مثلث ABC قرار دارد.

بنابراین داریم:



$$\Delta ABC: \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} = 180^\circ - (50^\circ + 60^\circ) = 70^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{CAM} = \frac{\hat{A}}{2} = 35^\circ \xrightarrow{MBC=CAM=\frac{MC}{2}} \hat{MBC} = 35^\circ$$

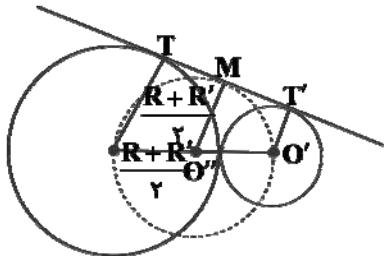
(سراسری خارج از کشور ریاضی - ۸۹) (فصل اول - درس سوم - دایره محیطی) (متوسط)

۹- گزینه «۲» - فرض کنیم دو دایره $C'(O', R')$ و $C(O, R)$ مماس بیرونی باشند و $R > R'$ باشد. دایره به مرکز O'' و شعاع $\frac{R+R'}{2}$ را

رسم می‌کنیم. اگر TT' مماس مشترک خارجی دو دایره C و C' باشد از O'' به نقطه M وسط TT' وصل می‌کنیم. در ذوزنقه $OTT'O'$ با

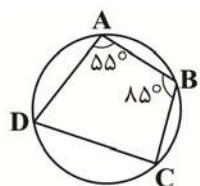
توجه به قضیه میان خط نتیجه می‌گیریم $O''M \parallel O'M$ پس $O''M$ موازی $O'M$ است و بر TT' عمود

است بنابراین TT' بر دایره به قطر OO' مماس می‌باشد.



(سراسری ریاضی - ۹۴ - فصل اول - درس دوم - اوضاع نسبی دو دایره نسبت به هم) (دشوار)

۱۰- گزینه «۳» - می‌دانیم مجموع زوایای مقابل در چهارضلعی محاطی برابر با 180° است، بنابراین داریم:



$$\begin{aligned} \hat{A} + \hat{C} = 180^\circ &\Rightarrow \hat{C} = 180^\circ - \hat{A} = 180^\circ - 55^\circ = 125^\circ \\ \hat{B} + \hat{D} = 180^\circ &\Rightarrow \hat{D} = 180^\circ - \hat{B} = 180^\circ - 85^\circ = 95^\circ \end{aligned} \Rightarrow \hat{C} - \hat{D} = 125^\circ - 95^\circ = 30^\circ$$

(فیروزی) (فصل اول - درس سوم - چهارضلعی محاطی) (آسان)