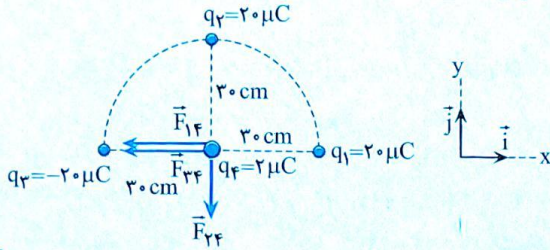


$$\Rightarrow F_{13} = F_{23} = \frac{9 \times 6 \times 10^{-3}}{18 \times 10^{-4}} \Rightarrow F_{13} = F_{23} = 30 \text{ N}$$

با توجه به شکل \vec{F}_{13} و \vec{F}_{23} عمود است. بنابراین با استفاده از رابطه فیثاغورس اندازه برآیند نیروها برابر است با:

$$F_T = \sqrt{F_{13}^2 + F_{23}^2} = \sqrt{30^2 + 30^2} \Rightarrow F_T = 30\sqrt{2} \text{ N}$$

۲۶. مطابق شکل زیر، ابتدا نیروهایی که از طرف بارهای q_1, q_2, q_3 بر بار q_4 وارد می شود را رسم می کنیم و سپس با استفاده از قانون کولن، اندازه هر یک از نیروها را به دست می آوریم و با توجه به جهت نیروها، هر یک را بر حسب بردار یکه می نویسیم و در آخر آن ها را با هم جمع برداری می کنیم.



$$\begin{cases} r_{14} = r_{24} = r_{34} = 3 \text{ cm} = 3 \times 10^{-2} \text{ m} \\ |q_1| = |q_2| = |q_3| = 2 \times 10^{-6} \text{ C} \end{cases} \Rightarrow$$

$$F_{14} = F_{24} = F_{34} = k \frac{|q_i||q_4|}{r_{i4}^2} \Rightarrow F_{14} = F_{24} = F_{34} \Rightarrow$$

$$F_{14} = F_{24} = F_{34} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} \Rightarrow$$

$$F_{14} = F_{24} = F_{34} = 4 \text{ N}$$

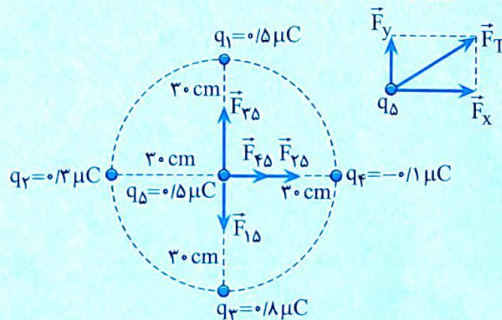
چون \vec{F}_{14} و \vec{F}_{24} در خلاف جهت محور x است، بر حسب بردار یکه برابر $\vec{F}_{14} = \vec{F}_{24} = -4\vec{i}$ و \vec{F}_{34} که در خلاف جهت محور y است برابر $\vec{F}_{34} = -4\vec{j}$ است.

برای محاسبه برآیند نیروها می توان نوشت:

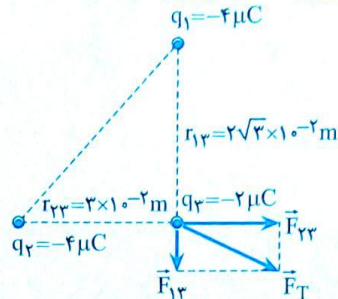
$$\vec{F}_T = \vec{F}_{14} + \vec{F}_{24} + \vec{F}_{34} \Rightarrow \vec{F}_T = -4\vec{i} - 4\vec{j} - 4\vec{i}$$

$$\Rightarrow \vec{F}_T = -8\vec{i} - 4\vec{j} \text{ (N)}$$

۲۷. مطابق شکل زیر، ابتدا نیروهایی که از طرف بارها بر بار q_5 وارد می شود را رسم می کنیم و سپس با استفاده از قانون کولن اندازه هر یک از نیروها را به دست می آوریم و با توجه به جهت نیروها، اندازه برآیند نیروها را حساب می کنیم.



