

# آمار و احتمال

درس ۱۵۰

## جمع‌گیری و نهایت داده

### داده‌ها

داده‌ها مقدارهای عددی هستند که در مورد موضوعات مختلف به‌دست می‌آوریم. روش‌های مختلفی برای جمع‌آوری داده‌ها وجود دارد. مانند مشاهده کردن، پرسیدن، استفاده از پرسشنامه، مراجعه به کتاب‌ها یا سایتها، اندازه‌گیری و ... . به عنوان مثال برای به‌دست آوردن اطلاعات و داده‌ها در مورد درجه‌ی دما در روزهای مختلف سال از اندازه‌گیری یا برای پیدا کردن اطلاعات در مورد فاصله‌ی هر یک از سیاره‌های منظومه‌ی شمسی از خورشید از سایتها یا کتاب‌های مرجع کمک می‌گیریم.

### جدول داده‌ها

می‌توانیم داده‌ها را در یک جدول مرتب کنیم. این جدول را جدول داده‌ها می‌نامیم. مانند جدول زیر که در آن اطلاعات مربوط به حداکثر دما در روزهای مختلف یک هفته داده شده است:

روز هفته	شنبه	یک‌شنبه	دوشنبه	سه‌شنبه	چهارشنبه	پنج‌شنبه	جمعه
حداکثر دما (درجه‌ی سانتی‌گراد)	۳۶	۳۷	۳۸	۳۶	۳۶	۳۷	۳۶/۵

### انواع نمودارها

در سال گذشته با نمودار ستونی و نمودار خط شکسته آشنا شدیم.

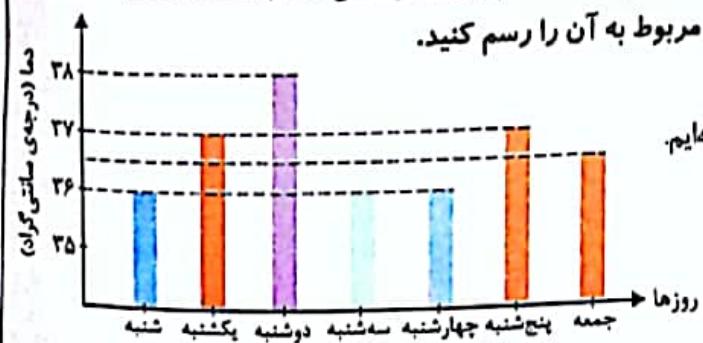
**نمودار ستونی:** برای نشان دادن و مقایسه‌ی داده‌ها با هم از نمودار ستونی استفاده می‌کنیم.

آ) نمودار ستونی جدول داده‌های مربوط به دمای روزهای هفته را رسم کنید. کدام روز بیشترین دما را داشته است؟

ب) جدول داده‌ها را براساس تکرار اعداد دما و نمودار ستونی مربوط به آن را رسم کنید.

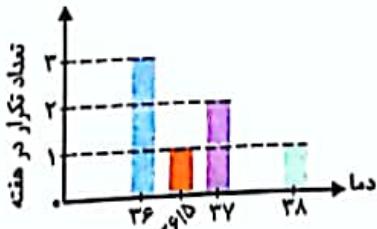
با توجه به نمودار، در چند روز کمترین دما را داشته‌ایم؟

پاسخ: آ) با توجه به نمودار، در روز دوشنبه بیشترین دما را داشته‌ایم.



(ب)

دما	تعداد تکرار در هفته
۳۶	۳
۳۶/۵	۱
۳۷	۲
۳۸	۱



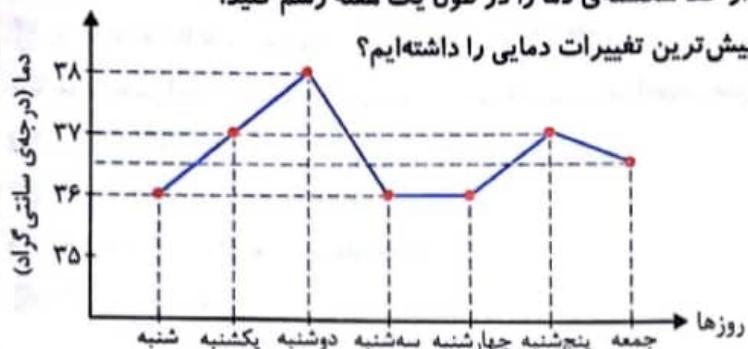
کمترین دمای هفته ۳۶ درجه است که طبق نمودار در ۳ روز هفته دما کمترین مقدار بوده است.

