

آزمون آزمایشی پیشروی

جمعه ۱۴۰۱/۱۲/۱۹

کد آزمون: DOA12R10

دوره‌ای دوازدهم ریاضی - پیشروی ۷

پاسخ‌نامه

آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی

ردیف	مواد امتحانی	از شماره	تا شماره
۱	حسابان	۱	۲۰
۲	هندسه	۲۱	۳۴
۳	ریاضیات گسسته	۳۵	۴۵
۴	فیزیک	۴۶	۸۰
۵	شیمی	۸۱	۱۱۰

حسابان

۱- گزینه «۴» - تابع مورد نظر یک تابع نمایی به فرم a^x با شرط $a > 1$ است. پس:

$$m^2 - 4m + 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = 1 \Rightarrow f(x) = 1^x \\ m = 3 \Rightarrow f(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x \end{cases}$$

بنابراین $m = 1$ قابل قبول است و $f(x) = 1^x$ خواهد بود پس $f(1+m) = f(2) = 2$ یعنی ۴ خواهد بود. (نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - تابع نمایی) (آسان)
-گزینه «۴»

$$(1 + \sqrt{2})^{x^2} < (1 + \sqrt{2})^{4x} \xrightarrow{1 + \sqrt{2} > 1} x^2 < 4x \Rightarrow \frac{x(x^2 - 4)}{p(x)} < 0$$

x	-2	0	2
p(x)	-	+	-

$p(x) < 0 \Rightarrow x \in (-\infty, -2) \cup (0, 2)$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - نامعادله نمایی) (متوسط)
-گزینه «۲»

$$\log_b a = A \Rightarrow A + \frac{1}{A} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{A^2 + 1}{A} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow 3A^2 - 1 \cdot A + 3 = 0 \Rightarrow A = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \log_b a = 3 \Rightarrow a = b^3 \Rightarrow B = \frac{3}{3} + \frac{3}{3} = \frac{6}{3} \\ \log_b a = \frac{1}{3} \Rightarrow b = a^3 \Rightarrow B = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{2}{3} \end{cases}$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - لگاریتم) (متوسط)
-گزینه «۳»

$$\log_3(\log_2(1 - \log_2 x)) = -2 \Rightarrow \log_2(1 - \log_2 x) = \frac{1}{9}$$

$$\Rightarrow 1 - \log_2 x = 2^{\frac{1}{9}} \Rightarrow \log_2 x = 1 - \sqrt[9]{2} \Rightarrow x = 2^{1 - \sqrt[9]{2}}$$

$$\Rightarrow x \times 2^{1 + \sqrt[9]{2}} = 2^{1 - \sqrt[9]{2}} \times 2^{1 + \sqrt[9]{2}} = 2^2 = 4$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - لگاریتم) (متوسط)
-گزینه «۳»

$$\begin{cases} 2 \log a + \log b = 2 \\ 3 \log a + 2 \log b = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \log a = 1 \\ \log b = 1 \end{cases} \Rightarrow a = b = 1 \Rightarrow \frac{a}{b} = 1$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - لگاریتم) (آسان)
-گزینه «۳»

$$\log_6 \sqrt{v} = A \Rightarrow \frac{1}{2} \log_6 v = A \Rightarrow \log_6 v = 2A$$

$$\log_{2\lambda} \sqrt{v} = \frac{\log \sqrt{v}}{\log 2\lambda} = \frac{\frac{1}{2} \log v}{\log 2 + \log \lambda} = \frac{\frac{1}{2} \log_6 v}{2 + \log_6 v} = \frac{\frac{1}{2} \times 2A}{2 + 2A} = \frac{A}{2(1+A)}$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - لگاریتم) (متوسط)
-گزینه «۲»

$$ax + c = 0 \xrightarrow{x = -\frac{c}{a}} -\frac{c}{a} + c = 0 \Rightarrow c = \frac{c}{a}$$

$$f(0) = 0 \Rightarrow a + \log_2 c = 0 \Rightarrow \log_2 c = -a \Rightarrow c = 2^{-a} \Rightarrow 2^a \times c = 1$$

$$\xrightarrow{c = \frac{1}{2^a}} \rightarrow 2^a \times \frac{1}{2^a} = 1 \Rightarrow a \times 2^a = \frac{1}{2}$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - نمودار لگاریتم) (متوسط)
-گزینه «۱»

$$\begin{cases} \log E_1 = 11/\lambda + 1/\Delta M_1 \\ \log 1 \cdot E_1 = 11/\lambda + 1/\Delta M_2 \end{cases} \xrightarrow{-} \log 1 \cdot E_1 - \log E_1 = 1/\Delta (M_2 - M_1)$$

$$\Rightarrow \log \frac{1 \cdot E_1}{E_1} = 1/\Delta (M_2 - M_1) \Rightarrow M_2 - M_1 = \frac{1}{1/\Delta} = \frac{2}{3}$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - کاربرد لگاریتم) (متوسط)
-گزینه «۱»

$$f(x) = ax + b \Rightarrow xf(x) = ax^2 + bx$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{xf(x) - 4}{x - 2} = \lambda \Rightarrow \begin{cases} 2f(2) = 4 \\ f(2) + 2f'(2) = \lambda \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4a + 2b = 4 \\ 2a + b + 2a = \lambda \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4a + 2b = 4 \\ 4a + b = \lambda \end{cases} \xrightarrow{-} a = 2, b = -4 \Rightarrow f(x) = 2x - 4 \Rightarrow f(1) = -1$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - تعریف مشتق) (متوسط)

۱۰- گزینه «۲» - تابع f در $x = 4$ پیوستگی راست دارد زیرا:

$$f(4) = -1, \lim_{x \rightarrow 4^+} \left[-\frac{4}{x} \right] \tan \frac{\pi}{x} = \left[-\frac{4}{4^+} \right] = -1$$

در همسایگی راست $x = 4$ براکت را به عدد تبدیل می‌کنیم. سپس مشتق تابع $f(x)$ را حساب می‌کنیم.

$$f(x) = -\tan \frac{\pi}{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{\pi}{x^2} (1 + \tan^2 \frac{\pi}{x}) \Rightarrow f'_+(4) = \frac{\pi}{4}$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - توابع مثلثاتی و مشتق‌پذیری) (دشوار)
-گزینه «۳»

$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{2}x^2 + ax \Rightarrow f'(x) = x^3 - x + a$$

$$f'(\cos \alpha) = 0 \Rightarrow \cos^3 \alpha - \cos \alpha + a = 0$$

$$\Rightarrow a = \cos \alpha (1 - \cos^2 \alpha) = \cos \alpha \sin^2 \alpha$$

$$f''(a) = f''(\cos \alpha \sin^2 \alpha) = 3(\cos \alpha \sin^2 \alpha)^2 - 1 = 3 \cos^2 \alpha \sin^4 \alpha - 1$$

$$= 3(\sin \alpha \cos \alpha)^2 \sin^2 \alpha - 1 = \frac{3}{4} \sin^2 2\alpha \sin^2 \alpha - 1$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - مشتق مثلثاتی) (دشوار)
-گزینه «۴» - در $f(x) = X - 2$ پیوسته است.

