

درس ۸

تقسیم و بخش‌پذیری

بخوان و بیاموز

$$\begin{array}{r} \text{مقسوم} \\ 37 \\ - 36 \\ \hline 1 \end{array}$$

به تقسیم رو به رو توجه کنید:

در واقع $7\overline{)37}$ را به 3 تقسیم کرد هایم و یک واحد باقی مانده است. برای این که بدانیم تقسیم درست انجام شده است یا خیر، درستی آن را به کمک رابطه‌های تقسیم امتحان می‌کنیم که عبارت است از:

$$\text{مقسوم علیه} < \text{باقی مانده} \quad (1)$$

$$\text{مقسوم} = \text{باقی مانده} + (\text{مقسوم علیه} \times \text{خارج قسمت}) \quad (2)$$

درستی تقسیم برای مثال بالا به این صورت است:

$$1 < 3$$

$$2 \quad (9 \times 4) + 1 = 37$$

بخش‌پذیری

اگر در تقسیمی باقی مانده برابر صفر باشد، گوییم مقسوم بر مقسوم علیه بخش‌پذیر است.

نکته

برای بررسی بخش‌پذیری کافی است تقسیم را انجام دهیم. اگر باقی مانده صفر شد مقسوم بر مقسوم علیه بخش‌پذیر است.

مثال: آیا 53 بر 6 بخش‌پذیر است؟

پاسخ: چون باقی مانده صفر نشد پس بخش‌پذیر نیست.

فعالیت کلاسی

۱

برای تقسیم‌های زیر یک شکل ساده بکش و حاصل تقسیم را پیدا کن.

$$900 \div 3 =$$

$$60 \div 2 =$$

$$200 \div 4 =$$



علوی

تقسیم‌های زیر را انجام بده و با توجه به باقی مانده جمله زیر آن را کامل کن.

$$35 \quad | \quad 4$$

$$78 \quad | \quad 6$$

$$54 \quad | \quad 7$$

..... ۳۵ بر ۴ بخش پذیر

..... ۷۸ بر ۶ بخش پذیر

..... ۵۴ بر ۷ بخش پذیر

۲ همه اعداد زیر بر ۵ بخش پذیرند. توضیح بده چه ویژگی مشترکی بین یکان آنها وجود دارد؟

۱۰، ۱۵، ۲۰، ۲۵، ۳۰، ...

۳ اگر طنابی به طول ۲۷ متر را به ۵ قطعه تقسیم کیم لذا هر قطعه چند متر است و چند متر از طناب باقی می‌ماند؟

۴ محیط باغچه مربعی شکلی ۱۲ متر است. طول هر ضلع این باغچه چند متر است؟

۳۰، ۴۸، ۲۱، ۳۵، ۱۳

۵ در بین اعداد مقابل کدام‌یک بر ۷ بخش پذیر هستد؟ چرا؟

$$53 \quad | \quad 9$$

$$73 \quad | \quad 8$$

۶ تقسیم‌های زیر را حل کن و رابطه تقسیم را بنویس.

۷ اگر شما یک بسته ۶ تایی مداد را ۷۷ تومان بخرید، برای ۲۳ مداد چند تومان باید پرداخت کنید؟

تمرین

۱ هر عبارت را به پاسخ درست آن وصل کن.

۵۲ -

هم به ۲ و هم به ۵ بخش پذیر باشد.

۸۲۸ -

هم به ۳ و هم به ۲ بخش پذیر باشد.

۳۳۰ -

به عدد ۴ بخش پذیر باشد.



۲ درستی و نادرستی هر عبارت را مشخص کن.

الف: برای امتحان درستی تقسیم فقط کافی است باقی‌مانده از مقسوم علیه کوچک‌تر باشد.

ب: در تقسیم عددی بر عدد دیگر اگر باقی‌مانده برابر صفر بشود می‌گوییم عدد لول بر عدد دوم بخش‌پذیر است.

پ: عدد ۱۷ بر ۲ بخش‌پذیر است.

ت: باقی‌مانده تقسیم ۲۶ بر ۳ برابر یک است.

