



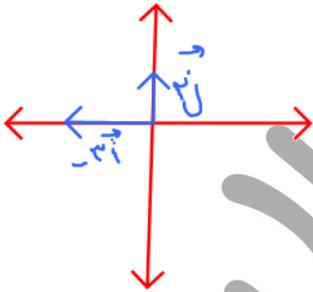
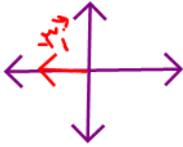
# پرسش‌های طبقه‌بندی

درس

۳



$$\frac{1}{2}\vec{x} = \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} -4 \\ 4 \end{bmatrix}$$



درستی عبارتهای زیر را با  و نادرستی آنها را با  مشخص کنید.

۱

الف بردار  $\vec{a} = -3\vec{i}$  موازی محور عرض‌ها است.

الف

ب بردار  $\vec{j} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}$  را بردار واحد محور عرض‌ها می‌نامیم.

ب

پ دو بردار  $\vec{j}$  و  $\vec{j}$  قرینه‌ی یکدیگرند.

پ

ت اگر  $\vec{a} = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}$  و  $\vec{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}$ ، آن‌گاه  $\vec{b} = 2\vec{a}$  می‌باشد.

ت

ث زاویه‌ی بین دو بردار  $\vec{a} = -2\vec{j}$  و  $\vec{b} = 2\vec{j}$  برابر  $90^\circ$  درجه است.

ث

ج یک بردار را می‌توان به بی‌شمار حالت تجزیه کرد.

ج

جاهای خالی را با اعداد یا کلمات مناسب کامل کنید.

۲

الف مختصات بردار  $\sqrt{2}\vec{i} - \sqrt{3}\vec{j}$  برابر با  $\begin{bmatrix} \sqrt{2} \\ -\sqrt{3} \end{bmatrix}$  است.

الف

ب مختصات بردار  $\vec{j} - 2\vec{i} - 3\vec{j}$  برابر با  $\begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$  است.

ب

بردار  $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix}$  برحسب  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  برابر با  $2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{j}$  است.

ب

موارد مرتبط را به هم وصل کنید.

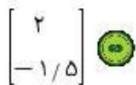
۳

$$\frac{1}{2}\vec{x} = \begin{bmatrix} 7 \\ -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -5 \\ 15 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 15 \end{bmatrix}$$

$$\vec{x} = 2 \begin{bmatrix} -4 \\ 15 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -8 \\ 30 \end{bmatrix}$$



$$\text{پاسخ معادله} \begin{bmatrix} 7 \\ -3 \end{bmatrix} - \frac{1}{2}\vec{x} + 2 \begin{bmatrix} -2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 5 \end{bmatrix}$$



$$\text{پاسخ معادله} \frac{1}{3}\vec{x} + \frac{1}{2}(2\vec{i} - 4\vec{j}) = \frac{5}{6}\vec{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{3}\vec{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} = \frac{5}{6}\vec{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{2} \begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{3}\vec{x} - \frac{5}{6}\vec{x} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{2}{6}\vec{x} - \frac{5}{6}\vec{x} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow -\frac{3}{6}\vec{x} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\frac{2}{3} \times \frac{3}{2} = 1$$
$$\frac{-2}{3} \times \frac{3}{-2} = 1$$

۱۲۷

# علوی

ریاضی کار هشتنم

$$-4\vec{x} + \begin{bmatrix} 4 \\ -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 4 \\ -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix} = -4\vec{x}$$

$$\begin{bmatrix} -9 \\ 8 \end{bmatrix}$$

$$-4\vec{x} - 2\begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 5 \end{bmatrix} - 2\vec{j} \text{ پاسخ معادله}$$

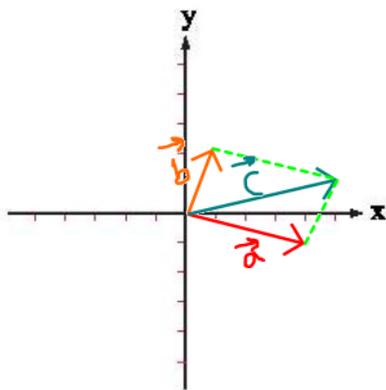
$$\begin{bmatrix} 8 \\ -6 \end{bmatrix} = -4\vec{x} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1.5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3/2 \end{bmatrix}$$

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 4 \\ -1 \end{bmatrix} \quad \vec{b} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

دو بردار  $\vec{a} = 4\vec{i} - \vec{j}$  و  $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j}$  را از مبدأ مختصات رسم کنید.



