

مسئله ۷-

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow r/5 = \frac{r_0}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = r_0 \cdot h$$

مسئله ۸-

$$f) I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 0,16 \times 10^{-2} = \frac{\Delta q}{3600} \Rightarrow \Delta q = 0,576 \text{ C}$$

$$ب) \Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow \Delta U = 3 \times 0,576 = 1,728 \text{ J}$$

مسئله ۹-

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow 12 = \frac{r}{\Delta q} \Rightarrow \Delta q = rC$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I = \frac{r}{100} = 0,02 \text{ A} = 20 \text{ mA}$$

مسئله ۱۰-

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 5 = \frac{50}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 10 \text{ h}$$

مسئله ۱۱-

$$I = 100 \mu\text{A} = 0,1 \text{ mA}$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 0,1 = \frac{1000}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 10000 \text{ h}$$

مسئله ۱۲-

$$f) \Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow 5 \times 10^7 = \frac{1 \times 10^9}{\Delta q} \Rightarrow \Delta q = 20 \text{ C}$$

$$ب) I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I = \frac{20}{0,2} = 100 \text{ A}$$

$$پ) P = \frac{\Delta U}{\Delta t} \Rightarrow P = \frac{1 \times 10^9}{0,2} = 5 \times 10^9 \text{ W}$$

مسئله ۱۳-

بار کردها را پس از تماس با q_1' و q_2' نمایش می‌دهیم.

$$q_1' = q_2' = \frac{10 + (-5)}{2} = 2,5 \text{ mC}$$

$$|\Delta q| = |2,5 - 10| = 7,5 \text{ mC}$$

ب)

$$|\Delta q| = |2,5 - (-5)| = 7,5 \text{ mC}$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I = \frac{7,5 \times 10^{-3}}{1 \times 10^{-2}} = 7,5 \text{ A}$$



آسان

آ) الکترون‌های آزاد - $1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ (ب) صفر

ب) تردای (ت) آمپر

ث) مستقیم (ج) بار الکتریکی - باتری خودروها

آسان

آ) نادرست (ب) درست (پ) نادرست (ت) نادرست

آسان



در حضور اختلاف پتانسیل (میدان الکتریکی) شارش بار خالص از مقطع A سیم دیگر برابر صفر نیست.

در نبود اختلاف پتانسیل (میدان الکتریکی) شارش بار خالصی از مقطع معین A سیم نداریم.

آسان

قطب شکل (ب) چون بین دو سر لامپ اختلاف پتانسیل الکتریکی به درستی اعمال شده است.

مسئله

وقتی کلید را می‌زنیم، میدان الکتریکی با سرعتی نزدیک به سرعت نور برقرار می‌شود و الکترون‌های آزاد در سرتاسر سیم به طور هم‌زمان تحت تأثیر این میدان فرار می‌گیرند و تقریباً هم‌زمان همگی شروع به حرکت می‌کنند.

مسئله

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 0,2 = \frac{\Delta q}{16} \Rightarrow \Delta q = 3,2 \text{ C}$$

$$\Delta q = ne \Rightarrow n = \frac{\Delta q}{e} = \frac{3,2}{1,6 \times 10^{-19}} = 2 \times 10^{19}$$

علوی



سوالات تستی

پاسخنامه

بخش ۱

آسان

۱- نکته

بر اساس شکل ۷-۲ کتاب درسی، سرعت سوق الکترون آزاد در خلاف جهت میدان الکتریکی است و جهت جریان الکتریکی، هم جهت با میدان الکتریکی است.

آسان

۲- نکته

با توجه به رابطه بار الکتریکی، می توان گفت:

$$I = \frac{q}{t} \rightarrow q = I \cdot t$$

مساحت (h) × (b) = (A) = بار الکتریکی (C)

متوسط

۳- نکته

طبق رابطه $q = It$ ، بار الکتریکی شارش یافته را به بدست می آوریم

$$q = It = \frac{I \cdot \Delta t}{t} = q = 0,1 \times 20 = 16 \text{ C}$$

حال با توجه به رابطه $q = ne$ ، تعداد الکترونها را محاسبه می کنیم.

$$q = ne \rightarrow \frac{q = 16 \text{ C}}{e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}} = 16 = n \times 1,6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 10^{20}$$

متوسط

۴- نکته

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{n \cdot e}{\Delta t} = \frac{10^{20} \times 1,6 \times 10^{-19}}{0,2} = 0,2 \text{ A}$$

مشکل

۵- نکته

$$q' = q_1 + q_2 = \frac{12 - 4}{2} = 4 \mu\text{C} = 4 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{q' - q}{\Delta t} = \frac{(4 - (-4)) \times 10^{-6}}{0,01 \times 10^{-2}} = 0,8 \text{ A}$$

$$\times 10^3 \rightarrow I = 800 \text{ mA}$$

متوسط

۶- نکته

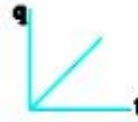
$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow \Delta q = \frac{1/8 \times 10^4}{2 \times 10^7} = 60 \text{ C}$$

$$I_{\text{متوسط}} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I_{\text{متوسط}} = \frac{60}{0,2} = 300 \text{ A}$$

مشکل

۱۳-

توجه! اگر جریان ثابت باشد، نمودار بار الکتریکی گذرنده از هر مقطع مدار بر حسب زمان ($q-t$) به صورت خطی است که شیب آن برابر جریان الکتریکی است.

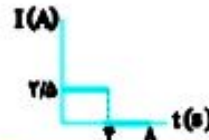


$$1) I_{\text{متوسط}} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I_{\text{متوسط}} = \frac{10}{8} = 1,25 \text{ A}$$

ب) از $0,5$ تا $4,5$ ، جریان الکتریکی ثابت و برابر شیب خط نمودار $q-t$ است.

$$I = \frac{10 - 0}{4,5 - 0,5} = 2,5 \text{ A}$$

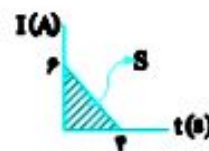
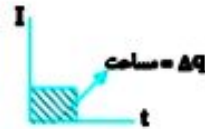
از $4,5$ تا $8,5$ ، شیب خط نمودار $q-t$ صفر است. پس جریان الکتریکی نیز صفر است.



مشکل

۱۵-

توجه! مساحت بین نمودار جریان الکتریکی بر حسب زمان ($I-t$) برابر بار الکتریکی شارش شده در مدار است.



$$S = \frac{6 \times 4}{2} = 12 \Rightarrow \Delta q = 12 \text{ C}$$

$$I_{\text{متوسط}} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I_{\text{متوسط}} = \frac{12}{4} = 3 \text{ A}$$

علوی



سوالات تشریحی

پاسخنامه

بخش ۲ و ۳

آهانه

- ۱) به نسبت اختلاف پتانسیل دو سر رسانا به جریان الکتریکی گذرنده از آن مقاومت الکتریکی می‌گویند.
 ب) نسبت اختلاف پتانسیل دو سر یک مقاومت به جریان الکتریکی گذرنده از آن، در دمای ثابت، مقدار ثابتی است.

آهانه

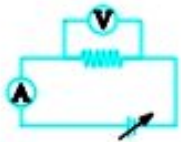
- آ) نادرست ب) درست ب) درست ت) نادرست

آهانه

- آ) اهم ب) تریمای ب) مولزی ت) متوالی

مشکل

- یک رسانا را مطابق شکل، به یک آمپرسنج، یک ولتسنج و یک منبع تغذیه با ولتاژ قابل تنظیم می‌بندیم. اختلاف پتانسیل دو سر وسیله را به کمک منبع تغذیه تغییر می‌دهیم و در هر نوبت جریان عبوری از وسیله و اختلاف پتانسیل دو سر آن را با آمپرسنج و ولتسنج مدار اندازه می‌گیریم و سپس با استفاده از رابطه $R = \frac{V}{I}$ مقاومت الکتریکی را محاسبه و نتایج را در جدولی یادداشت می‌کنیم. اگر مقاومت الکتریکی در ولتاژهای مختلف (در دمای ثابت)، مقدار ثابتی باشد، اصطلاحاً گفته می‌شود آن وسیله از قانون اهم پیروی می‌کند و آن وسیله را مقاومت با رسانای اهمی می‌نامند.