جاهای خالی را پر کن.

الف: عددی که بر ۱۰ بخش‌پذیر است حتماً بر و نیز بخش‌پذیر است.

ب: باقی‌مانده تقسیم هر عدد بر ۲، است.

پ: عددی بر ۵ بخش‌پذیر است که یکانش باشد.

ت: اگر باقی‌مانده بک تقسیم یکی از اعداد ۱، ۲، ۳ باشد، آن عدد بر تقسیم شده است.

۳ عددی را برابر ۲۱ تقسیم کردیم، خارج قسمت ۷ و باقی‌مانده ۱۴ شد. آن عدد چند است؟

۴ با ۵ مهره دسته‌های ۸ تایی درست کردیم، چند مهره دیگر لازم است تا یک بسته دیگر درست شود؟

۵ عددی را برابر ۴ تقسیم می‌کنیم، باقی‌مانده چه اعدادی می‌تواند باشد؟

۶ بزرگ‌ترین عدد چهار رقمی که بر ۵ بخش‌پذیر باشد را بنویس؛ این عدد با تقریب رقم صدگان چند است؟

۷ بزرگ‌ترین عدد سه رقمی بدون تکرار که بر ۳ بخش‌پذیر است را بنویس.

۸ اختلاف بزرگ‌ترین عدد چهار رقمی غیر تکراری بخش‌پذیر بر ۵ و کوچک‌ترین عدد پنج رقمی غیر تکراری بخش‌پذیر بر ۲ چند است؟



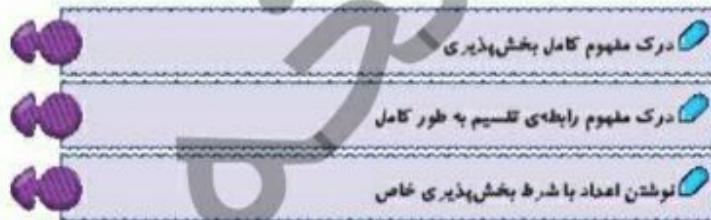
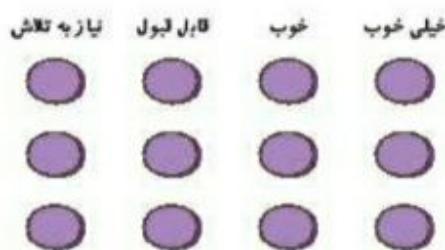
علوی

۱۰ کشاورزی می خواهد زمینش را بین خود و ۵ فرزندش تقسیم کند. اگر زمین 14 هکتار باشد به هر فرزندش چند هکتار می رسد؟

۱۱ می خواهیم پلچهای به طول 63 متر را به قطعات 7 متری تقسیم کنیم. برای این کار چند برش لازم است؟

- (۱) ۷ برش (۲) ۶ برش (۳) ۹ برش (۴) ۸ برش

خوددارزیابی



مدرس



فعالیت کلاسی



۱

تقسیم‌های زیر را انجام بده و رابطه‌های تقسیم را بنویس.

$$98 \quad | \quad 6$$

$$61 \quad | \quad 4$$

$$781 \quad | \quad 7$$

در هر یک از تقسیم‌های زیر بررسی کن آیا مقسوم بر مقسوم علیه بخش‌پذیر است؟

$$798 \quad | \quad 8$$

$$378 \quad | \quad 9$$

$$617 \quad | \quad 6$$

..... بر بخش‌پذیر بر بخش‌پذیر بر

۲

یک مسئله بنویس که پاسخ آن حاصل $252 \div 7$ باشد و مسئله را حل کن.

