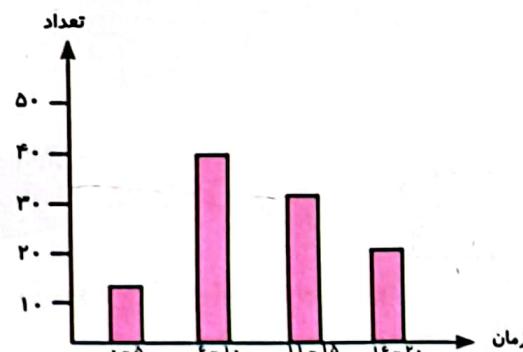


# علوی

مدت زمانی که طول می‌کشد تا دانش آموزان به مدرسه بروند در این نمودار نشان داده شده است. با توجه به نمودار،  
نحوه آموز فاصله‌ی خانه تا مدرسه را بیش از ۱۰ دقیقه طی می‌کنند؟



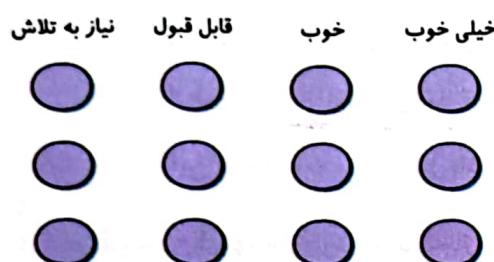
۸۵ (۱)

۵۰ (۲)

۵۵ (۳)

۲۰ (۴)

## خودارزیابی



شناخت نمودار خط شکسته و کاربرد و رسم آن

شناخت نمودار ستونی و کاربرد و رسم آن

توانایی بررسی نمودار خط شکسته و ستونی



## بخوان و بیاموز



امکان وقوع یک پیشامد را احتمال وقوع آن پیشامد می‌گوییم. بعضی از پیشامدها قطعاً اتفاق می‌افتد. مثلاً حتماً بعد از فصل بهار فصل تابستان خواهد آمد. بعضی از پیشامدها حتماً اتفاق نمی‌افتد. مثلاً بعد از فصل بهار هیچ گاه فصل پاییز نمی‌آید. به همین ترتیب احتمال وقوع بعضی پیشامدها بیشتر و بعضی دیگر کمتر است. توجه کنید ممکن است احتمال وقوع چند پیشامد باهم برابر باشد.



**مثال:** در یک کیسه ۵ مهره‌ی قرمز، ۳ مهره‌ی سبز و ۲ مهره‌ی زرد وجود دارد.

بدون نگاه کردن به درون کیسه یک مهره انتخاب می‌کنیم. (هر مورد را با یکی از عبارت‌های به طور حتم، به احتمال بیشتر، به احتمال برابر، به احتمال کمتر، به طور حتم اتفاق نمی‌افتد توصیف کنید.)

الف: احتمال این‌که مهره به رنگ سبز باشد چقدر است؟

پاسخ: در کیسه ۰۱ مهره وجود دارد که از این تعداد ۳۰۱ مهره سبز است پس به احتمال کمتر مهره به رنگ سبز است.

ب: احتمال این‌که مهره به رنگ قرمز باشد چقدر است؟

پاسخ: در کیسه ۰۱ مهره وجود دارد که از این تعداد ۵۰۱ مهره قرمز است. (یعنی نصف مهره‌ها) پس به احتمال برابر مهره قرمز است.

پ: احتمال این‌که مهره انتخاب شده به رنگ آبی باشد چقدر است؟

پاسخ: چون در کیسه مهره آبی رنگ وجود ندارد. پس به طور حتم مهره انتخاب شده آبی نیست.

## فعالیت کلاسی



۱) عقربه یک چرخنده را ۲۰ بار چرخاندیم و هر بار نتیجه را یادداشت کردیم. نتیجه به صورت جدول زیر است. اگر یک بار دیگر عقربه را بچرخانیم ایستادن روی رنگ قرمز را با یک جمله بیان کن؟ دلیل خود را توضیح بدہ.

| رنگ  | تعداد |
|------|-------|
| قرمز | ۳     |
| سبز  | ۱۱    |
| آبی  | ۶     |

احتمال ایستادن روی رنگ سبز چگونه است؟ چرا؟  
به احتمال بیشتر چون تعداد سبز بیشتر است.



