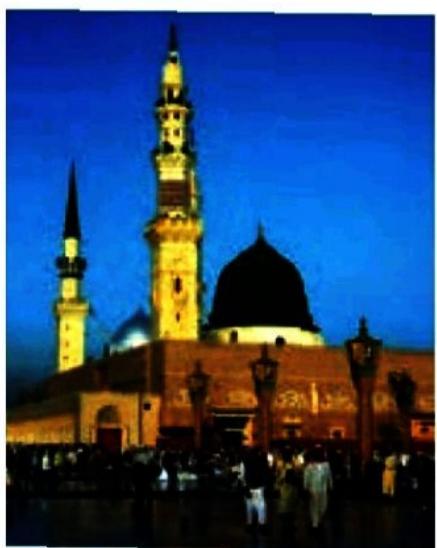


محاسبات با کسر

فعالیت



عماد و دوستاش برای جشن مبعث پیامبر (ص) شربت آبلیمو درست کردند. در جدول زیر موادی که آنها استفاده کرده‌اند و مقدار آن داده شده است. اگر این مقدار شربت را در لیوان‌های برابر که در هر کدام $\frac{1}{5}$ کیلوگرم شربت جا می‌شود، این مقدار شربت برای پر کردن چند لیوان کافی است؟ (راه حل را کامل کید.)

مواد لازم	شکر	آبلیمو	آب
میزان	۴ پیمانه	۲ پیمانه	۱۵ پیمانه
وزن معادل	۱ کیلوگرم	$\frac{1}{2}$ کیلوگرم	$\frac{3}{5}$ کیلوگرم

$$\frac{1+\frac{1}{2}+\frac{3}{5}}{\frac{1}{5}}$$

توضیح دهد که چرا برای به دست آوردن پاسخ باید حاصل عبارت مقابل را به دست آوریم.

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{3}{5} = 1 + \frac{1}{2} + \frac{18}{5} = \frac{1}{10} + \frac{5}{10} + \frac{36}{10} = \frac{51}{10}$$

مقدار شربت

$$\frac{51}{10} \div \frac{1}{5} = \frac{51}{10} \times 5 = \frac{51}{2} = 25\frac{1}{2}$$

بنابراین، این مقدار شربت برای حدود ۲۵ لیوان کافی است.

مقدار مواد لازم را برای ۱۰۰ لیوان پیدا کنید. به صورت تقریبی می‌توان گفت ۴ برابر باید بشود.

کار در کلاس

مانند نمونه حاصل هر عبارت را به دست آورد.

$$\frac{\frac{1}{6} - \frac{5}{9}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3}} = \frac{\frac{7}{5} - \frac{5}{9}}{\frac{3}{2} + \frac{1}{6}} = \frac{\frac{21}{18} - \frac{10}{18}}{\frac{5}{6}} = \frac{\frac{11}{18}}{\frac{5}{6}} = \frac{11}{18} \div \frac{5}{6} = \frac{11}{18} \times \frac{6}{5} = \frac{11}{15}$$

$$\frac{\frac{3}{2} - \frac{2}{3}}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}} = \frac{\frac{2}{1} - \frac{1}{3}}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{1}{6}} = \frac{2}{3} \div \frac{1}{6} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{6} = \frac{2}{18}$$

$$\frac{\frac{2}{3} \div \frac{1}{12}}{\frac{25}{36} \div \frac{15}{48}} = \frac{\frac{2}{3} \times \frac{12}{1}}{\frac{25}{36} \times \frac{15}{48}} = \frac{\frac{32}{3}}{\frac{20}{9}} = \frac{32}{20} \times \frac{9}{1} = \frac{144}{20}$$

• تمرین •

۱- حاصل تقسیم‌های زیر را بدست آورید.

$$\frac{3}{5} \div \frac{9}{10} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{5}{12} \div \frac{5}{8} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{25}{36} \div \frac{15}{48} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{1}{3} \div \frac{1}{3} = 1$$

$$2 \div \frac{1}{8} = 16$$

$$\frac{3}{4} \div 1 = \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{4} \div \frac{1}{9} = \frac{2}{1}$$

$$\frac{1}{10} \div 2\frac{4}{5} = \frac{3}{7}$$



$$\frac{2}{5} \div \frac{3}{5} = \frac{2}{3}$$

باز پاسخ

۲- ۴ کیلو چای را در بسته‌های $\frac{2}{5}$ کیلوگرمی بسته‌بندی کرده‌ایم. تعداد بسته‌ها چند تا است؟

$$\frac{4}{5} \div \frac{2}{5} = 10$$

۳- در جاهای خالی دو کسر بنویسید که حاصل تقسیم آنها $\frac{2}{3}$ باشد.



