

پرسش‌های چهارگزینه‌ای

۱۲۹- اگر یک خطکش چوبی را به موی سر و یک میله پلاستیکی را به پارچه کتانی مالش دهیم، کدام دو جسم یکدیگر را دفع می‌کنند؟

- ۱) خطکش چوبی و میله پلاستیکی
- ۲) خطکش چوبی و پارچه کتانی
- ۳) موی انسان و میله پلاستیکی
- ۴) میله پلاستیکی و پارچه کتانی

انتهای مثبت سری
موی انسان
چوب
پارچه کتان
پلاستیک
انتهای منفی سری

۱۳۰- سه جسم A، B و C را دویه‌دو به یکدیگر نزدیک می‌کنیم. وقتی A و B به یکدیگر نزدیک می‌شوند، هم‌دیگر را با نیروی الکتریکی جذب می‌کنند و اگر B و C را به یکدیگر نزدیک کنیم، یکدیگر را با نیروی الکتریکی دفع می‌کنند. کدام‌یک از گزینه‌های زیر می‌تواند صحیح باشد؟

- (۱) A و C بار همنام و هماندازه دارند. (تبریز فارج ۹۰)
- (۲) B و C بار غیرهمنام دارند.
- (۳) بدون بار و C باردار است.
- (۴) A بدون بار و B باردار است.

۱۳۱- اگر اندازه بارهای هر یک از دو بار الکتریکی نقطه‌ای را ۳ برابر کنیم و فاصله بین آن‌ها را نیز ۳ برابر کنیم، نیروی الکتریکی بین آن‌ها چند برابر می‌شود؟ (ریاضی ۹۱)

$$\frac{1}{3} \quad 1(۲) \quad 3(۳) \quad 9(۴)$$

۱۳۲- مطابق شکل زیر، بارهای الکتریکی مثبت و هماندازه q در جای خود ثابت شده‌اند و به یکدیگر نیروی الکتریکی به بزرگی F وارد می‌کنند. اگر تعدادی الکترون از جسم A به جسم B منتقل کنیم تا بار جسم B برابر $2q$ شود، در این صورت بزرگی نیرویی که دو ذره به هم وارد می‌کنند، چند برابر (تبریز فارج ۱۳۰۰)

$$F \text{ می‌شود؟}$$

$$A \quad B \quad q \quad q \quad 4(۲) \quad 2(۱) \quad 6(۳)$$

۱۳۳- مطابق شکل زیر، نیروی خالص الکتریکی وارد بر هر یک از ذره‌های باردار صفر است. اگر جای بار $q_۲$ و $q_۱$ عوض شود، بزرگی نیروی خالص الکتریکی وارد بر بار $q_۲$ چند برابر بزرگی نیروی خالص الکتریکی وارد بر بار $q_۱$ می‌شود؟ (تبریز ۱۳۰۰)

$$q_۱ = -۹ \mu C \quad q_۲ = +۴ \mu C \quad q_۲ = -۳۶ \mu C \quad \frac{5}{3} \quad 2(۲) \quad \frac{2}{3} \quad 1(۱)$$

۱۳۴- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی در فاصله r ، نیروی جاذبه F بر یکدیگر وارد می‌کنند. اگر با ثابت‌بودن فاصله، ۲۵ درصد از بار $q_۱$ را به $q_۲$ انتقال دهیم، نیروی جاذبه بین دو بار چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟ (تبریز فارج ۹۱ - مشابه تبریز ۹۱)

$$q_۱ = +۸۰ \mu C \quad q_۲ = -۵۰ \mu C \quad 2(۲), ۲۵, \text{افزایش} \quad 1(۱), ۲۵, \text{کاهش}$$

$$4(۴), ۵۵, \text{افزایش} \quad 3(۳), ۵۵, \text{کاهش}$$

پاسخ نامه تشریحی

۱۲۹- گزینه «۱» با توجه به جدول سری الکتریسیتۀ مالشی (تریبوالکتریک) و اجسامی که به یکدیگر مالش داده‌ایم، موی انسان و پارچه کتان دارای بار مثبت و خطکش چوبی و میله پلاستیکی دارای بار منفی می‌شوند.

بارهای همنام یکدیگر را دفع می‌کنند؛ بنابراین نیروی الکتریکی بین خطکش چوبی و میله پلاستیکی دافعه است.

۱۳۰- گزینه «۴» دافعه‌بودن نیرو بین B و C به معنای وجود بار همنام بر روی آن‌ها است (حذف ۱ و ۲).

همنام بودن بار B و C و وجود جاذبه بین A و B به معنای آن است که اگر جسم A باردار باشد، باید بار ناهمنام نسبت به B و C داشته باشد (حذف ۱).

نیروی بین جسم بدون بار و جسم باردار همواره جاذبه است، پس A بدون بار و B باردار است.

کافی است از فرمول $F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$ به طور نسبتی استفاده کنیم:

$$\left| \frac{q'_1}{q_1} \right| = 3, \quad \left| \frac{q'_2}{q_2} \right| = 3, \quad \frac{r'}{r} = 3$$

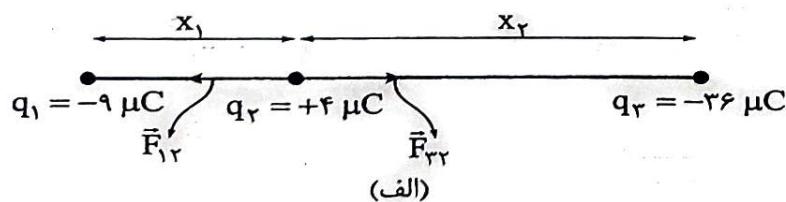
$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \left| \frac{q'_1}{q_1} \right| \times \left| \frac{q'_2}{q_2} \right| \times \left(\frac{r'}{r} \right)^2 = 3 \times 3 \times \left(\frac{1}{3} \right)^2 = 1$$