# علوی

- در یک کیسه ۲ مهره‌ی قرمز، ۶ مهره‌ی آبی و ۴ مهره‌ی زرد وجود دارد. بدون نگاه کردن به داخل کیسه ۰ ۱ بار مهره دریاور.
- الف: در هر مرحله قبل از دیدن مهره پیش‌بینی خود را بنویس.
- ب: سپس رنگ مهره‌ای را که درآورده یادداشت کن.
- پ: چقدر پیش‌بینی شما به نتیجه آزمایش نزدیک بود؟

| رنگ  | پیش‌بینی | واقعیت |
|------|----------|--------|
| قرمز | ۱        | ۱      |
| آبی  | ۷        | ۷      |
| زرد  | ۳        | ۳      |

از این کیسه‌ها یک مهره خارج می‌کنیم. در کدام مورد، احتمال بیرون آمدن مهره‌ی قرمز بیشتر است؟

(الف)



(ب)



کیسه‌ی (الف) زیرا در کیسه‌ی آبی تعداد مهره‌ی قرمز بیشتر از مهره‌ی قرمز است. کیسه‌ی (ب) ابی است. زیرا تعداد کل مهره‌ها کمتر از کیسه‌ی آبی است. برای بیان دلخواه مشترک، عی کیریم بعد از کیسه‌ی آبی کنیم.

$$\frac{۳}{۱۸} > \frac{۱}{۲}$$

## تمرین

۱

با توجه به چرخندی رو به رو هر عبارت را به جمله‌ی مناسب خود وصل کن.



روی عدد فرد بایستید.

به احتمال برابر

روی عددی بایستید که بر ۳ بخش پذیر است.

به احتمال کمتر

روی عدد زوج بایستید.

به احتمال بیشتر

روی عدد بزرگتر از ۳۰ بایستید.

به طور حتم اتفاق نمی‌افتد

روی کمتر از ۸ بایستد.

قطعاً اتفاق می‌افتد

احتمال‌هایی که به طور حتم اتفاق می‌افتد را با  و آن‌هایی که به طور حتم اتفاق نمی‌افتد را با  مشخص کن.

الف: احتمال آمدن عدد بزرگ‌تر از ۶ در پرتاب تاس

ب: احتمال این که بعد از سه شنبه، چهارشنبه باشد.

پ: احتمال تابش خورشید در شب

ت: احتمال خیس شدن در هنگام شنا



۳ جاهای خالی را پر کن.

الف: در پرتاب یک سکه احتمال رو آمدن ..... برابر ..... احتمال پشت آمدن است.

ب: در پرتاب یک تاس احتمال این که عدد بزرگ‌تر از ۴ باشد ..... احتمال این است که عدد کوچک‌تر از ۴ باشد.

پ: در کیسه‌ای که همه مهره‌های آن قرمز است مهره بیرون آمده حتماً ..... است. این احتمال به طور حتم (اتفاقی) می‌باشد.

۴ در کیسه‌ی زیر ۱۲ مهره وجود دارد. آن‌ها را طوری رنگ کن که احتمال بیرون آمدن مهره‌ی قرمز کم‌تر و مهره‌ی آبی بیش‌تر و احتمال بیرون آمدن مهره‌ی زرد و سبز برابر باشد و هیچ گاه مهره‌ی بنفش بیرون نیاید.



آبی: ۵ قرمز: ۳ زرد: ۲ سبز: ۲

۵ یک تاس را ۲۰ بار پرتاب کن و نتیجه را در جدول زیر یادداشت کن.

