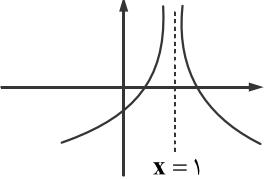


نام آزمون: نوبت اول	به نام خداوند جان و خرد علوی	نام و نام خانوادگی:
زمان: ۱۲۰ دقیقه		نام درس: ریاضی ۳
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/	مؤسسه علمی آموزشی علوی	پایه تحصیلی: دوازدهم تجربی
پاسخنامه ریاضی پایه دوازدهم		ردیف
(الف) درست (بخش بذیری) (آسان)	ب) درست (همسایگی) (آسان)	۱
ت) درست (تابع وارون) (آسان)	پ) درست (تابع وارون) (آسان)	
(هر مورد ۰/۲۵ نمره)	(هر مورد ۰/۲۵ نمره)	
(الف) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (کمان‌های 2α) (آسان)	ب) $f(x) = x^{\lambda} + 2$ و $g(x) = 2 - x$ (ترکیب توابع) (آسان)	۲
ت) $x > 0$ (تابع وارون) (آسان)	پ) $-\infty$ (حد بینهایت) (آسان)	
(هر مورد ۰/۲۵ نمره)	(هر مورد ۰/۲۵ نمره)	
(الف) گزینه «۴» (ترکیب توابع) (آسان)	ب) گزینه «۱» (ترکیب توابع) (آسان)	۳
ت) گزینه «۲» (تعريف هندسی مشتق) (آسان)	پ) گزینه «۱» (تعريف هندسی مشتق) (آسان)	
(هر مورد ۰/۲۵ نمره)	(هر مورد ۰/۲۵ نمره)	
تابع در بازه $[1, 0]$ هم صعودی و هم نزولی است. (۰/۵ نمره)		۴
	(رسم درست شکل ۰/۷۵ نمره) (انتقال و یکنواهی) (متوسط)	
$D_f : \mathbb{R} - \{2\}, D_g : x \leq 3$ (۰/۲۵ نمره)		
$D_{fog} = \underbrace{\{x \in Dg, g(x) \in D_f\}}_{(۰/۲۵ نمره)} = \underbrace{\{x \leq 3, \sqrt{3-x} \neq 2\}}_{(۰/۲۵ نمره)} = \underbrace{\{x \leq 3, 3-x \neq 4\}}_{(۰/۲۵ نمره)} = \{x \leq 3, x \neq -1\} = \underbrace{(-\infty, 3]}_{(۰/۲۵ نمره)} - \{-1\}$	۵	
	(ترکیب توابع) (متوسط)	
$g = \{(-2, 3), (1, 4)\}$ (۰/۵ نمره)		
$g(g(-2)-2) = g(3-2) = g(1) = 4$ (۰/۲۵ نمره)		۶
	(ترکیب توابع) (متوسط)	
$\underbrace{-\frac{b}{2a}}_{(۰/۲۵ نمره)} = 1 \Rightarrow \underbrace{\frac{3-a^2}{2a}}_{(۰/۲۵ نمره)} = 1 \Rightarrow 2a = 3 - a^2 \Rightarrow a^2 + 2a - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ a = -3 \end{cases}$ (۰/۲۵ نمره)		۷
فقط $a = -3$ قابل قبول است. (۰/۲۵ نمره) (تابع وارون) (متوسط)		
	(رسم درست شکل ۰/۵ نمره)	
اکید صعودی: $-1 \leq x \leq 0$ (۰/۲۵ نمره)		
اکید صعودی: $x \geq 1$ (۰/۲۵ نمره)		۸
	(یکنواهی) (متوسط)	