مشکل

$$1) R = \frac{V}{I} \Rightarrow R = \frac{1/5}{0.2} = 5 \Omega$$

$$ب) R = \frac{V}{I} \Rightarrow 5 = \frac{1/2}{I} \Rightarrow I = 0.22 \text{ A}$$

مشکل

۷- گانه

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow 1/5 = \frac{11/25}{\Delta q} \Rightarrow \Delta q = 7/5 \text{ C}$$

$$I_{\text{متوسط}} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I_{\text{متوسط}} = \frac{7/5}{6} = 0.125 \text{ A} = 125 \text{ mA}$$

آهانه

۸- گانه

$$\Delta q = 2 \text{ Ah} = 2 \text{ A} \times 3600 \text{ s} = 7200 \text{ C}$$

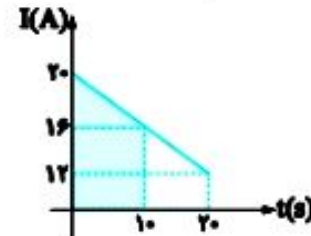
$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow \Delta U = 5 \times 7200 = 36000 \text{ J} = 3/6 \times 10^7$$

مشکل

۹- گانه

- مساحت سطح زیر نمودار $I-t$ در یک بازه زمانی مشخص برابر با بار الکتریکی شارش یافته در همان مقطع زمانی است.

$$q = S_{\text{منظور}} = \frac{(20+16) \times 10}{2} = 180 \text{ C}$$



- برای تبدیل واحد کولن به آمپر ساعت باید عدد بدست آمده را بر ۳۶۰۰ تقسیم کنیم

$$q = 180 \times \frac{1}{3600} = \frac{1}{20} = 0.05 \text{ Ah}$$

مشکل

۱۰- گانه

نوجه

- ۱- منظور از ثانیه n ام بازه زمانی $(n-1)$ ثانیه تا n ثانیه است. مثلاً ثانیه سوم از $t = 2 \text{ s}$ تا $t = 3 \text{ s}$ است.
 ۲- پایان ثانیه n ام، یعنی لحظه $t = n$. مثلاً پایان ثانیه سوم یعنی لحظه $t = 3$

$$\left. \begin{aligned} t_1 &= 0.5 \\ t_2 &= 2.5 \text{ پایان ثانیه سوم} \\ t_1 &= 0 \Rightarrow q_1 = 0 \\ t_2 &= 2.5 \Rightarrow q_2 = 0.1(2)^2 + 0.1(2) = 1/5 \text{ C} \end{aligned} \right\}$$

$$I_{\text{متوسط}} = \frac{q_2 - q_1}{t_2 - t_1} = \frac{1/5}{2} = 0.05 \text{ A}$$

$$\left. \begin{aligned} t'_1 &= 2.5 \\ t'_2 &= 3 \end{aligned} \right\} \text{ ثانیه سوم}$$

$$\left. \begin{aligned} t'_1 &= 2.5 \Rightarrow q'_1 = 0.1(2)^2 + 0.1(2) = 0.1 \text{ C} \\ t'_2 &= 3 \Rightarrow q'_2 = 1/5 \text{ C} \end{aligned} \right\}$$

$$I'_{\text{متوسط}} = \frac{q'_2 - q'_1}{t'_2 - t'_1} = \frac{1/5 - 0.1}{3 - 2} = 0.07 \text{ A}$$

$$\frac{I'_{\text{متوسط}}}{I_{\text{متوسط}}} = \frac{0.07}{0.05} = \frac{7}{5}$$



مقاومت

-11

(آ) ولرون (ب) $\Omega.m$ (پ) بسیار کم (ث) نیم رسانا
(ت) افزایش - کاهش (ج) بیشتر

آنها

-12

مقاومت ویژه رساناهای فلزی با افزایش دما زیاد می‌شود در حالی که مقاومت ویژه نیم‌رساناها با افزایش دما کاهش می‌یابد. در برخی مواد، مانند جیوه و قلع با کاهش دما، مقاومت ویژه در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می‌کند و در دماهای پایین‌تر، همچنان صفر می‌ماند. این پدیده را **ابر رسانایی** می‌گویند.

مقاومت

-13

اگر یک رسانای فلزی داشته باشیم، با افزایش دمای آن، تعداد حامل‌های بار (در اینجا یعنی الکترون‌های آزاد) تقریباً ثابت می‌ماند، ولی ارتعاشات کاتوره‌ای آنها و یون‌های آن افزایش می‌یابد. این عامل موجب افزایش برخورد حامل‌های بار با شبکه اتمی رسانای فلزی می‌شود و به این ترتیب مقاومت رسانا در برابر عبور جریان زیاد می‌شود.

مقاومت

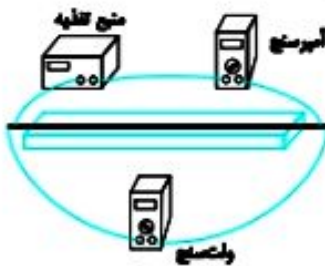
-14

اگر یک نیم‌رسانا داشته باشیم، در دماهای پایین تعداد حامل‌های بار ناچیز است و نیم‌رسانا مانند یک نارسانا رفتار می‌کند. با افزایش دما، نشان داده می‌شود بر تعداد این حامل‌های بار افزوده می‌گردد. گرچه با افزایش دما تعداد برخوردهای کاتوره‌ای حامل‌های بار با شبکه اتمی افزایش می‌یابد، اما تأثیر افزایش تعداد حامل‌های بار بیشتر از افزایش این برخوردهای کاتوره‌ای است. به این ترتیب مقاومت ویژه نیم‌رساناها با افزایش دما کاهش می‌یابد.

مقاومت

-15

مداری مطابق شکل آماده می‌کنیم.



(آ) بستگی مقاومت الکتریکی به طول رسانا

قطعه سیم‌هایی از جنس یکسان، مثلاً کنستانتان (یا نیکروم) با قطر برابر ولی طول‌های متفاوت را در مدار قرار می‌دهیم و با استفاده از تعریف مقاومت، $(R = \frac{V}{I})$ ، مقاومت هر کدام از سیم‌ها را با استفاده از عددی که

مقاومت

-4

توجه کنید که مقاومت یک رسانای اهمی در دمای ثابت با تغییر ولتاژ یا جریان الکتریکی، ثابت می‌ماند.

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow V = RI, V_T = RI_T, V_1 = RI_1$$

$$V_T - V_1 = R(I_T - I_1) \Rightarrow \Delta V = R \times \Delta I$$

$$\Rightarrow 20 = R \times 5 \Rightarrow R = 4 \Omega$$

مقاومت

-5

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow 5 = \frac{2}{I} \Rightarrow I = 0.4 \text{ A}$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow \Delta q = I \times \Delta t \Rightarrow \Delta q = 0.4 \times 5 \times 60 = 120 \text{ C}$$

$$\Delta q = ne \Rightarrow n = \frac{\Delta q}{e} \Rightarrow n = \frac{120}{1.6 \times 10^{-19}} = 7.5 \times 10^{21}$$

آنها

-6

طبق رابطه $R = \frac{V}{I}$ می‌توان نوشت:

$$I = \frac{1}{R} \times V$$

که نشان می‌دهد اگر R ثابت باشد، نمودار $I - V$ به صورت خطی است که شیب آن برابر با $\frac{1}{R}$ (ولرون مقاومت) است. چون در این سوال شیب خط رسانای B بیشتر از A است پس $R_B < R_A$ است.