$$f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 1 + a \cdot \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = b \times (-2) \times 2 = -12b$$

$$1 + a = -12b \Rightarrow a + 12b = -1 \quad (1)$$

مشتق چپ و راست $f(x)$ در $x = 2$ برابر است.

$$x \rightarrow 2^- \Rightarrow f(x) = x - 1 + a \Rightarrow f'(x) = 1 \Rightarrow f'_-(2) = 1$$

$$x \rightarrow 2^+ \Rightarrow f(x) = -3bx^2 \Rightarrow f'(x) = -6bx \Rightarrow f'_+(2) = -12b$$

$$f'_-(2) = f'_+(2) \Rightarrow -12b = 1 \Rightarrow b = -\frac{1}{12} \xrightarrow{(1)} a = 0 \Rightarrow a + b = \frac{-1}{12}$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - مشتق‌پذیری) (متوسط)
-گزینه «۴» - راه اول:

$$f(x) = y = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 1} \Rightarrow x^2 y - y = x^2 + 1 \Rightarrow x^2 = \frac{y + 1}{y - 1}$$

$$\Rightarrow x = \sqrt{\frac{y + 1}{y - 1}} \Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt{\frac{x + 1}{x - 1}}$$

$$\Rightarrow (f^{-1})'(x) = \frac{-2}{2\sqrt{\frac{x + 1}{x - 1}} \cdot \frac{x - 1}{x - 1}} \Rightarrow (f^{-1})'(0) = -\frac{2}{3}$$

راه دوم:

$$f(x) = 0 \Rightarrow x = -1$$

$$f'(x) = \frac{-2}{(x^2 - 1)^2} (2x^2) \Rightarrow f'(-1) = \frac{-2}{2} \Rightarrow (f^{-1})'(0) = \frac{-2}{3}$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - مشتق‌گیری) (دشوار)
-گزینه «۱»

$$g^{-1}(1 + f(3x - 1)) = x^2 + 1 \Rightarrow 1 + f(3x - 1) = g(x^2 + 1)$$

$$\Rightarrow 3f'(3x - 1) = 3x^2 g'(x^2 + 1) \xrightarrow{x=1} f'(2) = g'(2) \Rightarrow \frac{f'(2)}{g'(2)} = 1$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - مشتق تابع مرکب) (متوسط)
-گزینه «۲»

$$f'(x) = \frac{-\gamma}{(x+1)^2} + \frac{1}{(3+x)^2} \cos \frac{\pi}{3+x}$$

$$\Rightarrow f'(0) = \frac{-\gamma}{12} + \frac{1}{18} = \frac{-2\gamma + 2}{36} = \frac{-19}{36}$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - آهنگ لحظه‌ای) (متوسط)

۱۶- گزینه «۱» - نقطه M را به صورت $M(x, x^2)$ در نظر می‌گیریم.

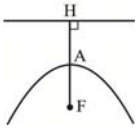
$$d = |OM| = \sqrt{x^2 + x^4}$$

$$d' = \frac{2x + 4x^3}{2\sqrt{x^2 + x^4}} \Rightarrow d'(1) = \frac{\lambda}{2\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - آهنگ تغییر) (متوسط)

۲۴- گزینه «۳» - FH محور تقارن سهمی داده شده است که معادله آن $x = \frac{3-1}{2} = 1$ است

پس رأس سهمی را $A(1, \beta)$ فرض می‌کنیم.



$2a = 4 \Rightarrow a = 2$

معادله سهمی: $(x-1)^2 = -\lambda(y-\beta)$

نقطه $(-1, 0)$ روی سهمی قرار دارد پس در آن صدق می‌کند.

$(-1-1)^2 = -\lambda(0-\beta) \Rightarrow \beta = \frac{1}{2}$

خط هادی: $y = \beta + a = \frac{1}{2} + 2 = \frac{5}{2}$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (متوسط)
۲۵- گزینه «۲» -

$y^2 + py = 4x \Rightarrow y^2 + py + \frac{p^2}{4} = 4x + \frac{p^2}{4}$

$$\Rightarrow (y + \frac{p}{2})^2 = 4(x + \frac{p^2}{16}) \Rightarrow \begin{cases} h = -\frac{p^2}{16} \\ k = -\frac{p}{2} \\ a = 1 \end{cases}$$

دهانه سهمی به راست باز می‌شود. پس:

$F = (h + a, k) = (-\frac{p^2}{16} + 1, -\frac{p}{2})$

چون F روی محور y ها قرار دارد پس طول آن صفر است. $1 - \frac{p^2}{16} = 0 \Rightarrow p = \pm 4$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (متوسط)
۲۶- گزینه «۳» - می‌توان اثبات کرد که:

$\frac{FN}{FA} = \frac{2NT}{TH} \Rightarrow FN = 2a = 2 \times 3 = 6$

(کتاب درسی با تغییر) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (دشوار)
۲۷- گزینه «۲» -

$x^2 - 4ax = -4y - b \xrightarrow{+4a^2} x^2 - 4ax + 4a^2 = -4y - b + 4a^2$

$\Rightarrow (x - 2a)^2 = -4(y + \frac{b}{4} - a^2) \Rightarrow h = 2a, k = a^2 - \frac{b}{4}, 4p = 4 \Rightarrow p = 1$

سهمی قائم و دهانه آن به پایین باز می‌شود. پس:

$F = (h, k - p) = (2a, a^2 - \frac{b}{4} - 1) = (-2, -1)$

$\Rightarrow \begin{cases} 2a = -2 \Rightarrow a = -1 \\ a^2 - \frac{b}{4} - 1 = -1 \Rightarrow 1 - \frac{b}{4} - 1 = -1 \Rightarrow b = 4 \end{cases}$

$a^2 + b = 1 + 4 = 5$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (دشوار)

۲۸- گزینه «۲» - مفهوم سوال این است که $F(4, 2)$ کانون سهمی است. دهانه سهمی رو به راست باز می‌شود.

$F = (4, 2) = (h + a, k) \Rightarrow \begin{cases} k = 2 \\ h + a = 4 \end{cases}$

خط هادی $x = h - a$ خواهد بود.

$\begin{cases} h + a = 4 \\ h - a = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h = 1 \\ a = 3 \end{cases}$

معادله این سهمی به صورت زیر است:

$(y - k)^2 = 4a(x - h) \Rightarrow (y - 2)^2 = 12(x - 1)$

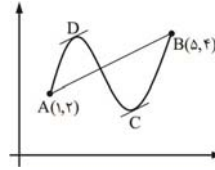
برای محور برخورد x ها:

$y = 0 \Rightarrow x = \frac{4}{3}$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (متوسط)

۱۷- گزینه «۳» - شیب خط واصل AB برابر $\frac{1}{2}$ است. پس جواب‌های معادله $f'(x) = \frac{1}{2}$ تعداد

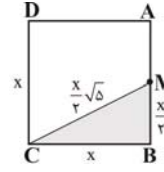
نقاطی است که آهنگ لحظه‌ای تابع $f(x)$ برابر آهنگ متوسط تابع در بازه $[1, 5]$ را نشان می‌دهد.



با توجه به نمودار در دو نقطه C و D خط مماس بر تابع موازی پاره‌خط AB است.