۲۴. مطابق شکل زیر، ابتدا نیروهایی که از طرف بارهای q_1 و q_2 بر بار q_3 وارد می شود را رسم می کنیم و سپس با استفاده از قانون کولن، اندازه هر یک از نیروها را به دست می آوریم و در آخر با توجه به جهت نیروها بردار نیروی برآیند را رسم و اندازه آن را به دست می آوریم:



$$F_{13} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{12 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow F_{13} = 60 \text{ N}$$

$$F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow F_{23} = 80 \text{ N}$$

چون \vec{F}_{13} بر \vec{F}_{23} عمود است، با استفاده از رابطه فیثاغورس اندازه برآیند نیروها را به دست می آوریم:

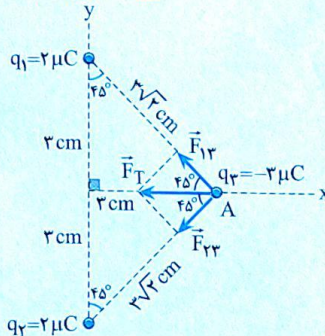
$$F_T = \sqrt{F_{13}^2 + F_{23}^2} = \sqrt{60^2 + 80^2} \Rightarrow F_T = 100 \text{ N}$$

بردار برآیند نیروها بر روی شکل رسم شده است.

۲۵. مطابق شکل زیر، ابتدا نیروهایی که از طرف بارهای q_1 و q_2 بر بار q_3 وارد می شود را رسم می کنیم و سپس با استفاده از قانون کولن، اندازه هر یک از نیروها را به دست می آوریم و در آخر با توجه به جهت نیروها، بردار نیروی برآیند را رسم و اندازه آن را به دست می آوریم. دقت کنید، ابتدا باید فاصله بارهای q_1 و q_2 از بار q_3 را بدست آوریم:

$$r_{13} = r_{23} = \sqrt{3^2 + 3^2} \Rightarrow r_{13} = r_{23} = 3\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$= 3\sqrt{2} \times 10^{-2} \text{ m}$$



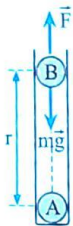
$$\begin{cases} r_{13} = r_{23} = 3\sqrt{2} \times 10^{-2} \text{ m} \\ |q_1| = |q_2| = 2 \times 10^{-6} \text{ C} \end{cases} \Rightarrow F_{13} = F_{23}$$

$$\Rightarrow F_{13} = F_{23} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{2} \times 10^{-2})^2}$$

اکنون با داشتن براینده نیروهای \vec{F}_{14} و \vec{F}_{24} باید نیروی براینده آن‌ها را مساوی \vec{F}_{34} قرار دهیم تا q_3 بدست آید:

$$F_{34} = F' \frac{F' = \sqrt{2}F_{14}}{\rightarrow F_{34} = \sqrt{2}F_{14} \Rightarrow k \frac{|q_4||q_3|}{r_{34}^2} = \sqrt{2} \times k \frac{|q_1||q_4|}{r_{14}^2} \Rightarrow \frac{|q_3|}{r_{34}^2} = \sqrt{2} \times \frac{|q_1|}{r_{14}^2} \Rightarrow \frac{|q_3|}{r^2} = \sqrt{2} \times \frac{2 \mu C}{r^2} \Rightarrow |q_3| = 2\sqrt{2} \mu C$$

$q_3 < 0 \rightarrow q_3 = -2\sqrt{2} \mu C$



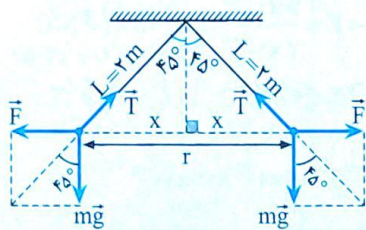
۲۹. برای حل این مسئله گلوله معلق B را در نظر می‌گیریم. مطابق شکل زیر بر گلوله B، نیروی وزن ($m\vec{g}$) و نیروی الکتریکی از طرف گلوله A وارد می‌شود. چون این گلوله در حال تعادل است، باید براینده این نیروهای وارد بر آن صفر باشد. بنابراین می‌توان نوشت:

$$F = mg \quad F = k \frac{|q_A||q_B|}{r^2}$$

$$k \frac{|q_A||q_B|}{r^2} = mg \quad \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{r^2} = 2 \times 10^{-3} \times 10$$

$$\Rightarrow r^2 = \frac{36 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-1}} \Rightarrow r^2 = 18 \times 10^{-2} = 9 \times 2 \times 10^{-2} \Rightarrow r = 3 \times \sqrt{2} \times 10^{-1} \frac{\sqrt{2}=1/4}{\times 100} \rightarrow r = 42 \text{ cm}$$