مقاومت

-7

$$I = \frac{q}{t} = \frac{10800}{3600} = 3 \text{ A}$$

$$R = \frac{V}{I} = \frac{30}{3} = 10 \Omega$$

آنها

-8

همان‌طور که در شکل مشخص است، در وضعیت شکل (آ) جریان از طرف بدن عبور می‌کند و در صورتی که شخص به طریقی به زمین متصل باشد دچار شوک و احتمالاً برق گرفتگی می‌شود. در حالی که در وضعیت شکل (ب)، جریان از طریق سیم اتصال زمین (که معمولاً به لوله آب سرد متصل است)، به زمین می‌رود. به عبارتی، علاوه بر سیم‌های موسوم به فاز و نول، سیم متصل به زمین نیز وجود دارد. بنابراین در وضعیت شکل (ب) برخلاف شکل (آ) دچار شوک و احتمالاً برق گرفتگی نمی‌شویم، زیرا سیم اتصال به زمین یک مسیر کم مقاومت بین سطح خارجی وسیله و زمین را ایجاد می‌کند.

مثله

توجه: برای مقایسه دو مقاومت الکتریکی داریم:

$$\frac{R_T}{R_1} = \frac{\rho_T}{\rho_1} \times \frac{L_T}{L_1} \times \frac{A_1}{A_T}$$

قطر سیم را با D نمایش دادیم و جنس هر دو سیم یکسان است.

$$L_A = 2L_B$$

$$D_A = \frac{1}{2} D_B \Rightarrow A_A = \left(\frac{1}{2}\right)^2 A_B \Rightarrow A_A = \frac{1}{4} A_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = 2 \times \frac{A_B}{\frac{1}{4} A_B} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = 8$$

مثله

توجه: اگر حجم دو مقاومت برابر باشد داریم:

$$\frac{R_T}{R_1} = \frac{\rho_T}{\rho_1} \times \left(\frac{L_T}{L_1}\right)^2, \quad \frac{R_T}{R_1} = \frac{\rho_T}{\rho_1} \times \left(\frac{A_1}{A_T}\right)^2$$

چون جنس و جرم دو مقاومت برابر است پس حجم دو مقاومت برابر است.

اگر قطر سیم را با D نمایش دهیم

$$D_A = \sqrt{2} D_B \Rightarrow A_A = (\sqrt{2})^2 A_B \Rightarrow A_A = 2A_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \left(\frac{A_B}{A_A}\right)^2 \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \left(\frac{A_B}{2A_B}\right)^2 \Rightarrow R_A = 10 \times \frac{1}{2} = 5 \Omega$$

مثله

$$R_1 = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow R_2 = 2 \times 10^{-5} \times \frac{1}{2 \times 10^{-9}} = 25 \Omega$$

$$\Delta R = \alpha R \Delta T \Rightarrow \Delta R = 2 \times 10^{-2} \times 25 \times (220 - 20) \Rightarrow \Delta R = 7 \Omega$$

$$R = 25 + 7 = 32 \Omega$$

مثله

$$\Delta R = \alpha R \Delta T \Rightarrow 125 - 100 = 2 \times 10^{-2} \times 100 \Delta T$$

$$\Rightarrow \Delta T = 62.5 \text{ K}$$

$$\Delta \theta = \Delta T = 62.5^\circ \text{C} \Rightarrow \theta_2 - 20 = 62.5 \Rightarrow \theta_2 = 82.5^\circ \text{C}$$

مثله

$$\Delta R = \alpha R \Delta T \Rightarrow 22 - R_1 = 2 \times 10^{-2} R_1 (120 - 20)$$

$$\Rightarrow R_1 = 20 \Omega$$

مثله

$$\Delta R = \alpha R \Delta T \Rightarrow 120 - 100 = \alpha \times 100 \times (100 - 0)$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{20}{100} = 2 \times 10^{-2} \frac{1}{\text{K}}$$

آزمای

(آ) پیچهای (ب) پیچهای (ب) طول
(ت) پتانسیومتر (ث) تغییر طول

آزمای

$$R = 52 \times 10^2 = 5200 \Omega$$

$$\left. \begin{aligned} & \\ & \end{aligned} \right\} R = 5200 \Omega \pm 250 \Omega$$

$$5200 \times \frac{5}{100} = 260 \Omega$$

آمبرسنج و ولتسنج نشان می‌دهند محاسبه و نتایج را ثبت می‌کنیم. نتیجه این

که مقاومت سیم با طول سیم رابطه مستقیم دارد. $R \propto L$

(ب) بستگی مقاومت الکتریکی به مساحت سطح مقطع رسانا

این بار آزمایش را با سیم‌هایی از جنس یکسان با طول برابر ولی قطرهای

متفاوت انجام می‌دهیم. نتیجه این که مقاومت سیم با مساحت سطح مقطع سیم

$$R \propto \frac{1}{A}$$

(ب) بستگی مقاومت الکتریکی به جنس رسانا

آزمایش را با دو قطعه سیم هم طول و با قطر یکسان انجام می‌دهیم که این بار

جنس یکی از آنها کستانتان و دیگری نیکروم است. نتیجه این که مقاومت

رسانا به جنس آن بستگی دارد.

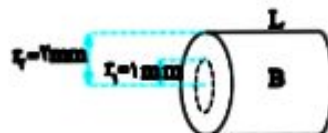
مثله

$$D = 2 \text{ mm} \Rightarrow r = 1 \text{ mm}$$

$$A = \pi r^2 \Rightarrow A = 2 \times 10^2 = 2 \text{ mm}^2 = 2 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow R = 1.8 \times 10^{-8} \times \frac{100}{2 \times 10^{-6}} = 0.9 \Omega$$

مثله



$$A_A = \pi r^2 = \pi \times 10^2 = 2 \text{ mm}^2$$

$$A_B = \pi r_1^2 - \pi r_2^2 = \pi (r_1^2 - r_2^2) = 2 \pi \text{ mm}^2$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{L}{L} \times \frac{2\pi}{\pi} = 2$$

مثله

(آ) از سیم با قطر 0.8 cm استفاده می‌شود.

$$A = \pi \left(\frac{0.8}{2}\right)^2 = 2 \times 10^{-4} \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-8} \text{ cm}^2 = 2 \times 10^{-12} \text{ m}^2$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow R = 1.8 \times 10^{-8} \times \frac{20}{2 \times 10^{-12}} = 1.8 \times 10^5 \Omega$$

(ب) از سیم با قطر 0.12 cm استفاده می‌شود.

$$A = \pi \left(\frac{0.12}{2}\right)^2 = 2 \times 2.8 \times 10^{-6} \text{ cm}^2$$

$$= 1.0 \times 10^{-8} \text{ cm}^2 = 1.0 \times 10^{-12} \text{ m}^2$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow R = 1.8 \times 10^{-8} \times \frac{20}{1.0 \times 10^{-12}} \Rightarrow R = 1.8 \times 10^5 \Omega$$



۲۷- سؤال

- (ا) ترمیستور (ب) منفی
- (ب) PTC - مثبت (ت) ترمیستور PTC تعویضی
- (ث) ترمیستور PTC تعویضی (ج) کاهش
- (ج) دیودها (ح) LED

موارد (ا) تا (ت) مربوط به فعالیت ۲-۳ کتاب درسی هستند که سوال و پاسخ آن نیز در ادامه آورده شده است.

فعالیت ۲-۳، ترمیستورها به دو نوع NTC و PTC تقسیم‌بندی می‌شوند. در مورد ساختار و کارکرد آنها تحقیق کرده و به کلاس گزارش دهید.

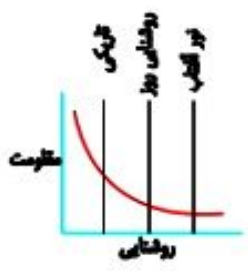
پاسخ: ترمیستورها به دو نوع NTC و PTC تقسیم می‌شوند. نوع NTC: از نیم رساناهای خالص مانند سیلیسیم یا ژرمانیم ساخته شده‌اند که ضریب دمایی مقاومت ویژه آنها منفی است.