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - آهنگ تغییر) (دشوار)

۱۸- گزینه «۳» -



$CM = \sqrt{x^2 + \frac{x^2}{4}} = \frac{x}{2}\sqrt{5}$

محیط را $f(x)$ فرض می‌کنیم.

$f(x) = x(1 + \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}) = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}x \Rightarrow f'(x) = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - آهنگ تغییر) (متوسط)

۱۹- گزینه «۲» - آهنگ لحظه‌ای این تابع در وسط بازه برابر آهنگ متوسط است.

$m = \frac{-3 + 5}{2} = 1$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - آهنگ تغییر) (متوسط)

۲۰- گزینه «۴» -

$S = S_{ABC} = \frac{1}{2}bc \sin A = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 \times \sin \alpha = 4 \sin \alpha$

$S(\alpha) = 4 \sin \alpha \Rightarrow S'(\alpha) = 4 \cos \alpha \Rightarrow S'(\frac{\pi}{4}) = 2\sqrt{2}$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - آهنگ تغییر) (متوسط)

هندسه

۲۱- گزینه «۱» -

$x^2 + 3x + \frac{9}{4} = y - 5 + \frac{9}{4} \Rightarrow (x + \frac{3}{2})^2 = y - \frac{11}{4}$

$\Rightarrow h = -\frac{3}{2}, k = \frac{11}{4}, 4a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{4}$

$F = (h, a + k) = (-\frac{3}{2}, 2)$

(کتاب درسی با تغییر) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (آسان)

۲۲- گزینه «۳» - نقطه مورد نظر را $A(x, y)$ در نظر می‌گیریم.

$\sqrt{(x+2)^2 + y^2} = |x-2| \Rightarrow x^2 + 4x + 4 + y^2 = x^2 - 4x + 4 \Rightarrow y^2 = -8x$

(نصیری) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (آسان)

۲۳- گزینه «۳» -

$y^2 + 4y = 4x \xrightarrow{+4} y^2 + 4y + 4 = 4x + 4$

$\Rightarrow (y+2)^2 = 4(x+1) \Rightarrow \begin{cases} A(-1, -2) \\ 4a = 4 \Rightarrow a = 1 \end{cases}$

دهانه سهمی رو به راست باز می‌شود. بنابراین:

$F = (h + a, k) = (-1 + 1, -2) = (0, -2)$

وسط F و A را بدست می‌آوریم.

$W = \frac{F+A}{2} = (-\frac{1}{2}, -2)$

$|WB| = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5$

(سراسری با تغییر) (پایه دوازدهم - فصل دوم - سهمی) (متوسط)

۲۹- گزینه «۳» - طبق قضیه نیمسازها:

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} = \frac{2}{3} \Rightarrow \begin{cases} AB = 2x \\ AC = 3x \end{cases}$$

حال قضیه کسینوسها را اعمال می‌کنیم.

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2 \times AB \times BC \times \cos 60^\circ$$

$$\Rightarrow 9x^2 = 4x^2 + 25 - 2 \times 2x \times 5 \times \frac{1}{2} \Rightarrow 5x^2 + 10x - 25 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x - 5 = 0 \Rightarrow x = \sqrt{6} - 1$$

$$2P = 5x + 5 = 5(\sqrt{6} + 1) = 5\sqrt{6}$$

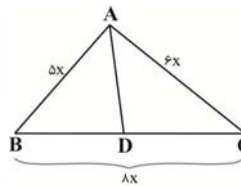
(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - قضیه کسینوسها و نیمسازها) (متوسط)

گزینه «۳» -

$$\frac{1}{h_a} = \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} = \frac{b^2 + c^2}{b^2 c^2} = \frac{4}{11} \Rightarrow h_a = \frac{1}{\frac{4}{11}} = \frac{11}{4}$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - روابط مثلث قائم الزاویه) (آسان)

گزینه «۱» -



$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} = \frac{5}{6} \Rightarrow \frac{BD}{BD+DC} = \frac{5}{5+6}$$

$$\Rightarrow \frac{BD}{11x} = \frac{5}{11} \Rightarrow BD = \frac{50}{11}x$$

$$DC = 11x - \frac{50}{11}x = \frac{61}{11}x$$

$$\frac{S_{ABC}}{S_{ADC}} = \frac{BC}{DC} = \frac{11}{\frac{61}{11}} = \frac{121}{61}$$

(سراسری یا تغییر) (پایه یازدهم - فصل سوم - قضیه نیمسازها) (متوسط)

گزینه «۴» - طبق قضیه استورات داریم:

$$AB^2 \cdot DC + AC^2 \cdot BD = AD^2 \cdot BC + BD \cdot DC \cdot BC$$

$$= 4^2 \cdot 5 + 6^2 \cdot 2 = x^2 \cdot 7 + 2 \times 5 \times x \cdot 7 = 80 + 72x - 70 = 7x^2$$

$$\Rightarrow 82 = 7x^2 \Rightarrow x^2 = \frac{82}{7}$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - قضیه استورات) (متوسط)

گزینه «۲» -

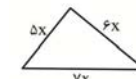
$$\Delta BDC : BD^2 = 2^2 + 5^2 - 2 \times 2 \times 5 \times \frac{1}{2}$$

$$\Delta ABD : BD^2 = x^2 + 9 - 6x \times \frac{-1}{2}$$

$$4 + 25 - 10 = x^2 + 9 + 3x \Rightarrow x^2 + 3x - 10 = 0 \Rightarrow (x-2)(x+5) = 0 \Rightarrow x = 2$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - قضیه کسینوسها) (متوسط)

گزینه «۳» -



$$2P = 5x + 6x + 7x = 18x \Rightarrow P = 9x$$

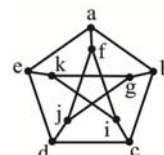
$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} \Rightarrow S = \sqrt{9x \times 4x \times 3x \times 2x} = 6x^2 \sqrt{6}$$

$$6x^2 \sqrt{6} = 24\sqrt{6} \Rightarrow x = 2 \Rightarrow 18x = 36$$

(نصیری) (پایه یازدهم - فصل سوم - هرون) (متوسط)

ریاضیات گسسته

۳۵- گزینه «۴» - گراف شکل زیر که به گراف پترسن مشهور است دارای ۱۰ مجموعه احاطه‌گر مینیمم دارد و اعداد احاطه‌گری آن ۳ است.



$$\{a, j, i\} - \{e, i, g\} - \{d, g, f\} - \{c, f, k\} - \{b, k, j\} - \{i, d, b\} - \{j, e, c\}$$

$$- \{k, d, a\} - \{f, e, b\} - \{g, a, c\}$$

(فرهمندیور) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گراف احاطه‌گر مینیمم) (متوسط)

۳۶- گزینه «۲» - هر مجموعه احاطه‌گر مینیمم، مینمال هم می‌باشد و چون در گراف P_n عدد احاطه‌گری $\left[\frac{n}{3} \right]$ است. پس در گراف P_{12} عدد احاطه‌گری $\left[\frac{12}{3} \right] = 4$ است. بنابراین حداقل تعداد عضوهای مجموعه مینیمال گراف P_{12} برابر ۴ است.