نام آزمون: نوبت اول	به نام خداوند جان و خرد	نام و نام خانوادگی:
زمان: ۱۲۰ دقیقه	علوی	نام درس: ریاضی ۳
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/۰	مؤسسه علمی آموزشی علوی	پایه تحصیلی: دوازدهم تجربی
پاسخنامه ریاضی پایه دوازدهم		ردیف
$\frac{2\pi}{ b } = 4\pi \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2}$ $\underbrace{\text{Max} = a + 1 = 3}_{(0 \text{ نمره})} \Rightarrow a = \pm 2 \quad (0 \text{ نمره})$	۹	
و a و b باید مختلف العلامت باشند. پس $-ab = 1$ است. (تناوب) (متوسط)		
$\frac{1 - \cos 2a}{1 + \cos 2a} = \frac{\cancel{2} \sin^2 a}{\cancel{2} \cos^2 a} = \tan^2 a \quad (0 \text{ نمره})$ $(الف)$		
کمان‌های 2α (آسان)		
$b) \underbrace{4x - \frac{\pi}{5}}_{(0 \text{ نمره})} \neq k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow 4x \neq k\pi + \frac{7\pi}{10} \Rightarrow x \neq \underbrace{\frac{k\pi}{4} + \frac{7\pi}{40}}_{(0 \text{ نمره})}$	۱۰	
تابع تانژانت (آسان)		
$b) \underbrace{1 - \sin^2 x - \sin x}_{(0 \text{ نمره})} = \frac{1}{4} \Rightarrow \underbrace{\sin^2 x + \sin x - \frac{3}{4}}_{(0 \text{ نمره})} = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sin x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \quad (0 \text{ نمره}) \\ \sin x = -\frac{3}{2} \quad (0 \text{ نمره}) \end{cases}$		
معادله مثلثاتی (متوسط)		
$c) \underbrace{4 \sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12}}_{(0 \text{ نمره})} = 2 \sin \frac{\pi}{6} = 2 \left(\frac{1}{2}\right) = 1 \quad (0 \text{ نمره})$		
کمان‌های 2α (متوسط)		
$f) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x+7}-2}{\underbrace{2x^3+5x-7}_{(0 \text{ نمره})}} \times \frac{\sqrt[3]{(x+7)^2} + 4 + 2\sqrt[3]{x+7}}{\underbrace{\sqrt[3]{(x+7)^2} + 4 + 2\sqrt[3]{(x+7)}}_{(0 \text{ نمره})}} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x+7-8)}{\underbrace{(2x+7)(x-1)(\sqrt[3]{(x+7)^2} + 4 + 2\sqrt[3]{x+7})}_{(0 \text{ نمره})}} = \frac{1}{9 \times 12} = \frac{1}{108} \quad (0 \text{ نمره})$ $(الف)$		
حد $\frac{0}{0}$ (دشوار)		
$g) \underbrace{\frac{-\Delta}{1-\Delta}}_{(0 \text{ نمره})} = \frac{-\Delta}{0^+} = -\infty \quad (0 \text{ نمره})$	۱۱	
حد بی‌نهایت (آسان)		
$g) \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{4x \cdot x^3}{\underbrace{-6x^4}_{(0 \text{ نمره})}} = -\frac{2}{3} \quad (0 \text{ نمره})$		
حد در بی‌نهایت (آسان)		

نام آزمون: نوبت اول	بـنام خداوند جان و خرد	نام و نام خانوادگی:
زمان: ۱۲۰ دقیقه	علوی	نام درس: ریاضی ۳
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/	مؤسسه علمی آموزشی علوی	پایه تحصیلی: دوازدهم تجربی
پاسخنامه ریاضی پایه دوازدهم		ردیف
 <p>(الف) رسم درست شکل (۵/۰ نمره)</p> <p>(حد بـنهاـیـت) (آسان)</p> <p>ب) خیر. (۲۵/۰ نمره) زیرا مخرج، صفر مطلق می شود. (۲۵/۰ نمره)</p> <p>(حد بـنهاـیـت) (آسان)</p>		۱۲
$\underbrace{a+b=0}_{(۰/۲۵ \text{ نمره})}, \underbrace{\frac{b}{3}=4}_{(۰/۲۵ \text{ نمره})} \Rightarrow \underbrace{b=12}_{(۰/۲۵ \text{ نمره})}, \underbrace{a=-12}_{(۰/۲۵ \text{ نمره})}$ <p>(حد در بـنهاـیـت) (متـوسـط)</p>		۱۳
$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow x_0} \underbrace{\frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}}_{(۰/۲۵ \text{ نمره})} &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^7 + x + 7} - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^7 + x + 7} - 3}{x - 1} \quad (۰/۲۵ \text{ نمره}) \\ &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^7 + x + 7} - 3}{x - 1} \times \frac{\sqrt{x^7 + x + 7} + 3}{\sqrt{x^7 + x + 7} + 3} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^7 + x + 7 - 9}{(x-1)(\sqrt{x^7 + x + 7} + 3)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x+2)(x-1)}{(x-1)(\sqrt{x^7 + x + 7} + 3)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵ \text{ نمره}) \end{aligned}$ <p>(تعـرـيف مشـتق) (متـوسـط)</p>		۱۴