نوع PTC: که خود بر دو نوع‌اند:

- (ا) یک نوع که به نام سیلیستور شناخته شده‌اند در واقع از سیلیسیم غیرخالص (آلاینده) ساخته شده است که با افزودن یک ناخالصی به سیلیسیم ویژگی رسانش الکتریکی پیدا کرده است. این نوع PTC مانند فلزات رفتار کرده و مقاومت آنها با افزایش دما زیاد می‌شود. به عبارت دیگر، ضریب دمایی مقاومت ویژه آنها مثبت است.
- (ب) نوع تعویضی (switching) که ضریب دمایی مقاومت ویژه آنها تا پیش از دمایی خاص موسوم به دمای گذار اندکی منفی است و پس از آن به شدت مثبت می‌گردد و اغلب در گستره‌ی دمایی 60°C تا 120°C برای تنظیم جریان و جلوگیری از افزایش آن در مدارهای الکتریکی استفاده می‌شود.

۲۸- سؤال

مقاومت نوری، نوعی مقاومت است که مقاومت الکتریکی آن به نور تابیده شده به آن بستگی دارد. به طوری که با افزایش شدت نور، از مقاومت آن کاسته می‌شود. مثلاً یک LDR نوعی در تاریکی مقاومتی در حد چند مگا اهمی دارد. در حالی که در یک نور مناسب، مقاومت آن به چند صد اهم می‌رسد. نوعی از این مقاومت‌ها از جنس نیم‌رسانای خالص، مانند سیلیسیم هستند که با افزایش شدت نور تابیده شده، بر تعداد حامل‌های بار الکتریکی آنها افزوده شده و در نتیجه از مقاومت آنها کاسته می‌شود.



۲۹- سؤال

LED در مقایسه با لامپ‌های روشنایی معمولی، توان الکتریکی کمی مصرف کرده و در عوض، نور قابل ملاحظه‌ای تولید می‌کند. LEDها در مقایسه با لامپ‌های رشته‌ای عمر طولانی‌تری دارند و به دلیل نداشتن رشته به هنگام تولید نور انرژی گرمایی زیادی تولید نمی‌کنند.

۳۰- سؤال

با بستن کلید، جریان در جهت نیروی محرکه الکتریکی (درون باتری، از قطب منفی به سمت قطب مثبت) به جریان می‌افتد که در شکل سمت چپ، دیود امکان عبور را نمی‌دهد. بنابراین، با بستن کلید در شکل سمت راست، LED روشن می‌شود.



۳۱- سؤال

در دمای ثابت، مقاومت الکتریکی یک رسانا مستقل از ولتاژ دو سر آن و شدت جریان عبوری از آن است.

۳۲- سؤال

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow 15 = \frac{2A}{I} \Rightarrow I = 2/2A$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 2/2 = \frac{\Delta q}{1} \Rightarrow \Delta q = 2/2C$$

$$\Delta q = ne \Rightarrow 2/2 = n \times 1.6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 2 \times 10^{19}$$

۳۳- سؤال

نمودار $I-V$ یک رسانای اهمی خطی است که امتداد آن از مبدأ مختصات می‌گذرد و شیب خط آن متناسب با وارون مقاومت است. اگر نمودار $I-V$ خطی نباشد، وسیله الکتریکی یک رسانای اهمی نیست و شیب خط معاس بر آن متناسب با وارون مقاومت است.

- بررسی عبارت‌ها
- (ا) نادرست. دیود نورگسیل (LED) یک وسیله غیراهمی است. چون نمودار $I-V$ خطی نیست.
- (ب) نادرست. با افزایش ولتاژ مثبت، شیب خط معاس بر نمودار زیاد شده پس مقاومت کم می‌شود.
- (پ) درست. در نمودار $I-V$ ، شیب خط معاس بر نمودار متناسب با وارون مقاومت است.

مفهوم

۴- گزیده

با استفاده از رابطه مقاومت الکتریکی بر حسب مشخصات ساختمانی سیم می‌توان گفت:

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \frac{A_A}{A_B} \xrightarrow{A = \frac{\pi D^2}{4}} \frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 \Rightarrow 1 = \frac{1}{2} \times \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 \Rightarrow \frac{D_A}{D_B} = \sqrt{2}$$

مشق

۱۱- گزیده

$$m_A = \rho m_B \xrightarrow{\text{جرم} \propto \text{حجم}} V_A = \rho V_B \Rightarrow L_A A_A = \rho L_B A_B$$

$$L_A = \rho L_B \Rightarrow \rho L_B A_A = \rho L_B A_B \Rightarrow A_A = \rho A_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} = \frac{\rho L_B}{L_B} \times \frac{A_B}{\rho A_B} = \frac{\rho}{\rho} = 1$$

مشق

۱۱- گزیده

توجه: اگر حجم دو مقاومت برابر باشد.

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2, \quad \frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2$$

چون جرم تغییر نکرده است. بنابراین حجم ثابت است.

$$\frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{1}{2} \frac{R_1}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$L_2 = \frac{1}{\sqrt{2}} L_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} \times 10 = 7.07 \text{ cm}$$

مشق

۱۲- گزیده

$$R = \frac{V}{I} = \frac{2}{1/2} = 4 \Omega$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow 2/5 = 1/8 \times 10^{-8} \times \frac{25}{A}$$

$$\Rightarrow A = 1/8 \times 10^{-8} \times 25 \times 5 = 1.5625 \times 10^{-7} \text{ m}^2$$

$$= 25 \times 10^{-9} \text{ m}^2$$

$$\text{چگالی} = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \text{چگالی} \times V$$

$$m = 8 \times 10^3 \times 25 \times 10^{-9} = 2 \times 10^{-4} \text{ kg} \Rightarrow m = 0.2 \text{ g}$$

مشق

۱۳- گزیده

$$R = \rho \frac{L}{A} \quad \frac{\rho_A = \rho_B}{L_A = L_B} \quad \frac{R_B}{R_A} = \frac{A_A}{A_B}$$

$$A_A = \pi r^2 \Rightarrow A = \pi (2 \times 10^{-2})^2 = 4\pi \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$A_B = \pi (r_{\text{داخلی}}^2 - r_{\text{خارجی}}^2) = \pi (1 \times 10^{-2} - 1 \times 10^{-2})^2$$

$$= 8\pi \times 10^{-9} \text{ m}^2$$

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{A_A}{A_B} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{4\pi \times 10^{-4}}{8\pi \times 10^{-9}} = 50000$$

مفهوم

۴- گزیده

با توجه به نمودار داریم:

$$\left. \begin{aligned} R_A &= \frac{V_A}{I_A} = \frac{10}{2} = 5 \Omega \\ R_B &= \frac{V_B}{I_B} = \frac{20}{2} = 10 \Omega \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{10}{5} = 2$$

مشق

۵- گزیده

توجه: نمودار اختلاف پتانسیل بر حسب جریان (V-I) برای رسانای اهمی مطابق شکل. خطی است که از مبدأ مختصات می‌گذرد و شیب آن برابر R است.

V(V)



$$q = ne = 5 \times 10^{15} \times 1.6 \times 10^{-19} = 8 \times 10^{-4} \text{ C}$$

$$q = It \Rightarrow 8 \times 10^{-4} = I \times 2 \times 10^{-2} \Rightarrow I = 0.04 \text{ A}$$

$$V = RI \xrightarrow{\text{شیب نمودار (V-I) مقاومت می‌باشد}} V = 10 \times 0.04 = 0.4 \text{ V}$$

آزم

۶- گزیده

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \rho = \frac{RA}{L} \Rightarrow \rho \text{ یکای } = \frac{\Omega \times \text{m}^2}{\text{m}} \Rightarrow \rho \text{ یکای } = \Omega \text{m}$$

مشق

۷- گزیده

مقاومت با طول رسانا نسبت مستقیم و با سطح مقطع آن نسبت عکس دارد. بنابراین بیشترین مقاومت رسانا به‌ازای بیشترین طول و کمترین سطح مقطع و کمترین مقاومت رسانا به‌ازای کمترین طول و بیشترین سطح مقطع به‌دست می‌آید.