۴- یک بطری $\frac{9}{10}$ لیتر دوغ دارد. با این بطری دوغ چند لیوان به گنجایش $\frac{15}{100}$ لیتر را می‌توان بر کرد؟

$$\frac{9}{10} \div \frac{15}{100} = 6$$



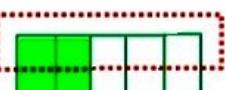
۵- رویانی به طول $\frac{8}{9}$ متر را به سه قسمت مساوی تقسیم کرده‌ایم. طول هر قسمت چقدر است؟

$$\frac{8}{9} \div 3 = \frac{8}{27}$$

$$\frac{3}{4} \div \frac{1}{2} = 8$$

۶- ۴ لیتر شیر را در بطری‌های نیم لیتری ریخته‌ایم. تعداد بطری‌ها چندتاست؟

۷- حاصل $\frac{2}{5} \div 2$ را به کمک رسم شکل بیدا کنید.



نصف نان را بین ۵ نفر تقسیم کردیم. به هر نفر چه کسری از نان می‌رسد؟

$$\frac{1}{2} \div 5$$

۸- برای تقسیم رویه را یک مسئله طرح و آن را حل کنید.

۹- به جای \square سه عدد بنویسید به طوری که رابطه $1 < \frac{5}{2} + \square$ درست باشد. باز پاسخ - هر عدد یا کسری کمتر از $\frac{5}{2}$ مثلاً: ۲ و ۱ و $\frac{1}{2}$

• فعالیت •

با روشی که در سال گذشته آموخته‌اید، می‌توانید هر یک از تقسیم‌های زیر را ابتدا به ضرب تبدیل کنید و سپس حاصل آن را به دست آورید. راه حل را کامل کنید.

$$\frac{1}{4} \div \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{12}$$

$$5 \div \frac{1}{2} = 5 \times 2 = 10$$

$$5 \div \frac{1}{10} = 5 \times 10 = 50$$

$$5 \div 3 = 5 \times \frac{1}{3} = \frac{5}{3}$$

$$1 \div \frac{1}{10} = 1 \times 10 = 10$$

$$\frac{4}{5} \div \frac{2}{3} =$$

در مورد تقسیم رو به رو چه حدس می‌زنید؟

$$\frac{4}{5} \div \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \times ?$$

$$\frac{3}{2} \quad \text{به جای علامت سوال چه عددی را باید نوشت؟}$$

با دنبال کردن مراحل زیر پاسخ را می‌یابید.

$$\frac{4}{5} \div \frac{2}{3} = \frac{4 \times 3}{5 \times 3} \div \frac{5 \times 2}{5 \times 3} = \frac{4 \times 3}{5 \times 2} = \frac{4}{5} \times \frac{3}{2}$$

تقسیم زیر را با همین روش به ضرب تبدیل کنید:

$$\frac{3}{7} \div \frac{1}{2} = \frac{3 \times 2}{7 \times 2} \div \frac{7 \times 1}{7 \times 2} = \frac{\cancel{3} \times \cancel{2}}{\cancel{7} \times 1} = \frac{3}{7} \times \frac{2}{1}$$

ضرب کنیم.

کسر دوم

برای تقسیم دو کسر کافی است که کسر اول را در معکوس

• کار در کلاس •

حاصل هر یک از تقسیم‌های زیر را مانند نمونه به دست آورید:

$$\frac{18}{5} \div \frac{2}{3} = \cancel{\frac{18}{5}} \times \frac{3}{\cancel{2}} = \frac{27}{5}$$

$$\frac{3}{8} \div \frac{9}{4} = \frac{3}{8} \times \frac{4}{9} = \frac{1}{6}$$

$$\frac{3}{4} \div \frac{5}{4} = \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{8}{12} \div \frac{6}{7} = \frac{8}{12} \times \frac{7}{6} = \frac{7}{9}$$

$$\frac{3}{8} \div \frac{3}{4} = \frac{35}{8} \div \frac{7}{4} = \frac{\cancel{35}}{8} \times \frac{4}{\cancel{7}} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{6}{35} \div \frac{4}{7} = \frac{6}{35} \times \frac{7}{4} = \frac{3}{10}$$