۳

یک پارچه ۸۴ متری را ۵ برش داده‌ایم. طول هر قسمت چند متر است؟

۴

می خواهیم ۶ بسته شکلات ۱۵ تایی را بین ۷ نفر تقسیم کنیم، به هر یک چند شکلات می‌رسد و چقدر باقی می‌ماند؟

۵

یک کارخانه هر ماه ۹۸ تن رب گوجه فرنگی تولید می‌کند و پایان ماه محصولات خود را با کامپیون لر سال می‌کند. اگر هر کامپیون ۷ تن ظرفیت داشته باشد، برای حمل این مقدار رب گوجه فرنگی حداقل به چند کامپیون نیاز است؟



۲۵

تمرین



۱ هر تقسیم را به حاصل مربوط به خود وصل کن.

$$\begin{array}{r} \frac{1}{3} \\ 200 \div 20 \\ 63 \div 9 \\ 84 \div 7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ 7 \\ 41 \\ 1 \end{array}$$

درستی و نادرستی هر عبارت را مشخص کن.

الف: اگر عددی را برابر ۱۱ تقسیم کنیم باقی‌مانده می‌تواند عدد ۱۲ باشد.

ب: مفهوم بخش‌بزیری یعنی وقتی عددی را برابر عددی تقسیم می‌کنیم، باقی‌مانده صفر باشد.

جاهای خالی را کامل کن.

الف: اگر عددی را برابر ۸ تقسیم کنیم باقی‌مانده می‌تواند بین اعداد تا باشد.

ب: عدد را برابر ۱۳ تقسیم کنیم و خارج قسمت ۷ می‌شود و ۵ تا باقی می‌ماند.

۲ علی ۸ خودکار و محسن ۱۲ خودکار از همان نوع خریداری کردند. اگر محسن ۵۶۰۰ تومان بیشتر پرداخت نماید

قیمت هر خودکار چقدر است؟

۳ برای درختکاری دور یک فضای سبز در هر ۶ متر یک درخت کاشته‌اند. اگر محیط فضای سبز ۲۴۰ متر باشد، چند درخت کاشته‌اند؟

۴ تعدادی مداد را بین ۱۲ نفر تقسیم کردیم، به هر نفر ۱۳ مداد رسید و یک مداد هم باقی‌ماند اگر همان مدادها را بین ۸

نفر تقسیم کنیم به ترتیب به هر نفر چند مداد می‌رسد و چند مداد باقی می‌ماند؟

۵ ثلث حاصل عبارت زیر چند است؟

$$12 + 14 + 16 + 18 + 20 + 22 + 24 + 26 + 28 -$$



علوی

حاصل عبارت زیر را به دست آور.

$$56 \times 21 \div 7$$

قیمت سه دفتر ۲۰۰۰ تومان است. قیمت ۴ دفتر از همان نوع چند تومان است؟

۱۰ می خواهیم یازده ردیف پانزده تایی را در هشت ردیف قرار دهیم. در هر ردیف چند نفر قرار می گیرد؟

۱۱ حسین خمس پولش و علی ربع پولش را خرج کرده است. اگر پول حسین ۶۸۰۰ تومان و پول علی ۳۴۰۰ تومان بوده باشد، کدام یک مقدار پول بیشتری برایش باقی مانده است؟

۱۲ در تقسیم عددی بر ۷ باقی مانده ۳ شده است چند واحد به آن عدد اضافه کنیم تا باقی مانده صفر شود؟

$$(32 \times 34) + 33 = 1121$$

با توجه به رابطه‌ی تقسیم مقابل، مقسوم علیه کدام است؟

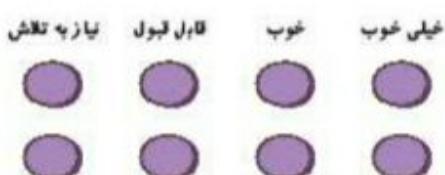
۲۱ (۴)

۲۴ (۲)

۲۳ (۲)

۲۲ (۱)

خودارزیابی



تقسیم عدد چند رقم بر یک رقم

درک و حل مسئله‌های مربوط به تقسیم

فعالیت کلاسی



تقسیم‌های زیر را انجام بده.