۳۰. مطابق شکل زیر، نیروهای وارد بر هر گلوله را رسم می‌کنیم و سپس به صورت زیر جرم هر یک از دو گلوله را به دست می‌آوریم. دقت کنید، در ابتدا باید فاصله بین دو گلوله را حساب کنیم:



$$\sin \varphi_5 = \frac{x}{L} \quad L = 2m \rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{x}{2} \Rightarrow x = \sqrt{2} m$$

$$r = x + x = \sqrt{2} + \sqrt{2} \Rightarrow r = 2\sqrt{2} m$$

$$\tan \varphi_5 = \frac{F}{mg} \Rightarrow 1 = \frac{k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}}{mg} \Rightarrow mg = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

$$\frac{r = 2\sqrt{2} m, q}{|q_1| = |q_2| = 0.01 C = 10^{-2} C} \rightarrow m \times 10 = 9 \times 10^9 \times \frac{10^{-2} \times 10^{-2}}{(2\sqrt{2})^2}$$

$$\Rightarrow 10 \cdot m = \frac{9 \times 10^3}{8} \Rightarrow m = \frac{9000}{80} \Rightarrow m = 112.5 \text{ kg}$$

محاسبه اندازه نیروها:

$$F_{15} = k \frac{|q_1||q_5|}{r_{15}^2} \quad r_{15} = 3 \text{ cm} = 3 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$F_{15} = \frac{9 \times 10^9 \times 0.5 \times 10^{-6} \times 0.5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} = 25 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_{25} = k \frac{|q_2||q_5|}{r_{25}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 0.3 \times 10^{-6} \times 0.5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} = 15 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_{35} = k \frac{|q_3||q_5|}{r_{35}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 0.8 \times 10^{-6} \times 0.5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} = 40 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_{45} = k \frac{|q_4||q_5|}{r_{45}^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 0.1 \times 10^{-6} \times 0.5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} = 5 \times 10^{-3} \text{ N}$$

محاسبه اندازه براینده نیروها:

ابتدا براینده نیروهای هم‌راستا را حساب می‌کنیم:

$$F_x = F_{25} + F_{45} = 15 \times 10^{-3} + 5 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow F_x = 20 \times 10^{-3}$$

$$F_y = F_{25} + F_{15} = 40 \times 10^{-3} - 25 \times 10^{-3}$$

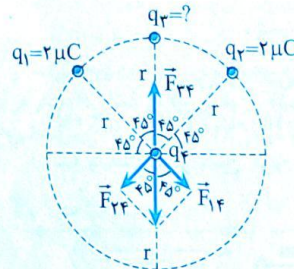
$$\Rightarrow F_y = 15 \times 10^{-3}$$

چون F_x و F_y بر هم عمودند، از رابطه فیثاغورس استفاده می‌کنیم:

$$F_T = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} \Rightarrow F_T = \sqrt{(20 \times 10^{-3})^2 + (15 \times 10^{-3})^2}$$

$$\Rightarrow F_T = \sqrt{625 \times 10^{-6}} \Rightarrow F_T = 25 \times 10^{-3} \text{ N}$$

۲۸. با توجه به شکل زیر، برای تعادل بار q_4 ، باید نیرویی که بار q_3 بر بار q_4 وارد می‌کند، هم‌اندازه، هم‌راستا و در سوی مخالف براینده نیروهایی باشد که بارهای q_1 و q_2 بر بار q_4 وارد می‌کنند. بنابراین با فرض این که بار q_4 مثبت باشد، باید بار q_3 منفی باشد تا در سوی مخالف براینده نیروهای بارهای q_1 و q_2 بر بار q_4 باشد. بنابراین با رسم نیروها می‌توان نوشت:



$$\begin{cases} q_1 = q_2 = 2 \mu C \\ r_{14} = r_{24} = r \end{cases} \Rightarrow F_{14} = F_{24} = k \frac{|q_1||q_4|}{r^2}$$

چون \vec{F}_{14} و \vec{F}_{24} بر هم عمودند، براینده آنها از رابطه فیثاغورس به دست می‌آید و برابر است با:

$$F' = \sqrt{F_{14}^2 + F_{24}^2} \xrightarrow{F_{14} = F_{24}} F' = \sqrt{2} F_{14}$$