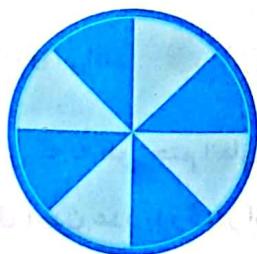
| آزمایش    | ۲۰ | ۱۹ | ۱۸ | ۱۷ | ۱۶ | ۱۵ | ۱۴ | ۱۳ | ۱۲ | ۱۱ | ۱۰ | ۹ | ۸ | ۷ | ۶ | ۵ | ۴ | ۳ | ۲ | ۱ |
|-----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| وضعیت تاس | ۳  | ۳  | ۴  | ۲  | ۳  | ۱  | ۴  | ۲  | ۱  | ۱  | ۲  | ۶ | ۳ | ۵ | ۳ | ۶ | ۲ | ۵ | ۱ | ۴ |

چه تعداد از نتایج آزمایش زوج است؟ ۱۵ از ۲۰

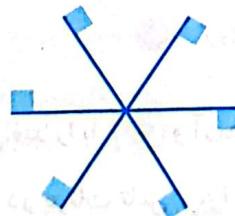
احتمال این که پس از انداختن تاس عدد فرد بیاید را با یک عبارت بیان کن و دلیل خود را توضیح بده.

احتمال آمدن عدد زوج و عدد فرد در نتایج برای ایست.

۶ کم‌ترین درجه‌ی چرخش چند درجه باشد که هر یک از شکل‌های زیر برای اولین بار به همین صورت روی خودشان بیفتد؟



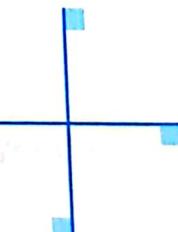
۹۰°



۳۶۰° - ۶۰° = ۳۰۰°



۱۸۰°



۹۰°

چندتا از احتمال‌های زیر حتماً اتفاق نمی‌افتد؟ ۷

ت: آمدن ۱۶ بعد از عدد ۱۷

الف: وجود درمانگاه در یک شهر کوچک

ث: تعطیل شدن مدرسه در روزهای شنبه

ب: احداث استادیوم در یک روستا

ج: رویا پشت آمدن در پرتاب سکه

پ: شکوفه زدن درختان در پاییز

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

✓ در پرتاب یک تاس احتمال آمدن عددی بین ۱ و ۲ چگونه است؟ ۸

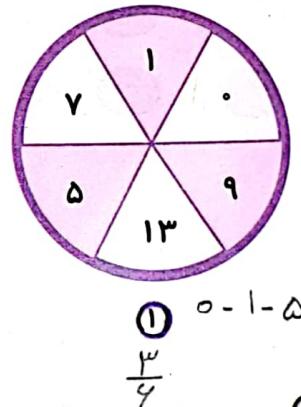
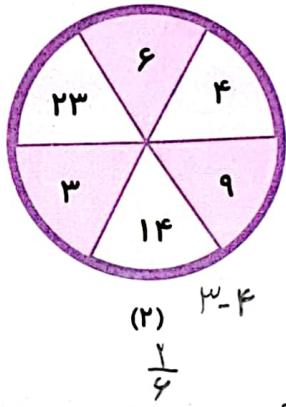
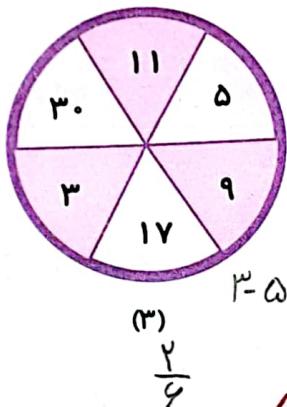
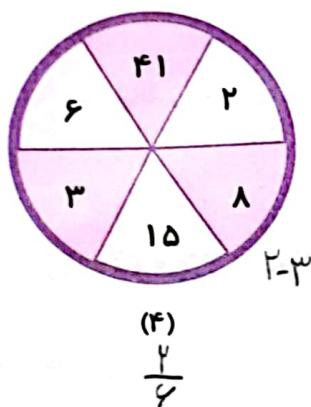
(۱) حتماً اتفاق می‌افتد.

(۲) به احتمال کم اتفاق می‌افتد.

(۳) حتماً اتفاق نمی‌افتد.

(۴) به احتمال زیاد اتفاق می‌افتد.

