

## عنوان

تاریخ برگزاری آزمون: ۱۶/۰۸/۱۴۰۱

مؤسسه علمی آموزشی علوی

پایه تحصیلی: نهم متوسطه

پاسخ‌نامه حساب همگام ۲ نهم متوسطه

ردیف

(الف) ۴/۵. نمره) (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی و قدرمطلق - صفحه ۲۵ کتاب درسی) (آسان)

ب) ۱/۵. نمره) فاصله نقطه  $a$  از مبدأ را با  $|a|$  (قدر مطلق  $a$ ) نمایش می‌دهند. (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی و

قدر مطلق - صفحه ۲۵ کتاب درسی) (آسان)

$$پ) ۵/۵. نمره) اگر  $a > 0$  باشد  $\sqrt{a^2} = |a| = a$  (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی و قدر مطلق - صفحه ۲۷، ۲۳ و ۲۸ کتاب درسی) (آسان)$$

ت) ۳/۵. نمره) به مجموعه اعداد اعشاری نامختوم نامتناوب اعداد گنگ گویند. (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی و قدر مطلق - صفحه ۲۷، ۲۳ و ۲۸ کتاب درسی) (متوسط)

(الف) درست (۵/۵. نمره) (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی - صفحه ۴۱، ۴۰ و ۴۲ کتاب درسی) (آسان)

ب) نادرست (۵/۵. نمره) اعداد اعشاری نامختوم نامتناوب را نمی‌توان به کسر تبدیل کرد. (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی - صفحه ۴۱، ۴۰ و ۴۲ کتاب درسی) (متوسط)

پ) درست (۵/۵. نمره) هر عدد طبیعی یک عدد حقیقی است. (فصل دوم - عددهای حقیقی - عددهای گویا - عددهای حقیقی - صفحه ۴۱، ۴۰ و ۴۲ کتاب درسی) (آسان)

ت) نادرست (۵/۵. نمره) تنها عدد اول زوج عدد ۲ است. اعداد زوج کمتر از  $100$  چهل و نه عدد است. در نتیجه احتمال اول بودن اعداد زوج کمتر از  $100$   $\frac{1}{49}$  می‌باشد. (فصل اول - مجموعه‌ها - احتمال - صفحه ۱۷ کتاب درسی) (متوسط)

(الف) گویا (۵/۵. نمره) (فصل دوم - اعداد حقیقی - عدد گویا - عدد حقیقی - قدر مطلق - صفحه ۲۵ و ۲۹ کتاب درسی) (آسان)

ب) کوچکتر یا مساوی (۵/۵. نمره) (فصل دوم - اعداد حقیقی - عدد گویا - عدد حقیقی - قدر مطلق - صفحه ۲۵، ۲۱ و ۲۹ کتاب درسی) (دشوار)

پ) یک (۵/۵. نمره) (فصل اول - مجموعه‌ها - احتمال - صفحه ۱۶ کتاب درسی) (متوسط)

ت) مختوم (۵/۵. نمره) (فصل دوم - اعداد حقیقی - عدد گویا - عدد حقیقی - قدر مطلق - صفحه ۲۱، ۲۵ و ۲۹ کتاب درسی) (متوسط)

(الف) گزینه ۴. - (۵/۵. نمره) (فصل دوم - اعداد حقیقی - عدد گویا - قدر مطلق - صفحه ۱۹ و ۲۹ کتاب درسی) (متوسط)

ب) گزینه ۴. - (۵/۵. نمره) زیرا مشخص نیست که رقم  $a$  بزرگتر از رقم  $b$  است یا برعکس، چون در جمع دو عبارت مختلف

العلامة، علامت رقم بزرگتر، علامت حاصل جمع می‌شود. (فصل دوم - اعداد حقیقی - عدد گویا - قدر مطلق - صفحه ۱۹ و ۲۹ کتاب درسی) (دشوار)

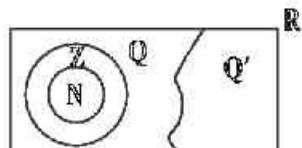
پ) گزینه ۱. - (۵/۵. نمره)

$$\sqrt{4} = 2 < \sqrt{5} < 3 = \sqrt{9} \Rightarrow -2 < -\sqrt{5} < -1 \xrightarrow{+1} -1 < -\sqrt{5} < -2 \xrightarrow{-1} 1 < \sqrt{5} < 2 \quad (فصل دوم - اعداد حقیقی - صفحه ۲۷ کتاب درسی) (متوسط)$$

ت) گزینه ۳. - (۵/۵. نمره) به تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه  $S$  می‌توان پیشامد تعریف کرد.