در گراف P_n حداکثر تعداد عضوهای یک مجموعه مینمال $\left[\frac{n}{3} \right]$ است که در گراف P_{12} برابر ۶ است. (کتاب درسی با تغییر) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گراف احاطه‌گر مینیمم) (متوسط)

۳۷- گزینه «۳» - از ۵ رقم مجموعه A به $\binom{5}{4}$ طریق می‌توان ۴ عضو انتخاب کرد و از ۳

رقم مجموعه B به $\binom{3}{1}$ طریق می‌توان یک عضو انتخاب کرد و ۵ عضو انتخابی را به ۵! حالت می‌توان صف کرد که بنا به اصل ضرب داریم:

$$\binom{5}{4} \binom{3}{1} \times 5! = 5 \times 3 \times 120 = 1800$$

(فرهمندیور) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گراف احاطه‌گر مینیمم) (متوسط)

گزینه «۳» -

$$|S| = \frac{6!}{2! \times 2!} = 180$$

می‌دانیم رقم صفر در ابتدای عدد قرار نمی‌گیرد پس تعداد اعداد ۶ رقمی که صفر در اول باشد را محاسبه می‌کنیم.

$$|A'| = 1 \times \frac{5!}{2! \times 2!} = 30$$

$$|A| = |S| - |A'| = 180 - 30 = 150$$

(فرهمندیور) (پایه دوازدهم - فصل سوم - ترکیبیات) (متوسط)

۳۹- گزینه «۱» - اگر تعداد کتاب‌هایی که به نفرات اول تا چهارم می‌رسد به ترتیب X_1 و X_2 و X_3 و X_4 باشد داریم:

$$X_1 + X_2 + X_3 + X_4 = 6$$

تعداد جواب‌های صحیح و مثبت معادله فوق از رابطه $\binom{n-1}{n-k}$ بدست می‌آید.

$$\binom{n-1}{k-1} = \binom{5}{3} = 10$$

(کتاب درسی با تغییر) (پایه دوازدهم - فصل سوم - توزیع n شی یکسان) (متوسط)

۴۰- گزینه «۱» - چون $\frac{4}{x_1}$ باید عدد طبیعی باشد پس $x_1 \in \{1, 2, 4\}$ است و

$$\text{چون } \sqrt{x_1} \in \mathbb{N} \text{ بنابراین فقط } x_1 \in \{1, 4\}$$

$$x_1 = 1 \Rightarrow 1 + x_2 + x_3 + x_4 = \frac{4}{1} \Rightarrow x_2 + x_3 + x_4 = 3$$

$$\text{جواب‌های صحیح و نامنفی} = \binom{n+k-1}{k-1} = \binom{3+3-1}{3-1} = \binom{5}{2} = 10$$

$$\text{غ ق ق} \Rightarrow 2 + x_2 + x_3 + x_4 = \frac{4}{2} \Rightarrow x_2 + x_3 + x_4 = -1$$

پس تعداد جوابها همان ۱۰ حالت است. (فرهمندیور) (پایه دوازدهم - فصل سوم - توزیع n شی یکسان) (دشوار)

۴۱- گزینه «۲» - هر جمله از این بسط به صورت $x^\alpha \cdot y^\beta \cdot z^\gamma \cdot t^\theta$ است که $\alpha + \beta + \gamma + \theta = 12$ است و چون فاقد x است $\alpha = 0$ و حداقل y برابر ۴ است یعنی $\beta \geq 4$.

$$\beta + \gamma + \theta = 12 \quad \beta \geq 4$$

$$\text{تعداد جواب} = \binom{n+k-1-\beta}{k-1} = \binom{12+3-1-\beta}{3-1} = \binom{10-\beta}{2} = 45$$

(فرهمندیور) (پایه دوازدهم - فصل سوم - توزیع n شی یکسان) (دشوار)

۴۲- گزینه «۱» - سربازها به ۵! حالت کنار هم قرار می‌گیرند و بین آنها ۶ فضا به وجود آمده

که به $\binom{6}{3}$ حالت می‌توان ۳ فضا را انتخاب کرد و ۳ افسر را در این فضاها صف کرد.

$$5! \times \binom{6}{3} \times 3! = 120 \times 20 \times 6 = 14400$$

(فرهمندیور) (پایه دهم - فصل ششم - جایگشت) (آسان)

$$\bar{x} = \frac{8+4+10+6+12+6}{6} = 8 \quad \text{گزینه «۱» -}$$

$$\text{تعداد انتخاب‌های ۲ عضوی از این مجموعه برابر } n(s) = \binom{6}{2} = 15$$

مجموعه‌های ۲ عضوی که دارای میانگین ۸ هستند عبارتند از $\{1, 6\}$ و $\{4, 12\}$ و $\{8, 8\}$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{15} = \frac{1}{5} \quad \text{است که } n(A) = 3$$

(فرهمندیور) (پایه چهارم - برآورد نقطه‌ای) (متوسط)

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{n_2}{n_1} \frac{n_2 = 1, \theta_2 = 45^\circ}{n_1 = \sqrt{2}} \rightarrow \frac{\sin \theta_1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \sin \theta_1 = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta_1 = 30^\circ$$

گام سوم: با توجه به رابطه $\sin \theta_1 = \frac{y}{l}$ و $l = \sqrt{h^2 + y^2}$ داریم:

$$\sin \theta_1 = \frac{y}{l} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{y}{\sqrt{h^2 + y^2}} \Rightarrow 4y^2 = y^2 + h^2 \Rightarrow 3y^2 = h^2$$

$$\frac{y = h - x}{3} \rightarrow 3(h - x)^2 = h^2 \Rightarrow h - x = \frac{h}{\sqrt{3}} \Rightarrow x = h \left(\frac{3 - \sqrt{3}}{3} \right)$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - شکست موج) (دشوار)

۵۱- گزینه «۴» - گام اول: مدت زمان رفت و برگشت نور در هوا را حساب می‌کنیم:

$$d_1 = Ct_1 \Rightarrow t_1 = \frac{2 \times 6}{3 \times 10^8} = 4 \times 10^{-8} \text{ s} \Rightarrow t_1 = 4 \times 10^{-8} \times 10^9 = 40 \text{ ns}$$

گام دوم: تندی نور در آب را حساب می‌کنیم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_1}{n_2} \Rightarrow \frac{V_2}{C} = \frac{1}{4} \Rightarrow V_2 = \frac{3}{4} C = \frac{3}{4} \times 3 \times 10^8 = \frac{9}{4} \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گام سوم: مدت زمان رفت و برگشت نور در آب را حساب می‌کنیم:

$$t_2 = \frac{d_2}{V_2} = \frac{2 \times 2}{\frac{9}{4} \times 10^8} = \frac{8}{9} \times 10^{-8} \text{ s} \Rightarrow t_2 = \frac{8}{9} \times 10^{-8} \times 10^9 = \frac{80}{9} \text{ ns}$$

گام چهارم: مدت زمان کل رفت و برگشت پرتو نور را به دست می‌آوریم:

$$t = t_1 + t_2 = 40 + \frac{80}{9} = \frac{440}{9} \text{ ns}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - شکست موج) (متوسط)

۵۲- گزینه «۳» - هر قدر ابعاد مانع بزرگتر از حدود طول موج باشد، ناحیه سایه بزرگتر

می‌شود. (افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - پراش) (آسان)

۵۳- گزینه «۱» - طول موج باید در حدود ابعاد مانع و بزرگتر از آن باشد تا موج مانع را دور بزند.

$$\lambda = \frac{C}{f} = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^9} = 0.1 \text{ m} \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - پراش) (آسان)

۵۴- گزینه «۴» - اگر دو موج را بر هم نهمیم و دامنه‌های آن‌ها را جمع جبری کنیم، شکل‌ها حاصل می‌شود.