الف ۵۸۶ | ۳۲

ب ۹۰۲ | ۲۷

پ ۵۴۸۳ | ۱۷

۱ یک کارگر ۶۰ روز کار کرده و ۴۴۸۰۰ تومان دستمزد گرفته است. او در هر روز چقدر دستمزد گرفته است؟

۲ قطاری ۱۰۲ کیلومتر را در ۱۷ ساعت طی کرده است. سرعت متوسط قطار چند کیلومتر بر ساعت بوده است؟

۳ در یک کتابخانه ۳۷ ردیف ۸۹ تایی کتاب وجود دارد. اگر بخواهیم این کتابها را در ۶۸ ردیف بچینیم، در هر ردیف چند کتاب قرار می‌گیرد؟

۴ علی هر هفته ۳۶ صفحه یک کتاب را مطالعه می‌کند. اگر این کتاب ۸۶۴ صفحه داشته باشد، بعد از چند ماه می‌تواند کل کتاب را مطالعه کد؟

۵ قطاری با سرعت ۷۵ کیلومتر در ساعت مسیر تهران-مشهد را طی کرد. اگر مسافت بین این دو شهر تقریباً ۱۰۳۰ کیلومتر باشد، آیا پس از ۱۲ ساعت به مشهد می‌رسد؟



تمرین



۱ هر عبارت را به پاسخ درست آن وصل کن. (یک مورد اضافی است).

$$76000 \div 200$$

۳۸

$$760 \div 20$$

۳۸-

$$7600 \div 2$$

۳۸.....

۳۸--

۲ درستی و نادرستی هر عبارت را مشخص کن.

الف: با توجه به رابطه تقسیم $1121 \div 23 = 32 \times 23 + 11$ مقسوم علیه می‌تواند ۲۳ باشد.

ب: عدد ۲۱۵۶۸ با تقریب صدگان عدد ۲۲۰۰۰ خواهد بود.

۳ جلهای خالی را با عدد یا عبارتی مناسب پر کن.

الف: خلاج قسمت تقریبی تقسیم $2251 \div 21$ برابر است.

ب: با ۷۶ تومان تراش ۹ تومانی می‌توانیم بخریم.

۴ عدد ۱۷ را ۲۳ بار زیر هم نوشته و باهم جمع کردیم، باقی مانده تقسیم این حاصل جمع بر عدد ۲۶ چند است؟

۵ نصف پول بربنا ۳۶۵ است. لو با تمام پول خود چند پاک کن ۷۵ تومانی می‌تواند بخرد. چقدر از پولش باقی می‌ماند؟

۶ کشاورزی خمس زمین خود را به سه قسمت تقسیم کرده است و در یک قسمت آن نخود کاشته است اگر مساحت زمین او ۳۹۰۰ مترمربع باشد چند مترمربع را نخود کاشته است؟



علوی

پنج برابر نصف عددی، ۴۵ واحد کمتر از ۲۴۵ است. آن عدد چند است؟

۵۰۰ (۳)

۷۲۵ (۲)

۱۱۶ (۲)

۸۰ (۱)

۷

طول دماغ چوبی پینوکیو ۴ سانتی متر است. وقتی پینوکیو دروغ می گوید طول دماغش دو برابر می شود. بعد از این که ۶ بار دروغ گفت، طول دماغش چقدر می شود؟

۶۴ (۳)

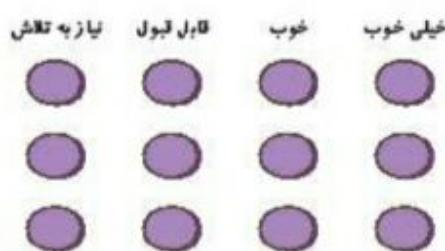
۲۵۶ (۲)

۱۲۸ (۲)

۱۲۴ (۱)

۸

خودارزیابی



شنایخت و حل مسئله های ضرب و تقسیم

حل تقسیم چند رقم بر چند رقم

توانایی تقریب زدن اعداد بزرگ

فعالیت عملکردی

دانش آموز با هوشمند

در این هفته همراه بزرگ تر هایت به میوه فروشی برو! چه چیز هایی خریدید؟ از هر میوه چند کیلوگرم تهیه کردید و بعد از محاسبات ریاضی بگو شما به میوه فروش چند تومان پرداخت کردید؟



۸۱

ضرب و تقسیم ► فصل سوم