$$R_{\max} = \rho \frac{L_{\max}}{A_{\min}} = \rho \times \frac{4 \times 10^{-2}}{2 \times 10^{-2}} = 20 \rho$$

$$R_{\min} = \rho \frac{L_{\min}}{A_{\max}} = \rho \times \frac{10^{-2}}{8 \times 10^{-2}} = 1.25 \rho$$

$$\Rightarrow \frac{R_{\max}}{R_{\min}} = \frac{20 \rho}{1.25 \rho} = 16$$

مفهوم

۸- گزیده

$$R = \frac{\rho L}{A} \Rightarrow R \propto L$$

مکعبه

۳۳- گزیده

$$\Delta R = \alpha R_1 \Delta T \Rightarrow \Delta R = 2 \times 10^{-5} \times 50 \times (100 - 20) \Rightarrow \Delta R = 1/6 \Omega$$

$$R = 50 + 1/6 = 51/6 \Omega$$

مشکل

۳۴- گزیده

چون در دمای بالاتر مقاومت عنصر کمتر شده بنابراین ضریب دمایی آن (نیپرسانا) منفی است.

$$\Delta R = \alpha R_1 \cdot \Delta \theta \Rightarrow \alpha = \frac{\Delta R}{R_1 \Delta \theta} = \frac{0.1 R_1 - R_1}{R_1 \times 100}$$

$$= -\frac{0.1}{100} = -10^{-3} K^{-1}$$

مشکل

۳۵- گزیده

توجه: درصد تغییرات مقاومت ویژه یا درصد تغییرات مقاومت بر اثر تغییر دما نسبت به دمای مرجع را با توجه به روابط ذکر شده برای آنها می‌توان از روابط زیر محاسبه کرد:

$$\frac{\Delta R}{R_1} \times 100 = \alpha \Delta T \times 100, \frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times 100 = \alpha \Delta T \times 100$$

$$20 = \alpha \times 50 \times 100 \Rightarrow \alpha = 2 \times 10^{-2} \frac{1}{K}$$

مکعبه

۳۶- گزیده

با توجه به رابطه $R_T = R_1(1 + \alpha \Delta \theta)$ داریم:

$$R_T = 2R_1, \alpha = \frac{1}{250}, \Delta \theta = \theta_T - 0 = \theta_T$$

$$R_T = R_1(1 + \alpha \Delta \theta) \Rightarrow 2R_1 = R_1 \left(1 + \frac{1}{250} \times \theta_T\right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{250} \theta_T = 1 \Rightarrow \theta_T = 250^\circ C$$

آسان

۳۷- گزیده

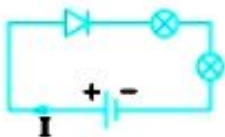
$$R = 61 \times 10^{-2} = 61 \Omega$$

رنگ طلایی فقط تترانس را مشخص می‌کند.

آسان

۳۸- گزیده

اگر جریان در خلاف پیکان باشد از دیود جریان عبور نمی‌کند و قطع جریان اتفاق می‌افتد. در مدار زیر با تعویض جهت دیود، جریان از مدار عبور نمی‌کند.



آسان

۳۹- گزیده

گزینه ۱ و گزینه ۲ نماد LDR با مقاومت نوری است. گزینه ۴ نماد دیود است و گزینه ۳ نماد ترمیستور است.

مکعبه

۱۲- گزیده

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{I_B}{I_A} \quad I_A = I_B \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{5}{15} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_A}{A_B} \quad L_A = L_B \Rightarrow \frac{1}{3} = \frac{A_A}{A_B} \Rightarrow A_A = \frac{1}{3} A_B$$

$$\Rightarrow \pi (r_A)^2 = \frac{1}{3} \pi (r_B)^2 \Rightarrow r_A = \frac{\sqrt{3}}{3} r_B$$

مشکل

۱۵- گزیده

در حالت اول طول سیم باقی‌مانده $\frac{1}{3}$ طول سیم اولیه است پس مقاومت سیم باقی‌مانده $\frac{1}{3} \times 6 = 2 \Omega$ است.

در حالت دوم که سیم باقی‌مانده را با عبور از دستگاهی طولش را به طول سیم اولیه می‌رسانیم یعنی بدون تغییر حجم. طول را ۴ برابر کردیم پس:

$$\frac{R'}{1/5} = \left(\frac{L'}{L}\right)^2 \Rightarrow \frac{R'}{1/5} = (4)^2 \Rightarrow R' = 16 \times 1/5 = 3.2 \Omega$$

توجه: وقتی حجم مقاومت تغییر نکند داریم:

$$\frac{R'}{R} = \left(\frac{L'}{L}\right)^2 \quad \text{یا} \quad \frac{R'}{R} = \left(\frac{A}{A'}\right)^2$$

آسان

۱۶- گزیده

هنگام روشن بودن لامپ دمای آن افزایش می‌یابد و مقاومت آن افزایش می‌یابد.

آسان

۱۷- گزیده

مقاومت رساناها با افزایش دما زیاد می‌شود و مقاومت نیم رساناها با افزایش دما کاهش می‌یابد. گزینه‌های ۲، ۳ و ۴ نیم رسانا هستند. بنابراین گزینه ۱ درست است.

آسان

۱۸- گزیده

مقاومت رساناها با افزایش دما زیاد می‌شود و مقاومت نیم رساناها با افزایش دما کاهش می‌یابد. گزینه‌های ۱، ۲ و ۴ رسانا هستند. بنابراین گزینه ۳ درست است.

آسان

۱۹- گزیده

در پدیده آبرسانی، با کاهش دما، در دمای خاصی ناگهان مقاومت ویژه جسم به صفر رفت می‌کند و در دماهای پایین‌تر از آن نیز همچنان صفر باقی می‌ماند.

آسان

۲۰- گزیده

$$\Delta R = \alpha R_1 \Delta T \Rightarrow \alpha = \frac{\Delta R}{R_1 \Delta T} \Rightarrow \alpha \text{ یکای } = \frac{\Omega}{\Omega \times K} = K^{-1}$$

مکعبه

۲۱- گزیده

با استفاده از رابطه تغییر مقاومت با تغییر دما می‌توان گفت:

$$\Delta R = R_1 \times \Delta \theta \quad \text{و} \quad \Delta R = 26/8 - 20 = 6/8 \Omega$$

$$\frac{\Delta R = 6/8, R_1 = 40}{\alpha = 0.068} \Rightarrow 6/8 = 40 \times 0.068 \times \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 25^\circ C$$

$$\Delta \theta = \theta_T - \theta_1 \Rightarrow 25 = \theta_T - 20 \Rightarrow \boxed{\theta_T = 45^\circ C}$$



آهان

گلوله‌ها از ارتفاع مثلاً h بالای کف شروع به حرکت می‌کنند و آنها تحت تأثیر نیروی گرانشی در فاصله بین برخورد با میخ‌ها شتاب می‌گیرند. میخ‌ها مشابه یون‌های شبکه اتمی هستند. در حین برخورد، گلوله‌ها انرژی جنبشی به دست آمده در بین برخوردها را به میخ‌ها منتقل می‌کنند. چون برخوردها خیلی زیادند، گلوله‌ها یک سرعت سوق کوچک و نسبتاً ثابتی خواهند داشت. وقتی گلوله‌ها به پایین می‌رسند یکی مانند شکل سمت راست آنها را تا ارتفاع اولیه بالا می‌آورد. بالا آوردن هر گلوله مشابه همان کاری است که یک منبع emf در مدار الکتریکی انجام می‌دهد.

مکالمه

وقتی کلید باز است عدد ولت‌سنج را می‌خوانیم. این عدد برابر نیرو محرکه مولد (\mathcal{E}) است. کلید را می‌بندیم در این حالت عدد ولت‌سنج ولتاژ دو سر مولد ($V_{\text{مولد}}$) را نشان می‌دهد و عدد آمپرسنج جریان گذرنده از مولد (I) را نشان می‌دهد. با توجه به رابطه زیر می‌توان، مقاومت درونی مولد (r) را اندازه‌گیری کرد.

$$V_{\text{مولد}} = \mathcal{E} - Ir$$

مکالمه

وقتی کلید باز است و از مدار جریانی نمی‌گذرد. عدد ولت‌سنج همان نیرو محرکه مولد است پس:

$$\mathcal{E} = 12 \text{ V}$$

پس از بستن کلید، جریان گذرنده از مدار از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} \Rightarrow I = \frac{12}{5+1} = 2 \text{ A}$$

حال با استفاده از رابطه ولتاژ دو سر مولد واقعی داریم:

$$V_{\text{مولد}} = \mathcal{E} - Ir \Rightarrow V_{\text{مولد}} = 12 - 2 \times 1 = 10 \text{ V}$$

توجه: در مورد رابطه $\mathcal{E} - Ir = V_{\text{مولد}}$ نکات زیر اهمیت دارد:

- به مقدار Ir افت پتانسیل دو سر مولد می‌گویند.