**نمودار خط شکسته:** از این نمودار برای نشان دادن مقدارها و تغییرات آنها در طول زمان استفاده می‌کنیم.

(آ) با توجه به جدول داده‌های دمای روزهای هفته، نمودار خط شکسته‌ی دما را در طول یک هفته رسم کنید.

(ب) در چه روزهایی بیشترین تغییرات دمایی را داشته‌ایم?

پاسخ: آ)



(ب) از روز شنبه تا دوشنبه افزایش دما داشته‌ایم. دما از روز دوشنبه تا سه‌شنبه کاهش یافته و از روز سه‌شنبه تا چهارشنبه ثابت بوده است. سپس از روز چهارشنبه تا پنج‌شنبه افزایش دما داشته‌ایم و از روز پنج‌شنبه تا جمعه دما کاهش یافته است. بیشترین دما هم مربوط به روز دوشنبه است.

(پ) با توجه به نمودار، بیشترین تغییرات دمایی از دوشنبه به سه‌شنبه بوده است و ۲ درجه کاهش دما داشته‌ایم.

**نمودار دایره‌ای:** نمودار دایره‌ای برای نشان دادن مقدارها و مقایسه‌ی آنها با هم استفاده می‌شود. در نمودار دایره‌ای، هر قسمت نسبت یکی از داده‌ها را به کل داده‌ها نشان می‌دهد.

برای رسم نمودار دایره‌ای ۲ روش وجود دارد:

**روتر اول:** درصد مربوط به هر یک از موارد را پیدا کرده و سپس دایره را به  $10^{\circ}$  قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم (که هر قسمت برابر با  $10\%$  است). و هر یک از درصدها را با رنگ‌های مختلف نمایش می‌دهیم.

**روتر دوم:** نسبت مربوط به هر یک از موارد به کل را پیدا کرده و نسبت‌هایی را که به دست آورده‌ایم، در دایره با رنگ‌های مختلف نمایش می‌دهیم.

۴۰ دانش‌آموز در یک کلاس هنری شرکت کرده‌اند. ۱۶ نفر از آنها در کلاس پنجم و بقیه در کلاس ششم درس می‌خوانند.

نمودار دایره‌ای مربوط به دانش‌آموزان کلاس پنجم و کلاس ششم را رسم کنید.

پاسخ: روش اول: ابتدا درصد دانش‌آموزان کلاس پنجم و کلاس ششم را در بین ۴۰ دانش‌آموز به دست می‌آوریم:

تعداد کلاس پنجمی‌ها	۱۶	?
تعداد کل	۴۰	۱۰۰

$$\Rightarrow ? = \frac{16 \times 10}{40} = 40\% \text{ کلاس پنجمی هستند.} \Rightarrow 40\% \text{ کلاس ششمی هستند.}$$

۴۰ - ۱۶ = ۲۴ نفر کلاس ششمی هستند.  $\Rightarrow 24$

تعداد کلاس ششمی‌ها	۲۴	?
تعداد کل	۴۰	۱۰۰

$$\Rightarrow ? = \frac{24 \times 10}{40} = 60\% \text{ کلاس ششمی هستند.} \Rightarrow 60\% \text{ کلاس پنجمی هستند.}$$

برای کشیدن نمودار دایره‌ای، دایره را به  $10^{\circ}$  قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم، پس هر قسمت برابر  $10\%$  است. حالا در صدهایی را که به دست آورده‌یم، روی دایره نمایش می‌دهیم:

روش دوم: نسبت دانش‌آموزان کلاس پنجم را به کل و نسبت دانش‌آموزان کلاس ششم را به کل پیدا می‌کنیم:

$$\frac{16}{40} \div 8 = \frac{2}{5} \text{ نسبت دانش‌آموزان کلاس پنجم به تعداد کل دانش‌آموزان}$$

$$\frac{24}{40} \div 8 = \frac{3}{5} \text{ نسبت دانش‌آموزان کلاس ششم به تعداد کل دانش‌آموزان}$$