اصل پایستگی بارهای الکتریکی می‌گوید: مجموع بارهای دو ذره قبل و بعد از انتقال الکترون‌ها بین دو ذره، یکسان است. یعنی: $q_A + q_B = q'_A + q'_B \Rightarrow q + q = q'_A + (-2q) \Rightarrow q'_A = 4q$

بنابراین بار الکتریکی ذره A بعد از انتقال برابر $4q$ می‌شود و داریم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{\frac{r^2}{kq_A \times q_B}}{r^2} = \frac{4q \times 2q}{q \times q} = \lambda$$

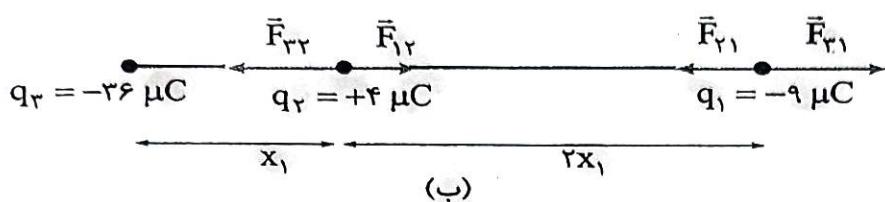
۱۳۳- گزینه «۴» روش اول گام اول در شکل (الف) نیروی خالص وارد بر هر کدام از بارها صفر است.



برای این‌که نسبت فاصله‌های بین بارها را پیدا کنیم، نیروی خالص وارد بر بار q_2 را صفر در نظر می‌گیریم (شما می‌توانید نیروی خالص وارد بر q_1 یا q_3 را صفر در نظر بگیرید).

$$F_{12} = F_{32} \Rightarrow \frac{k |q_1| |q_2|}{x_1^2} = \frac{k |q_3| |q_2|}{x_2^2} \Rightarrow \frac{9}{x_1^2} = \frac{36}{x_2^2} \Rightarrow \left(\frac{x_2}{x_1} \right)^2 = 4 \Rightarrow x_2 = 2x_1$$

گام دوم حالا مطابق شکل (ب) جای بارهای q_1 و q_2 را عوض می‌کنیم و برایند نیروهای وارد بر q_1 و q_2 را حساب می‌کنیم:



$$\text{برایند نیروهای وارد بر } q_1 : q_2 \text{ را حساب می‌کنیم:}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} F_{21} = \frac{k|q_2||q_1|}{(2x_1)^2} = \frac{k \times 4 \times 9}{4x_1^2} = \frac{9k}{x_1^2} \\ F_{31} = \frac{k|q_3||q_1|}{(3x_1)^2} = \frac{k \times 36 \times 9}{9x_1^2} = \frac{36k}{x_1^2} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow F_{\text{net}(1)} = F_{31} - F_{21} = \frac{36k}{x_1^2} - \frac{9k}{x_1^2} = \frac{27k}{x_1^2}$$

$$\text{برایند نیروهای وارد بر } q_2 : q_3 \text{ را حساب می‌کنیم:}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} F_{12} = F_{21} = \frac{9k}{x_1^2} \\ F_{32} = \frac{k|q_3||q_2|}{x_1^2} = \frac{k \times 36 \times 4}{x_1^2} = \frac{144k}{x_1^2} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow F_{\text{net}(2)} = F_{32} - F_{12} = \frac{144k}{x_1^2} - \frac{9k}{x_1^2} = \frac{135k}{x_1^2}$$

$$\frac{F_{\text{net}(2)}}{F_{\text{net}(1)}} = \frac{\frac{135k}{x_1^2}}{\frac{27k}{x_1^2}} = \frac{135}{27} = 5$$

$$\text{گام سوم نسبت } \frac{F_{\text{net}(2)}}{F_{\text{net}(1)}} \text{ را می‌نویسیم:}$$

روش دوم (روش سریع): نیروی که q_2 به q_1 وارد می‌کند، برابر نیروی است که q_2 به q_1 وارد می‌کند
بنابراین ما نیروهای F_{21} و F_{32} را برحسب F_{12} به دست می‌آوریم:

$$\frac{F_{32}}{F_{12}} = \left| \frac{q_3}{q_1} \right| \times \left(\frac{r_{12}}{r_{32}} \right)^2 = \frac{36}{9} \times \left(\frac{2x_1}{x_1} \right)^2 = 16 \Rightarrow F_{32} = 16F_{12}$$

$$q_2 : \text{نیروی خالص وارد بر } F_{\text{net}(2)} = F_{32} - F_{12} = 16F_{12} - F_{12} = 15F_{12}$$

$$\frac{F_{21}}{F_{12}} = \left| \frac{q_2}{q_1} \right| \times \left(\frac{r_{21}}{r_{12}} \right)^2 = \frac{4}{9} \times \left(\frac{2x_1}{3x_1} \right)^2 = \frac{4}{9} \Rightarrow F_{21} = \frac{4}{9}F_{12}$$

$$q_1 : \text{نیروی خالص وارد بر } F_{\text{net}(1)} = F_{21} - F_{12} = \frac{4}{9}F_{12} - F_{12} = \frac{-5}{9}F_{12}$$

$$\frac{F_{\text{net}(2)}}{F_{\text{net}(1)}} = \frac{15F_{12}}{\frac{-5}{9}F_{12}} \xrightarrow{F_{12}=F_{21}} \frac{F_{\text{net}(2)}}{F_{\text{net}(1)}} = 5$$

$$\text{حالا نسبت } \frac{F_{\text{net}(2)}}{F_{\text{net}(1)}} \text{ را به دست می‌آوریم:}$$