- در مولد آرمانی چون $r = 0$ است. بنابراین همواره ولتاژ دو سر مولد با نیروی محرکه الکتریکی مولد برابر است.

- اگر جریان گذرنده از مولد واقعی صفر باشد ($I = 0$) ولتاژ دو سر مولد واقعی با نیروی محرکه الکتریکی مولد برابر است.

- همواره ولتاژ دو سر مولد با ولتاژ دو سر مقاومت مدار ($V = RI$) برابر است.

آهان

طبق کتاب درسی، LDRها، مقاومت‌های نوری هستند و با افزایش شدت نور، مقاومت آنها کاهش می‌یابد.

آهان

طبق کتاب درسی، از LDRها در تجهیزات گوناگونی از جمله چشم‌های الکترونیکی، دزدگیرها، کنترل کننده‌های خودکار و چراغ‌های روشنایی خیابان‌ها استفاده می‌شود.



آهان

- ۱- (آ) منبع نیروی محرکه الکتریکی یا مولد - خلاف جهت - کمتر یا پایین‌تر - بیشتر یا بالاتر
 (ب) کمتر یا پایین‌تر - بیشتر یا بالاتر - نیروی محرکه مولد
 (پ) مقاومت درونی
 (ت) مقاومت درونی

آهان

- ۲- (آ) نادرست (ب) درست (پ) درست (ت) نادرست

مکالمه

- ۳- (آ) صفر (ب) کاهش (پ) افزایش (ت) ممکن است کم تر یا بیشتر از

آهان

۴- اگر نیروی محرکه یک باتری $1/5 \text{ V}$ باشد، به این معناست که باتری روی هر کولن باری که از آن می‌گذرد $1/5 \text{ J}$ کار انجام می‌دهد و به این ترتیب انرژی پتانسیل الکتریکی آن را $1/5 \text{ J}$ افزایش می‌دهد.

آهان

۵- باتری، پیل‌های سوختی، سلول‌های خورشیدی و مولدهای الکتریکی نمونه‌هایی از منبع‌های نیروی محرکه الکتریکی هستند که با ساز و کارهای مختلفی انرژی لازم برای ایجاد اختلاف پتانسیل الکتریکی را فراهم می‌کنند. مثلاً باتری‌ها این انرژی را از طریق واکنش‌های شیمیایی که در آنها رخ می‌دهد مهیا می‌کنند.

آمان

طبق کتاب درسی، LDR مقاومت‌های نوری هستند و با افزایش شدت نور، مقاومت آنها کاهش می‌یابد.

آمان

طبق کتاب درسی، از LDRها در تجهیزات گوناگونی از جمله چشم‌های الکترونیکی، دزدگیرها، کنترل کننده‌های خودکار و چراغ‌های روشنایی خیابان‌ها استفاده می‌شود.



آمان

آ) منبع نیروی محرکه الکتریکی یا مولد - خلاف جهت - کم‌تر یا پایین‌تر - بیشتر یا بالاتر
 ب) کم‌تر یا پایین‌تر - بیشتر یا بالاتر - نیروی محرکه مولد
 ب) مقاومت درونی
 ت) مقاومت درونی

آمان

آ) نادرست (ب) درست (ب) درست (ت) نادرست

مکوه

آ) صفر (ب) کاهش
 ب) افزایش (ت) ممکن است کم تر یا بیشتر از

آمان

اگر نیروی محرکه یک باتری ۱/۵ V باشد، به این معناست که باتری روی هر کولن باری که از آن می‌گذرد ۱/۵ کار انجام می‌دهد و به این ترتیب انرژی پتانسیل الکتریکی آن را ۱/۵ افزایش می‌دهد.

آمان

باتری، پیل‌های سوختی، سلول‌های خورشیدی و مولدهای الکتریکی نمونه‌هایی از منبع‌های نیروی محرکه الکتریکی هستند که با ساز و کارهای مختلفی انرژی لازم برای ایجاد اختلاف پتانسیل الکتریکی را فراهم می‌کنند. مثلاً باتری‌ها این انرژی را از طریق واکنش‌های شیمیایی که در آنها رخ می‌دهد مهیا می‌کنند.

آمان

گلوله‌ها از ارتفاع مثلاً ۱۱ بالای کف شروع به حرکت می‌کنند و آنها تحت تأثیر نیروی گرانشی، در فاصله بین برخورد با میخ‌ها شتاب می‌گیرند. میخ‌ها مشابه یون‌های شبکه اتمی هستند. در حین برخورد، گلوله‌ها انرژی جنبشی به دست آمده در بین برخوردها را به میخ‌ها منتقل می‌کنند. چون برخوردها خیلی زیادند، گلوله‌ها یک سرعت سوق کوچک و نسبتاً ثابتی خواهند داشت. وقتی گلوله‌ها به پایین می‌رسند، یکی مانند شکل سمت راست آنها را تا ارتفاع اولیه بالا می‌آورد. بالا آوردن هر گلوله مشابه همان کاری است که یک منبع emf در مدار الکتریکی انجام می‌دهد.

مکوه

وقتی کلید باز است، عدد ولت‌سنج را می‌خوانیم، این عدد برابر نیرو محرکه مولد (ε) است. کلید را می‌بندیم در این حالت عدد ولت‌سنج، ولتاژ دو سر مولد (V_{مولد}) را نشان می‌دهد و عدد آمپرسنج جریان گذرنده از مولد (I) را نشان می‌دهد. با توجه به رابطه زیر می‌توان، مقاومت درونی مولد (r) را اندازه‌گیری کرد.

$$V_{\text{مولد}} = \varepsilon - Ir$$

مکوه

وقتی کلید باز است و از مدار جریانی نمی‌گذرد، عدد ولت‌سنج همان نیرو محرکه مولد است پس:

$$\varepsilon = 12 \text{ V}$$

پس از بستن کلید، جریان گذرنده از مدار از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} \Rightarrow I = \frac{12}{5 + 1} = 2 \text{ A}$$

حال با استفاده از رابطه ولتاژ دو سر مولد واقعی داریم:

$$V_{\text{مولد}} = \varepsilon - Ir \Rightarrow V_{\text{مولد}} = 12 - 2 \times 1 = 10 \text{ V}$$

توجه: در مورد رابطه $V_{\text{مولد}} = \varepsilon - Ir$ نکات زیر اهمیت دارد:

- به مقدار Ir افت پتانسیل دو سر مولد می‌گویند.

- در مولد آرمانی چون $r = 0$ است، بنابراین همواره ولتاژ دو سر مولد با نیروی محرکه الکتریکی مولد برابر است.

- اگر جریان گذرنده از مولد واقعی صفر باشد ($I = 0$) ولتاژ دو سر مولد واقعی با نیروی محرکه الکتریکی مولد برابر است.

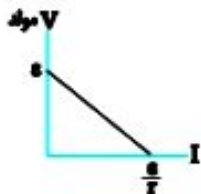
- همواره ولتاژ دو سر مولد با ولتاژ دو سر مقاومت مدار ($V = RI$) برابر است.



مسئله

-۱۲

نمودار $V-I$ مولد واقعی به شکل زیر است که شیب آن برابر با $-r$ که r مقاومت درونی مولد است.



پس طبق نمودار صورت سوال $\varepsilon_A = \varepsilon_B$ است. چون شیب B بیشتر از شیب A است پس $r_B > r_A$ است.