(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (آسان)

۵۵- گزینه «۲» - در شکل (۱)، مکان ذره برابر $y_1 = 8 \text{ cm}$ و در شکل (۲) مکان ذره

برابر $y_2 = 2 \text{ cm}$ است، بنابراین از برهم‌نهی دو موج مکان ذره برابر می‌شود با:

$$y - y_1 + y_2$$

$$y = -8 + 2 = -6 \text{ cm}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (آسان)

۵۶- گزینه «۳» - در نقاطی که بلندی صدا بیشینه است، تداخل دو موج سازنده و در نقاطی که

بلندی صدا کمینه است تداخل ویرانگر است و می‌دانیم در پدیده تداخل امواج دو منبع

هم‌بسامد، فاصله بین نقطه‌ای با تداخل سازنده با نقطه بعدی با تداخل ویرانگر متناسب با

طول موج است، بنابراین اگر بسامد موج را دو برابر کنیم، طول موج نصف می‌شود و تغییر

دامنه نیز اثری بر تغییر فاصله نقاط ویرانگر و سازنده ندارد.

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (آسان)

۵۷- گزینه «۴» - نکته ۱: می‌دانیم پهنای نوارهای روشن یا تاریک، متناسب با طول موج نور

به کار رفته است.

نکته ۲: می‌دانیم اگر پرتو نور از هوا وارد محیط شفاف به ضریب شکست n شود، طول موج نور $\frac{1}{n}$

برابر می‌شود.

یادآوری: در هر محیط معین، طول موج متناسب با وارون بسامد است.

$$\lambda = \frac{v}{f}$$

اگر پهنای هر نوار را w در نظر بگیریم، می‌توان نوشت:

$$w \propto \frac{\lambda}{n} \propto \frac{1}{nf}$$

$$\frac{w'}{w} = \frac{f}{f'} \times \frac{n}{n'} \rightarrow \frac{w'}{w} = \frac{1}{1/5} \times \frac{1}{\frac{4}{3}} = \frac{1}{\frac{4}{3}} = \frac{3}{4}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (متوسط)

۴۴- گزینه «۲» -

$$\bar{x} = \frac{5 + 7 + 7 + 8 + 10 + 11}{6} = 8$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\bar{x} - x_i)^2}{n}$$

$$= \frac{(\lambda - 5)^2 + (\lambda - 7)^2 + (\lambda - 7)^2 + (\lambda - 8)^2 + (\lambda - 10)^2 + (\lambda - 11)^2}{6}$$

$$= \frac{9 + 1 + 1 + 0 + 4 + 9}{6} \Rightarrow \sigma^2 = 4 \Rightarrow \sigma = 2$$

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{2}{8} = 0.25$$

(فرهمندیور) (پایه یازدهم - فصل چهارم - ضریب تغییرات) (متوسط)

۴۵- گزینه «۴» -

$$\sigma^2 = 9 \Rightarrow \sigma = 3$$

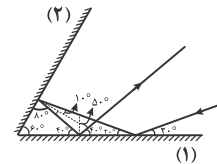
$$\text{کرن پایین} = \bar{x} - \frac{\sigma}{\sqrt{100}} = 70 - 0.3 = 69.7$$

$$\text{کرن بالا} = \bar{x} + \frac{\sigma}{\sqrt{100}} = 70 + 0.3 = 70.3$$

(فرهمندیور) (پایه یازدهم - فصل چهارم - برآورد بازه‌ای) (متوسط)

فیزیک

۴۶- گزینه «۲» - مسیر پرتو را رسم می‌کنیم:



(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - بازتاب موج الکترومغناطیسی) (متوسط)

۴۷- گزینه «۲» - گام اول: موج هنگام ورود به قسمت نازکتر شکست می‌یابد و در این حالت بسامد

موج تغییر نمی‌کند و برای محاسبه چگونگی تغییر طول موج ابتدا از رابطه $v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ ، تغییر

تندی موج را بررسی می‌کنیم. چون نیروی کشش طناب یکسان است، داریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \sqrt{\frac{F_2}{F_1} \times \frac{\mu_1}{\mu_2}} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \sqrt{\frac{\mu_1}{\mu_2}}$$

اما در قسمت نازکتر چگالی خطی طناب (μ) کم‌تر می‌شود می‌توان دریافت تندی موج در

$$\mu_1 > \mu_2 \Rightarrow V_2 > V_1$$

قسمت نازکتر زیاد می‌شود.

گام دوم: بنابر رابطه تندی موج $v = \lambda f$ می‌توان نتیجه گرفت طول موج نیز زیاد می‌شود.

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\lambda_2 f_2}{\lambda_1 f_1} \rightarrow \frac{f_1 = f_2}{V_2 > V_1} \rightarrow \lambda_2 > \lambda_1$$

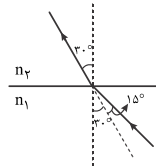
(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - شکست موج - برهم‌کنش موج) (متوسط)

۴۸- گزینه «۲» - گام اول: با توجه به زاویه‌های تابش و شکست که در شکل زیر رسم کرده‌ایم، از قانون

شکست عمومی استفاده می‌کنیم و نسبت طول موج در دو محیط را حساب می‌کنیم:

$$\theta_1 = 30^\circ + 15^\circ = 45^\circ \quad \theta_2 = 30^\circ$$

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \Rightarrow \frac{\sin 45^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$



(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - شکست موج) (آسان)

۴۹- گزینه «۳» - با توجه به رابطه شکست اسنل می‌دانیم محیطی که ضریب شکست بیش‌تری

دارد، پرتو به خط عمود بر مرز دو محیط نزدیک‌تر است و در تابش عمودی بر مرز مشترک

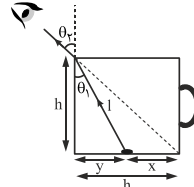
دو محیط راستای پرتو تغییر نمی‌کند.

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - شکست موج) (متوسط)

۵۰- گزینه «۳» - گام اول: در حالت اول که فنجان خالی است می‌توان نتیجه

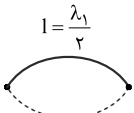
گرفت $\theta_2 = 45^\circ$ است، زیرا ارتفاع و قطر فنجان با هم برابر است.