✓ در کدام یک از چرخندهای زیر احتمال ایستادن روی عدد کمتر از ۶ بیشتر است؟ ۹



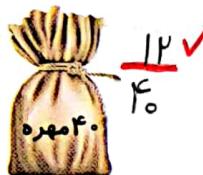
✓ در کدام کیسه احتمال بیرون آمدن مهره سیاه بیشتر است؟ ۱۰



(۱) ۸ مهره سیاه



(۲) ۲۳ مهره سیاه



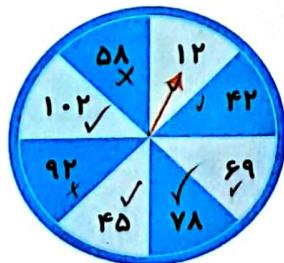
(۳) ۱۲ مهره سیاه



(۴) ۱۸ مهره سیاه

|                |   |                                |                                 |
|----------------|---|--------------------------------|---------------------------------|
| $\frac{1}{32}$ | $\frac{23 \times 32}{100 \times 4} = \frac{11}{50}$ | $\frac{12}{40} = \frac{3}{10}$ | $\frac{18}{100} = \frac{9}{50}$ |
| $\frac{1}{32}$ | $\frac{23}{100}$                                    | $\frac{3}{10}$                 | $\frac{9}{50}$                  |

✓ در چرخندهی زیر احتمال ایستادن عقر به روی عدد بخش بذیر بر ۳ چگونه است؟ ۱۱



(۱) به احتمال زیاد اتفاق نمی‌افتد.

(۲) هرگز اتفاق نمی‌افتد.

(۳) حتماً اتفاق می‌افتد.

(۴) به احتمال زیاد اتفاق می‌افتد.

سؤال جالبیه نگاه کن:

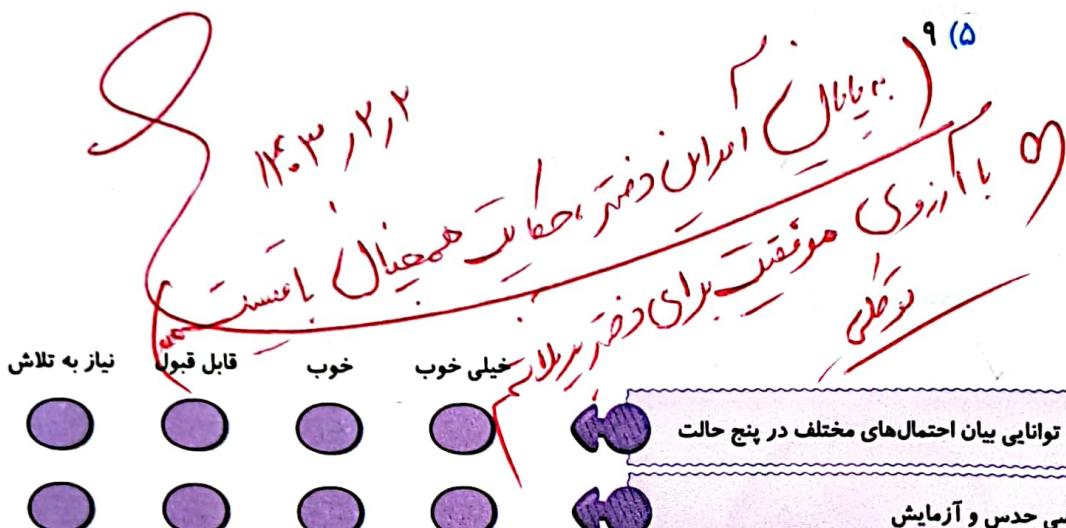
آزاده ۱۴ توپ خاکستری، ۸ توپ سفید و ۶ توپ سیاه را در یک کیسه گذاشت. او دست کم باید چندتا از توپ‌ها را با چشم بسته از کیسه بردارد تا مطمئن باشد که دست کم یک توپ از هر رنگ برداشته است؟ ✓

۲۱ (۳)

۲۲ (۲)

۲۳ (۱)

۱۵ (۵)



### خودارزیابی

درک مفهوم احتمال یا شанс و توانایی بیان احتمال‌های مختلف در پنج حالت

توانایی بیان یک رویداد با بررسی حدس و آزمایش

### فعالیت عملکردی

فرزند باهoshم!

از دوستان خود بپرس که هر روز چند ساعت ریاضی می‌خوانند؟ آن‌ها را روی یک نمودار میله‌ای نشان بده.  
در اینترنت جست‌وجو کن و ببین در شش سال گذشته میزان بارندگی در استان خود به چه صورت بوده است?  
اعداد را روی نمودار خط شکسته نشان بده.