مسئله

-۱۳

$$\begin{aligned} V_a - I r_1 + \varepsilon_1 - I R - I r_2 + \varepsilon_2 &= V_b \\ \Rightarrow V_a - 2 \times 1 + 10 - 2 \times 10 - 2 \times 0.5 + 21 &= V_b \\ \Rightarrow V_a - V_b &= -8 \text{ V} \end{aligned}$$

توجه کنید که:

۱- هرگاه در مدار در جهت جریان از مقاومت R بگذریم پتانسیل به اندازه IR کاهش می‌یابد و اگر در خلاف جهت جریان حرکت کنیم پتانسیل به همان اندازه افزایش می‌یابد.

۲- هرگاه از پایانه منفی به طرف پایانه مثبت یک منبع نیروی محرکه حرکت کنیم پتانسیل اندازه ε افزایش می‌یابد و اگر در خلاف این جهت (یعنی از پایانه مثبت به طرف پایانه منفی) حرکت کنیم پتانسیل به اندازه ε کاهش می‌یابد.

مسئله

-۱۴

برای محاسبه جریان عبوری از مدار چون $\varepsilon_1 > \varepsilon_2$ است جهت جریان مدار در جهت ساعتگرد است. از نقطه a طبق قاعده حلقه، یک دور کامل می‌زنیم.

$$\begin{aligned} V_a - \varepsilon_2 - I r_2 - I R - I r_1 + \varepsilon_1 &= V_a \\ \Rightarrow -2 - I \times 1/5 - I \times 8/5 - I \times 2 + 8 &= 0 \\ \Rightarrow I &= 0.5 \text{ A} \end{aligned}$$

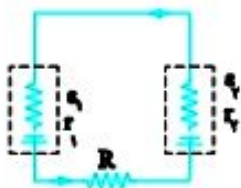
برای باتری ۱ از b به a ساعتگرد می‌رویم:

$$\begin{aligned} V_b - I r_1 + \varepsilon_1 &= V_a \Rightarrow V_a - V_b = \varepsilon_1 - I r_1 \\ \Rightarrow V_a - V_b &= 8 - 0.5 \times 2 = 7 \text{ V} \end{aligned}$$

برای باتری ۲ از a به c ساعتگرد داریم:

$$\begin{aligned} V_a - \varepsilon_2 - I r_2 &= V_c \Rightarrow V_a - V_c = \varepsilon_2 + I r_2 \\ \Rightarrow V_a - V_c &= 2 + 0.5 \times 1/5 = 2.1 \text{ V} \end{aligned}$$

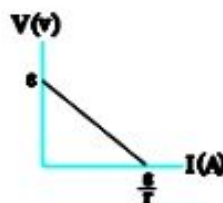
توجه در مدارهایی مطابق شکل که چند مولد داریم می‌توان جریان گذرنده از مدار را از رابطه زیر محاسبه کرد.



مسئله

-۹

توجه نمودار ولتاژ دو سر مولد واقعی برحسب جریان گذرنده (I) (مدار تک مولد) در مدار تک مولد. ولتاژ دو سر مولد از رابطه $\varepsilon - I r = V_{\text{مولد}}$ محاسبه می‌شود بنابراین نمودار $(V-I)$ مطابق شکل. به صورت خطی با شیب $-r$ و عرض از مبدأ ε است.



همچنین وقتی دو سر مولد واقعی اتصال کوتاه شود. ولتاژ دو سر آن صفر می‌شود و در این حالت حداکثر جریان ممکن از مولد خواهد گذشت که می‌توان نشان داد. مقدار این جریان برابر با $\frac{\varepsilon}{r}$ است.

با مقایسه نمودار این سوال با نمودار ولتاژ دو سر مولد برحسب جریان که توضیح دادیم داریم:

$$\varepsilon = 12 \text{ V}, V_{\text{مولد}} = \varepsilon - I r \Rightarrow 8 = 12 - 2 \times r \Rightarrow r = 2 \Omega$$

مسئله

-۱۰

آنچه برای روشن شدن خودرو و استارت خوردن آن لازم است. جریان است که البته باید مقدار زیادی هم باشد. باتری‌های قلمی، مقاومت داخلی زیادی دارند و بنابراین این مانع از برقراری جریان لازم می‌شود. به عبارت دیگر، با این که نیروی محرکه مجموعه باتری‌ها همان 12 V است. ولی به دلیل افزایش مقاومت داخلی، جریان عبوری کاهش می‌یابد و نمی‌تواند جریان بزرگ لازم برای استارت خوردن خودرو را تأمین کند.

مسئله

-۱۱

ولتاژ دو سر یک باتری وقتی از آن جریانی نگذرد (به مدار بسته نباشد) برابر با نیرو محرکه باتری است. پس:

$$\varepsilon = 12 \text{ V}$$

ولتاژ دو سر مولد با ولتاژ دو سر مقاومت مدار برابر است. برای مقاومت مدار (R) داریم:

$$V_R = R I \Rightarrow 10 = I \times 10 \Rightarrow I = 1 \text{ A}$$

حال با توجه به رابطه ولتاژ دو سر باتری داریم:

$$V_{\text{مولد}} = \varepsilon - I r \Rightarrow 10 = 12 - 1 \times r \Rightarrow r = 2 \Omega$$

چون جریان ساعتگرد است $\epsilon_1 > \epsilon_2$ است.

$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_1 + R_2 + r_1 + r_2}$$

$$\Rightarrow I = \frac{14 - \epsilon_2}{2 + 2 + 1 + 0.5} \Rightarrow \epsilon_2 = 7.5 \text{ V}$$



آسان

۱- گویه

افت پتانسیل داخل باتری برابر rI است. بنابراین افت پتانسیل در داخل باتری با شدت جریان (I) و مقاومت درونی پیل (r) نسبت مستقیم دارد.

آسان

۲- گویه

اگر به نحوه اتصال رتوستا در مدار توجه کنید چون قسمت B به مدار وصل نیست. با تغییر محل لفرزنده مقاومتی از رتوستا که در مدار است تغییر نمی‌کند. توجه کنید که چون نقاط A و C از رتوستا در مدار قرار گرفته است تمام مقاومت رتوستا در مدار است.

متوسط

۳- گویه

با حرکت لفرزنده از a تا b مقاومت رتوستا افزایش می‌یابد.

$$I = \frac{\epsilon = cR}{R_2 + R + r}$$

کاهش می‌یابد

بنابراین طبق رابطه $V = \epsilon - rI$ افزایش می‌یابد.

متوسط

۴- گویه

$$R_1 = 2r, R_2 = r$$

$$I = \frac{\epsilon}{R + r} \Rightarrow \begin{cases} I_1 = \frac{\epsilon}{2r + r} = \frac{\epsilon}{3r} \\ I_2 = \frac{\epsilon}{r + r} = \frac{\epsilon}{2r} \end{cases}$$

افت پتانسیل در باتری برابر rI است. پس: $\frac{rI_2}{rI_1} = \frac{I_2}{I_1} = \frac{2r}{3r} = \frac{2}{3}$

$$I = \frac{\epsilon_1 \pm \epsilon_2}{R + r_1 + r_2}$$

در رابطه فوق زمانی که مولدهای ϵ_1 و ϵ_2 در مدار. جریان‌های هم جهت ایجاد می‌کنند $\epsilon_1 + \epsilon_2$ است و زمانی که مولدهای ϵ_1 و ϵ_2 در مدار جریان خلاف جهت هم ایجاد می‌کنند $\epsilon_1 - \epsilon_2$ است. در این شرایط معمولاً مولد ϵ_1 را مولد محرک و مولد ϵ_2 را مولد ضد محرک می‌گویند.

برای مولدهای محرک که جریان به پایانه منفی وارد و از پایانه مثبت خارج می‌شود. ولتاژ دو سر مولد از رابطه

$$V_{\text{مولد}} = \epsilon - Ir$$

و برای مولدهای ضد محرک که جریان از پایانه منفی خارج و به پایانه مثبت وارد می‌شود. ولتاژ دو سر مولد از رابطه

$$V_{\text{مولد}} = \epsilon + Ir$$

محاسبه می‌شود.

متوسط

۵-

اگر $\epsilon_1 > \epsilon_2$ جهت جریان در مدار ساعتگرد است. ϵ_1 محرک و ϵ_2 ضد محرک است.