(فصل اول - مجموعه‌ها - احتمال - صفحه ۱۶ کتاب درسی) (دشوار)

(الف) رسم نمودار ون (۵/۵. نمره)



$$Q \cup Q' = R \quad (۵/۵. نمره)$$

ب) (۵/۵. نمره)  $\sqrt{9} \notin N \Rightarrow \sqrt{9} \in \mathbb{R}$  جذر ندارد.

$$(۵/۵. نمره) \mathbb{Q} \subseteq \left\{ -\frac{2}{3}, \sqrt{36} = 6 \right\} \quad (فصل دوم - اعداد حقیقی - صفحه ۲۴ کتاب درسی) (متوسط)$$

(۵/۵. نمره)  $\mathbb{Z} \not\subseteq \mathbb{Q}'$ (۵/۵. نمره)  $\exists n \in \mathbb{N} : n \in \mathbb{Q}' \cap \mathbb{Z}$  نامختوم نامتناوب

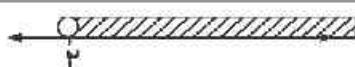
(فصل دوم - اعداد حقیقی - صفحه ۲۴ کتاب درسی) (متوسط)

تاریخ برگزاری آزمون: ۱۶ آگوست ۱۴۰۱

## ع۹

مؤسسه علمی آموزشی علوی

پایه تحصیلی: نهم متوسطه



(الف) رسم محور (۵٪ نمره)

$$1/\sqrt{3} \notin A$$

(ب) (۵٪ نمره)

(فصل دوم - اعداد حقیقی - صفحه ۲۶ کتاب درسی (متوسط))

۶

$$\frac{3 \times 5}{4 \times 5} = \frac{15}{20} < \frac{4 \times 4}{5 \times 4} = \frac{16}{20}$$

(الف) ابتدا مخرج مشترک می‌گیریم (۲۵٪ نمره)  
 (۲۵٪ نمره) چون بین ۱۵ و ۱۶ عدد طبیعی یافت نمی‌شود، صورت و مخرج و کسر را در  $1 + \frac{3}{4}$  (تعداد کسرهای خواسته شده) ضرب می‌کنیم.

$$\frac{6}{8} = \frac{15 \times 4}{20 \times 4} < \frac{\boxed{61}}{\boxed{80}} < \frac{\boxed{62}}{\boxed{80}} < \frac{\boxed{63}}{\boxed{80}} < \frac{16 \times 4}{20 \times 4} = \frac{64}{80}$$

$$1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{2}}}} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow 1 - \frac{1}{2} = -1 \Rightarrow 1 - \frac{1}{-1} = 1 + 1 = 2$$

(فصل دوم - اعداد حقیقی - اعدادهای گویا - صفحه ۲۲ کتاب درسی (دشوار))

۷

$$|-4\sqrt{3} + 6| = |-\sqrt{48} + \sqrt{36}| = -(-4\sqrt{3} + 6) = 4\sqrt{3} - 6$$

منفی است (۲۵٪ نمره)

$$|\frac{1}{2^{3^7}} - \frac{1}{2^{3^8}}| = \frac{1}{2^{3^7}} - \frac{1}{2^{3^8}}$$

ثبت است (۲۵٪ نمره)

ب) خیر (۵٪ نمره) ممکن است، صفر شود زیرا:

۸

$$a > 0 \Rightarrow |a| = a \Rightarrow a + |a| = a + a = 2a > 0$$

$$a < 0 \Rightarrow |a| = -a \Rightarrow a - a = 0$$

$$a = 0 \Rightarrow |a| = 0 = 0 \Rightarrow a + |a| = 0$$

(فصل دوم - اعداد حقیقی - قدر مطلق و محاسبات تقریبی - صفحه ۲۹ و ۳۱ کتاب درسی (دشوار))

$$\underbrace{\{(r, 1), (r, 2), \dots, (r, 6)\}}_{(۲۵٪ نمره)} , \underbrace{\{(p, 1), \dots, (p, 6)\}}_{(۲۵٪ نمره)} \Rightarrow n(S) = 2 \times 6 = 12$$

(الف)

(ب)

$$B = \underbrace{\{(p, 2), (p, 3), (p, 5)\}}_{(۲۵٪ نمره)}$$

$$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

پ) باید پیشلمدی تعریف شود که احتمال آن  $\frac{3}{12}$  باشد. (۲۵٪ نمره)مثال: احتمال اینکه سکه رو و تاس زوج بیاید.  $\{(6, r), (r, 4), (4, r), (2, r)\}$  (۲۵٪ نمره)

(فصل اول - مجموعه ها - مجموعه و احتمال - صفحه ۱۷ و ۱۶ کتاب درسی (متوسط))

۹