گام دوم: مطابق شکل زیر و با استفاده از رابطه اسنل می‌توان نوشت:



۶۴- گزینه «۴» - گام اول: بلندترین طول موج تار مربوط به بسامد اصلی است و داریم:

$$\lambda_1 = 40 \text{ cm}$$



$$l = \frac{\lambda_1}{2} \Rightarrow l = \frac{40}{2} = 20 \text{ cm}$$

گام دوم: از رابطه $f_n = \frac{nV}{2l}$ و $V = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ ، به ازای $n = 3$ بسامد هماهنگ سوم تار را حساب می‌کنیم:

$$f_3 = \frac{3}{2 \times 0.2} \times \sqrt{\frac{16}{1.0 \times 10^{-3}}} = 300 \text{ Hz}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - موج ایستاده) (متوسط)

۶۵- گزینه «۲» - یادآوری: رابطه تعداد شکم‌ها (n) با تعداد گره‌های تار:

$$n = 1 - \text{تعداد گره‌ها}$$

از رابطه $f_n = \frac{n}{2l} \sqrt{\frac{Fl}{m}}$ استفاده می‌کنیم. دقت کنید هنگامی که تار را می‌کشیم جرم آن ثابت می‌ماند.

$$\frac{f'}{f} = \frac{n'}{n} \times \frac{l}{l'} \sqrt{\frac{F'l'}{Fl}} \quad \frac{n'=2, l'=2l}{n=1, F'=4F} \rightarrow \frac{f'}{f} = 2 \times \frac{1}{2} \sqrt{4 \times 2} \Rightarrow f' = 2\sqrt{2}f$$

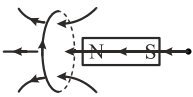
(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - موج ایستاده) (متوسط)

۶۶- گزینه «۱» - مطابق شکل سومین مد لوله صوتی یک انتهای باز، سه گره و سه شکم دارد.



(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - موج ایستاده) (آسان)

۶۷- گزینه «۲» - با استفاده از قاعده دست میدان مغناطیسی حلقه را روی محور آن مشخص می‌کنیم. در اثر القای مغناطیسی درون میله آهنی، میدان مغناطیسی هم‌جهت با میدان حلقه در میله به‌وجود می‌آید.



(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - میدان مغناطیسی) (آسان)

۶۸- گزینه «۴» - با استفاده از قاعده دست راست (چهار انگشت در جهت V و کف دست در جهت B و شست در جهت F) جهت نیروی وارد بر ذره با بار مثبت درون سو به‌دست می‌آید، اما چون بار الکترون منفی است، جهت F قرینه می‌شود و برون‌سو خواهد بود.

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - نیروی مغناطیسی وارد بر ذره متحرک) (آسان)

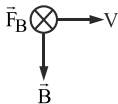
۶۹- گزینه «۳» - گام اول: شرط اینکه ذره در مسیر مستقیم حرکت کند این است که نیروی خالص وارد بر آن صفر باشد. پس باید اندازه نیروهای مغناطیسی و الکتریکی یکسان و در خلاف جهت هم باشند. [شرط حداقل میدان مغناطیسی این است که میدان عمود بر سرعت ذره باشد]

$$F_E = F_B \Rightarrow qE = qV_B \sin \theta \xrightarrow{\theta=90^\circ} B = \frac{E}{V}$$

گام دوم: جهت نیروی الکتریکی را با فرض $q > 0$ تعیین می‌کنیم. چون E برون‌سوست، پس F_E هم برون‌سو خواهد بود، پس جهت نیروی مغناطیسی باید درون‌سو باشد.

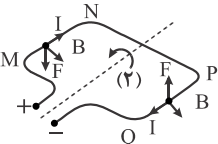
$$\vec{F}_E \odot \quad \vec{F}_B \otimes$$

گام سوم: با استفاده از قاعده دست راست، جهت میدان مغناطیسی را مشخص می‌کنیم که به طرف پایین صفحه خواهد بود.



(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - نیروی مغناطیسی وارد بر ذره) (دشوار)

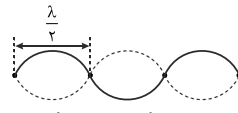
۷۰- گزینه «۲» - با توجه به قاعده دست راست برای تعیین جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان می‌توان دریافت بر سیم MN به طرف پایین و بر سیم PQ به طرف بالا نیروی مغناطیسی وارد می‌شود و حلقه در جهت (۲) دوران می‌کند.



(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان) (آسان)

۵۸- گزینه «۲» - گام اول: با توجه به شکل زیر و این که فاصله دو گره متوالی برابر $\frac{\lambda}{2}$ است،

می‌توان نوشت:



$$l = 2 \times \frac{\lambda}{2} \Rightarrow 60 = 2 \times \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} \quad \frac{\lambda}{2} = 20 \text{ cm}$$

پس (الف) درست و (ت) نادرست است.

گام دوم: بین دو گره متوالی، دامنه نقاط واقع در شکم بیش‌تر از نقاط دیگر است (ب نادرست).

گام سوم: بسامد همه نقاط یکسان و برابر بسامد منبع است (پ درست).

گام چهارم: دو شکم متوالی در گام مخالف یکدیگرند (ث درست).

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (متوسط)

۵۹- گزینه «۲» -

نکته: بسامدهای تشدیدی تار از رابطه $f_n = \frac{nV}{2l}$ حساب می‌شود و نسبت دو بسامد تشدیدی برابر است با:

$$\frac{f_{n_2}}{f_{n_1}} = \frac{n_2}{n_1}$$

گام اول: برای دو بسامد 375 Hz و 600 Hz می‌توان نوشت:

$$\frac{600}{375} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{8}{5}$$

نتیجه می‌گیریم که بسامد 375 Hz مربوط به مد پنجم و بسامد 600 Hz مربوط به مد هشتم تار است.

گام دوم: برای محاسبه دومین مد به‌ترتیب زیر عمل می‌کنیم:

$$\frac{f_2}{f_5} = \frac{2}{5} \quad f_5 = 375 \Rightarrow f_2 = 375 \times \frac{2}{5} = 150 \text{ Hz}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (متوسط)

۶۰- گزینه «۳» - از رابطه $f_n = \frac{n}{2l} \sqrt{\frac{Fl}{m}}$ استفاده می‌کنیم.

$$f_n = 75 \Rightarrow 75 = \frac{n}{2 \times 1} \times \sqrt{\frac{25 \times 1}{1.0 \times 10^{-3}}} \Rightarrow 75 = \frac{n}{2} \times 50 \Rightarrow n = 3$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (آسان)

۶۱- گزینه «۲» - گام اول: در حالت اول در تار ۴ گره ایجاد شده است، پس $n = 3$ است و در

حالت دوم $n = 2$ خواهد بود. از رابطه $f_n = \frac{n}{2l} \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ استفاده می‌کنیم:

$$\frac{2f}{f} = \frac{2}{3} \times \sqrt{\frac{F'}{F}} \Rightarrow \frac{F'}{F} = 9 \xrightarrow{F=100 \text{ N}} F' = 900 \text{ N}$$

گام دوم: تغییر نیروی F را حساب می‌کنیم:

$$\Delta F = 900 - 100 = 800 \text{ N}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - تداخل) (متوسط)

۶۲- گزینه «۳» - روش اول: گام اول: بسامد هماهنگ دوم را حساب می‌کنیم:

$$f_2 = \frac{360}{3} = 120 \text{ Hz}$$

گام دوم: بسامد اول تار را حساب می‌کنیم:

$$f_n = n f_1 \Rightarrow f_2 = 2 f_1 \Rightarrow 120 = 2 f_1 \Rightarrow f_1 = 60 \text{ Hz}$$

گام سوم: بسامد هماهنگ چهارم برابر است با:

$$f_4 = 4 f_1 = 4 \times 60 = 240 \text{ Hz}$$

روش دوم:

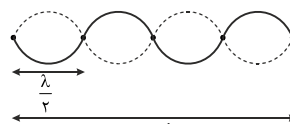
$$f_1 + 2f_1 + 3f_1 = 360 \Rightarrow f_1 = 60 \text{ Hz}$$

$$f_4 = 4f_1 = 4 \times 60 = 240 \text{ Hz}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - موج ایستاده) (متوسط)

۶۳- گزینه «۲» - مطابق شکل می‌توان دریافت طول تار برابر 2λ است.

$$l = 2\lambda \Rightarrow \lambda = \frac{l}{2} = \frac{60}{2} = 30 \text{ cm}$$



$$l = 4 \times \frac{\lambda}{2}$$

(افاضل) (پایه دوازدهم - فصل چهارم - برهم‌کنش موج - موج ایستاده) (متوسط)

۷۷- گزینه «۴»: اگر شار سیم‌لوله القاکننده کاهش یابد، جریان القایی در سیم‌لوله القاکننده هم‌جهت سیم‌لوله القاکننده است. بررسی همه حالت‌ها:

(الف) در این حالت، در لحظه کوتاهی جریان سیم‌لوله (۱) کاهش می‌یابد و به صفر می‌رسد، پس شار گذرنده از سیم‌لوله (۲) نیز کم می‌شود، پس جریان القایی در سیم‌لوله (۲) هم‌جهت جریان سیم‌لوله (۱) است که در مقاومت R از a به b عبور می‌کند (درست).

(ب) با افزایش مقاومت R، جریان سیم‌لوله (۱) کم می‌شود و باز هم جریان سیم‌لوله (۲) هم‌جهت سیم‌لوله (۱) است (درست).

(پ) در این حالت نیز شار مغناطیسی گذرنده از سیم‌لوله (۲) کاهش می‌یابد و در سمت راست سیم‌لوله (۲)، قطب مخالف N آهنربا یعنی S به وجود می‌آید و با توجه به قاعده دست راست جهت جریان القایی از a به b خواهد بود (درست).

(ت) در این حالت نیز شار کاهش می‌یابد و جریان در سیم‌لوله (۲) هم‌جهت سیم‌لوله (۱)، از a به b است (درست). (افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای مغناطیسی - قانون لنز) (متوسط)

۷۸- گزینه «۳»: گام اول: میدان مغناطیسی سیم‌لوله را حساب می‌کنیم:

$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{100}{0.2} \times 10 \Rightarrow B = 2\pi \times 10^{-3} \text{ T}$$

گام دوم: ضریب القاوری سیم‌لوله را حساب می‌کنیم:

$$L = \mu_0 \frac{N^2 A}{l} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{100 \times 100 \times 10 \times 10^{-4}}{0.2} \Rightarrow L = 2\pi \times 10^{-5} \text{ H}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای الکترومغناطیسی - القاگر) (متوسط)

۷۹- گزینه «۳»: گام اول: جریان مدار را حساب می‌کنیم:

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} = \frac{10}{1/5 + 0/5} = 5 \text{ A}$$

گام دوم: از رابطه $u = \frac{1}{2} LI^2$ استفاده می‌کنیم و انرژی مغناطیسی سیم‌لوله را حساب می‌کنیم:

$$u = \frac{1}{2} \times 0.2 \times 5^2 = 2.5 \text{ J}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای الکترومغناطیسی - انرژی القاگر) (متوسط)

۸۰- گزینه «۲»: گام اول: دوره جریان را حساب می‌کنیم:

$$\frac{2\pi T}{4} = 0.06 \Rightarrow T = 0.08 \text{ s}$$

گام دوم: از معادله جریان متناوب یعنی $I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t$ استفاده می‌کنیم و در

لحظه $t = \frac{1}{100} \text{ s}$ جریان را به دست می‌آوریم:

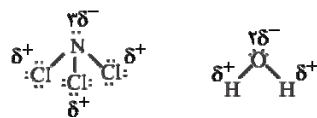
$$I = \Delta \sin \left(\frac{2\pi}{0.08} \times \frac{1}{100} \right) \Rightarrow I = \Delta \sin \frac{\pi}{4}$$

$$I = 2/\sqrt{2} \text{ A}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای الکترومغناطیسی - جریان متناوب) (متوسط)

شیمی

۸۱- گزینه «۳»: به جز آب و نیتروژن تری کلرید، در بقیه ترکیبات تراکم بار الکتریکی روی اتم مرکزی کم‌تر است.



(میرعباسی) (پایه دوازدهم - فصل سوم - توزیع الکترون‌ها) (متوسط)

۸۲- گزینه «۳»: نقش مولد، تبدیل انرژی جنبشی بخار آب به انرژی الکتریکی می‌باشد.

در مورد گزینه «۴»: شاره حرکت‌دهنده توربین، آب و شاره تولیدکننده بخار NaCl است.

(میرعباسی) (پایه دوازدهم - فصل سوم - فناوری تولید انرژی الکتریکی از پرتوهای خورشیدی) (متوسط)

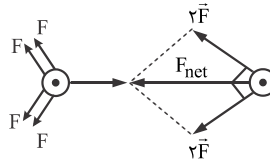
۸۳- گزینه «۱» -

$$X^{2-} = \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \pi \times 3 \times (200 \text{ pm})^3 = 32 \times 10^6 \text{ pm}^3$$

$$X^{2-} = \frac{\text{بار}}{\text{حجم}} = \frac{2}{32 \times 10^6 \text{ pm}^3} = 6/25 \times 10^{-8} \text{ pm}^{-3}$$

(میرعباسی) (پایه دوازدهم - فصل سوم - چگالی بار) (آسان)

۷۱- گزینه «۲»: می‌دانیم سیم‌های موازی که حامل جریان همسو هستند بر یکدیگر نیروی رهایی مغناطیسی و سیم‌های موازی که جریان‌های مخالف هم دارند نیروی رانشی مغناطیسی وارد می‌کنند چون فاصله سیم‌ها تا I' یکسان است. اندازه نیروها نیز یکسان است و داریم:



$$F_{\text{net}} = \sqrt{(rF)^2 + (rF)^2} = 2\sqrt{2}F$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - نیروی مغناطیسی بین دو سیم) (آسان)

۷۲- گزینه «۲»: از رابطه $B = \mu_0 \frac{NI}{rR}$ استفاده می‌کنیم و با توجه به این‌که طول سیم و شعاع حلقه مشخص است، از رابطه $N = \frac{l}{2\pi R}$ ، تعداد حلقه‌های پیچ را مشخص می‌کنیم:

$$\frac{R=0.1 \text{ m}}{\pi=3} \rightarrow N = \frac{6}{2 \times 3 \times 0.1} \Rightarrow N = 10$$

$$B = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 10 \times 20}{2 \times 0.1} = 12 \times 10^{-4} \text{ T} \Rightarrow B = 12 \times 10^{-4} \times 10^4 = 12 \text{ G}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - میدان پیچ) (متوسط)

۷۳- گزینه «۳» -

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل سوم - مغناطیس - مواد مغناطیسی) (آسان)

۷۴- گزینه «۲»: از قانون القای الکترومغناطیسی فارادی می‌توان نوشت:

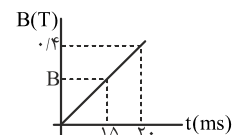
$$(V)\mathcal{E} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \frac{wb}{s}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای الکترومغناطیسی - قانون فاراده) (آسان)

۷۵- گزینه «۳»: گام اول: از رابطه $\mathcal{E} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$ استفاده می‌کنیم. چون در این سؤال میدان مغناطیسی تغییر کرده است، می‌توان نوشت:

$$\Delta\Phi = A \cos\theta \Delta B \xrightarrow{\cos\theta=1} |\mathcal{E}| = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

گام دوم: برای محاسبه ΔB با استفاده از نمودار و تشابه دو مثلث می‌توان نوشت:

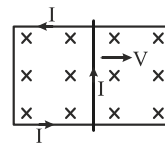


$$\frac{B}{0.4} = \frac{15}{20} \Rightarrow B = 0.3 \text{ T}$$

$$|\mathcal{E}| = -100 \times 20 \times 10^{-4} \times \frac{0.4 - 0.3}{(20 - 15) \times 10^{-3}} \Rightarrow |\mathcal{E}| = 4 \text{ V}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای الکترومغناطیسی - نیروی محرکه القایی) (متوسط)

۷۶- گزینه «۴»: جهت جریان را از قانون لنز مشخص می‌کنیم. با حرکت میله به طرف راست، شار مغناطیسی زیاد می‌شود، پس میدان القایی خلاف جهت میدان خارجی در حلقه پدید می‌آید؛ یعنی میدان القایی برون‌سو می‌شود، با استفاده از قاعده دست راست اگر چهار انگشت را در قسمت درون حلقه و به طرف بیرون بگیریم، شست روی میله به طرف بالا قرار می‌گیرد و نتیجه می‌گیریم جریان درون حلقه پادساعتگرد خواهد بود.



گام دوم: اندازه جریان را از رابطه $I = \frac{Blv}{R}$ حساب می‌کنیم:

$$I = \frac{20 \times 10^{-4} \times 0.2 \times 10}{0.5} \Rightarrow I = 8 \times 10^{-3} \text{ A} \Rightarrow I = 8 \times 10^{-3} \times 10^3 = 8 \text{ mA}$$

(افاضل) (پایه یازدهم - فصل چهارم - القای الکترومغناطیسی - جریان القایی) (متوسط)

۱۱۰- گزینه «۱» -

(ب) در روش مستقیم با استفاده از گرماسنج، گرمای واکنش (ΔH) را به دست می آورند.
 (پ) گرمای یک واکنش به مسیر انجام آن وابسته نیست.
 (میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - حفظیات) (آسان)

۱۰۳- گزینه «۲» - دو ثانیه چهارم یعنی ۶ تا ۸ ثانیه، پس می توان نوشت:

$$\bar{R}_{H_2O_2} = \frac{\Delta[H_2O_2]}{\Delta t} = -\frac{-(0.0249 - 0.0300)}{2} = \frac{0.0051}{2} \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot s^{-1}$$

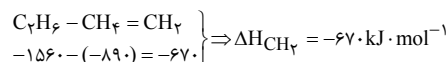
در ۱۰ ثانیه آخر، یعنی ۱۰ تا ۲۰ ثانیه می توان نوشت:

$$\bar{R}_{H_2O_2} = \frac{\Delta[H_2O_2]}{\Delta t} = -\frac{-(0.0084 - 0.0209)}{10} = \frac{0.0125}{10} \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot s^{-1}$$

$$\frac{\text{سرعت واکنش در } 6 \text{ تا } 8 \text{ ثانیه}}{\text{سرعت واکنش در } 10 \text{ تا } 20 \text{ ثانیه}} = \frac{0.0051}{0.0125} = 2/0.4$$

(سراسری - ۹۸ با تغییر) (پایه یازدهم - فصل دوم - سرعت) (متوسط)

۱۰۴- گزینه «۱» -



$$\Delta H_{C_4H_{10}} = \Delta H_{C_2H_6} + 2\Delta H_{CH_2}$$

$$= -156.0 - 2(-67.0) = -22.0 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

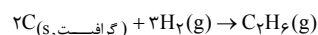
$$\text{مولی } C_4H_{10} : 4(12) + 10(1) = 58$$

$$C_4H_{10} \text{ ارزش سوختن } = \frac{|\Delta H_{\text{سوختن}}|}{\text{جرم مولی } C_4H_{10}} = \frac{|-22.0|}{58} = 0.38 \text{ kJ} \cdot g^{-1}$$

(میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - آنتالپی سوختن و ارزش سوختن) (دشوار)

۱۰۵- گزینه «۲» - کاتالیزگر به افزایش یا کاهش گرمای واکنش بی تأثیر است و ΔH را تغییر نمی دهد. (میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - عوامل مؤثر بر گرمای واکنش) (آسان)

۱۰۶- گزینه «۲» -

واکنش تشکیل $C_2H_6(g)$:

برای به دست آوردن ΔH واکنش بالا می توان واکنش اول را در $(-\frac{1}{2})$ و واکنش دوم را در (۳) و واکنش سوم را در (۳) ضرب کرد تا به واکنش اصلی رسید، بنابراین:

$$\Delta H_{\text{کل}} = \Delta H'_1 + \Delta H'_2 + \Delta H'_3$$

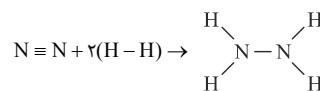
$$\Delta H = -\frac{1}{2}(-312.0) + 2(-393) + 3(-285) = -81 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$C_2H_6 = 2(12) + 6(1) = 30 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\left[\frac{1/5 \text{ g } C_2H_6}{30} \right] = \left[\frac{Q}{|-81|} \right] \Rightarrow Q = 4/0.5 \text{ kJ}$$

(میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - قانون هس و استوکیومتری) (متوسط)

۱۰۷- گزینه «۲» -



$$\Delta H_{\text{واکنش}} = [(N \equiv N) + 2(H-H)] - [(N-N) + 4(N-H)]$$

$$\Delta H_{\text{واکنش}} = [941 + 2(435)] - [159 + 4(389)] = 96 \text{ kJ}$$

$$\left[\frac{9/0.3 \times 10^{22} \text{ H اتم}}{4 \times 6/0.2 \times 10^{23}} \right] = \left[\frac{Q}{96} \right] \Rightarrow Q = 3/6 \text{ kJ} = 360.0 \text{ J}$$

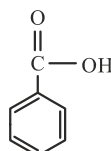
(میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - آنتالپی پیوند و استوکیومتری) (متوسط)

۱۰۸- گزینه «۳» - بررسی موارد نادرست:

(الف) رازبانه دارای بنزن می باشد، پس آروماتیک است.

(ت) نقطه جوش اتانول از دی متیل اتر بیش تر است، زیرا دارای پیوند هیدروژنی می باشد.

(میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - گروه های عاملی) (دشوار)

۱۰۹- گزینه «۱» - فرمول شیمیایی بنزوپیک اسید ($C_7H_6O_2$) می باشد.

(میرعباسی) (پایه یازدهم - فصل دوم - حفظیات) (متوسط)