$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R + r_1 + r_2} \Rightarrow I = \frac{6 - 3}{1.5 + 0.5 + 1} = 1 \text{ A}$$

$$V_{\text{مولد ۱}} = \epsilon_1 - Ir_1 \Rightarrow V_{\text{مولد ۱}} = 6 - 1 \times 0.5 = 5.5 \text{ V}$$

$$V_{\text{مولد ۲}} = \epsilon_2 + Ir_2 \Rightarrow V_{\text{مولد ۲}} = 3 + 1 \times 1 = 4 \text{ V}$$

ب) از نقطه A ساعتگرد به سمت نقطه‌ای که پتانسیل صفر است ($V_{\text{زمین}} = 0$) حرکت می‌کنیم

$$V_A + \epsilon_1 - Ir_1 - IR = V_{\text{زمین}} \Rightarrow V_A + 6 - 1 \times 0.5 - 1 \times 1.5 = 0$$

$$\Rightarrow V_A = -2 \text{ V}$$

متوسط

۶-

با استفاده از قاعده حلقه می‌توان نشان داد:

$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2 - \epsilon_3}{R_1 + R_2 + R_3 + R_4 + r_1 + r_2}$$

$$\Rightarrow I = \frac{14 - 2 - 4}{2 + 2 + 1.5 + 2 + 1 + 0.5} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3} \text{ A}$$

جهت جریان الکتریکی در مدار پادساعتگرد است چون $\epsilon_1 > \epsilon_2 + \epsilon_3$ است. اکنون از A پادساعتگرد به B می‌رویم:

$$V_A - IR_1 + \epsilon_1 - Ir_1 - IR_2 - IR_3 = V_B$$

$$\Rightarrow V_A - \frac{2}{3} \times 2 + 14 - \frac{2}{3} \times 1 - \frac{2}{3} \times 2 - \frac{2}{3} \times 1.5 = V_B$$

$$\Rightarrow V_B - V_A = \frac{25}{3} \text{ V}$$

متوسط

۷-

مشاور

۱- گزیده

$$V = \mathcal{E} - Ir \Rightarrow V = \mathcal{E} - 0.1 \times 1.6 \Rightarrow V = \mathcal{E} - 0.16$$

$$\frac{V}{\mathcal{E}} = 0.16 \Rightarrow V = 0.16 \mathcal{E}$$

$$0.12 \mathcal{E} = 0.16 \Rightarrow \mathcal{E} = 1.33 \text{ V}$$

وقتی کلید را قطع کنیم از مولد جریان نمی‌گذرد و ولتاژ دو سر مولد برابر نیرو محرکه آن می‌شود.

آسان

۱۱- گزیده

چون دو سر باتری با یک سیم به هم وصل شده است ولتاژ دو سر آن صفر است.

مشاور

۱۲- گزیده

وقتی کلید باز است

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} \Rightarrow I = \frac{1.5}{0.5+0.5} = 1.5 \text{ A}$$

$$V_{\text{مولد}} = \mathcal{E} - Ir \Rightarrow V_{\text{مولد}} = 1.5 - 1.5 \times 0.5 = 0.75 \text{ V}$$

وقتی کلید بسته شود، دو سر مولد اتصال کوتاه شده و ولتاژ دو سر آن صفر می‌شود. پس ولتاژ دو سر مولد از ۰.۷۵ ولت به صفر ولت می‌رسد یعنی ۰.۷۵ ولت کاهش می‌یابد.

مشاور

۱۳- گزیده

مقاومت آمپرسنج آرمانی صفر است که باعث می‌شود دو سر مقاومت ۶ اهمی اتصال کوتاه شود و از مدار حذف شود. مقاومت ولتسنج آرمانی بی‌نهایت است و چون در مدار متوالی بسته شده، جریانی از مدار و مولد نمی‌گذرد. پس آمپرسنج صفر را نشان می‌دهد.

چون از مقاومت ۳ اهمی جریان نمی‌گذرد ولتاژ دو سر آن صفر است. بنابراین ولتسنج که عملاً به دو سر مولد وصل است تیروی محرکه مولد یعنی ۱۰ ولت را نشان می‌دهد.

مشاور

۱۴- گزیده

فرض می‌کنیم جریان از B به A باشد.

$$V_A + 2I + 10 + 2I + 6I - 6 + I + 2I = V_B$$

$$\Rightarrow V_A + 2 + 16I = V_B$$

$$\Rightarrow V_A - V_B = -16I - 2 \Rightarrow 12 = 16I + 2 \Rightarrow I = 0.5 \text{ A}$$

از مثبت شدن I می‌توان نتیجه گرفت فرض جریان از B به A فرض درستی بوده است. ولتسنج اختلاف پتانسیل دو سر مولد \mathcal{E}_1 را نشان می‌دهد.

چون جهت جریان الکتریکی از B به A است پس جریان به پایانه مثبت مولد \mathcal{E}_1 وارد می‌شود. یعنی مولد \mathcal{E}_1 ضد محرک است. پس:

$$V_{\text{مولد}} = \mathcal{E}_1 + Ir_1 \Rightarrow V_{\text{مولد}} = 10 + 0.5 \times 2 = 11 \text{ V}$$

ولتسنج که به دو سر مولد \mathcal{E}_1 وصل است ۱۱ ولت را نشان می‌دهد.

مشاور

۵- گزیده

افت پتانسیل مدار خارجی IR و افت پتانسیل در مولد Ir است. بنابراین داریم:

$$Ir = \frac{1}{9} IR \Rightarrow r = \frac{R}{9}$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} \Rightarrow 0.2 = \frac{6}{R + \frac{R}{9}} \Rightarrow \frac{1}{9} R = 30 \Rightarrow R = 27 \Omega$$

مشاور

۶- گزیده

وقتی باتری به مدار وصل نیست، جریان گذرنده از آن صفر است و ولتاژ دو سر آن برابر با نیرو محرکه مولد است. پس $\mathcal{E} = 12 \text{ V}$ است. ولتاژ دو سر مولد یا ولتاژ دو سر مقاومت مدار برابر است پس مولد:

$$V_R = V_{\text{مولد}} = 9.6 \text{ V}, V_R = RI \Rightarrow 9.6 = 8I$$

$$\Rightarrow I = 1.2 \text{ A}$$

$$V_{\text{مولد}} = \mathcal{E} - Ir \Rightarrow 9.6 = 12 - 1.2 \times r \Rightarrow r = 2 \Omega$$

آسان

۷- گزیده

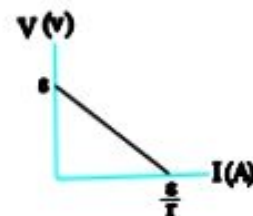
$$\mathcal{E} = 12 \text{ V}$$

$$V = \mathcal{E} - Ir \Rightarrow 7 = 12 - 2r \Rightarrow r = \frac{5}{2} = 2.5 \Omega$$

آسان

۸- گزیده

توجه در مدار تک مولد، ولتاژ دو سر مولد از رابطه $V = \mathcal{E} - Ir$ محاسبه می‌شود. بنابراین نمودار $(V - I)$ مطابق شکل، به صورت خطی با شیب $-r$ و عرض از مبدأ \mathcal{E} است.



با توجه به نکته بیان شده، $\mathcal{E}_A = 10 \text{ V}$ ، $\mathcal{E}_B = 20 \text{ V}$ است و چون محل تقاطع نمودارهای A و B با محور جریان (I) یکسان است پس

$$\frac{\mathcal{E}_A}{r_A} = \frac{\mathcal{E}_B}{r_B} \Rightarrow \frac{10}{r_A} = \frac{20}{r_B} \Rightarrow \frac{r_B}{r_A} = 2$$

مشاور

۹- گزیده

نمودار A مربوط به یک مولد ضد محرک و نمودار B مربوط به یک مولد محرک است. در نمودار A شیب خط برابر مقاومت درونی (r) و در نمودار B شیب خط برابر منفی مقاومت درونی (-r) است پس در نمودار B قدرمطلق شیب خط برابر با مقاومت درونی است.

$$\frac{r_A}{r_B} = \frac{\text{شیب خط A}}{|\text{شیب خط B}|} = \frac{18-14}{|4-14|} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$