مختصات آن‌ها را به دست آورید.



بردار حاصل جمع  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  را رسم و تساوی مربوط به جمع آن‌ها را بنویسید.



$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix}$$

اگر  $\vec{a} = 2\vec{j} + 3\vec{i}$ ،  $\vec{b} = -2\vec{i} - \vec{a}$  و  $\vec{c} = \vec{a} - 3\vec{b}$ ، مختصات بردارهای  $\vec{d}$  و  $\vec{e}$  را در دو حالت زیر به دست آورید.



الف  $\vec{d} = \vec{a} + \vec{c} - 3\vec{j} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 18 \\ 8 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 21 \\ 7 \end{bmatrix}$

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix}$$

ب  $\vec{e} = 3\vec{b} - \vec{d} = 3\begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 21 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 \\ 3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 21 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -27 \\ -4 \end{bmatrix}$

$$\vec{b} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{c} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} - 3\begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 6 \\ -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 15 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 18 \\ 6 \end{bmatrix}$$



$$\begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix} \vec{B}$$

الف از نقطه  $A = \begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix}$  بردار  $\vec{a} = -3\vec{i} + 2\vec{j}$  را رسم کنید و نقطه‌ی انتها را  $B$  بنامید.



$$\begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \vec{c}$$

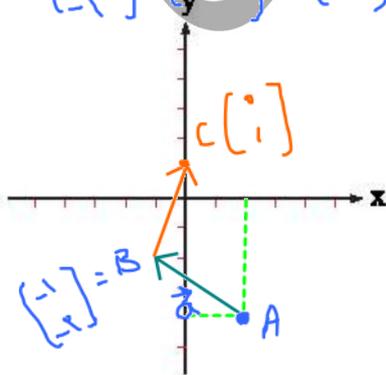
ب بردار  $\vec{b} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$  را ابتدا از نقطه‌ی  $B$  رسم کنید.



پ برآیند دو بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  را در شکل رسم و آن را  $c$  بنامید.



ت جمع برداری و مختصاتی برای آن بنویسید.



پرسش‌های تشریحی (بدون پاسخ)

۱ اگر  $A = \begin{bmatrix} 5m-4 \\ 3n-1 \end{bmatrix}$  روی محور عرض‌ها و  $B = \begin{bmatrix} \frac{m}{2}-1 \\ 4n-12 \end{bmatrix}$  روی محور طول‌ها باشد، مساحت مثلث  $OAB$  چقدر است؟

---



---



---

۲ فاصله‌ی نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 3x+1 \\ x-1 \end{bmatrix}$  از محور  $x$ ‌ها، دو برابر فاصله‌ی آن از محور  $y$ ‌ها است. مقدار  $x$  را به دست آورید.

---



---



---

۳ نقاط  $A = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$ ،  $B = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$  و  $C = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$  سه رأس یک مثلث هستند. رأس  $A$  توسط بردار انتقال  $\overrightarrow{AA'} = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$  و رأس  $B$  توسط بردار انتقال  $\overrightarrow{BB'} = \begin{bmatrix} 7 \\ 6 \end{bmatrix}$  و رأس  $C$  توسط بردار انتقال  $\overrightarrow{CC'} = \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \end{bmatrix}$  منتقل شده‌اند. مختصات نقاط  $A'$ ،  $B'$  و  $C'$  را یافته و مثلث  $ABC$  و بردارهای انتقال و شکل انتقال یافته را رسم کنید.

---



---



---

۴ نقاط  $A = \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 11 \\ 4 \end{bmatrix}$  دو سر پاره‌خط  $AB$  هستند. نقطه‌ی  $M$  روی پاره‌خط  $AB$  چنان است که  $\frac{AM}{MB} = \frac{1}{2}$ . مختصات نقطه‌ی  $M$  را بیابید.

---



---



---

۵ اگر دو بردار  $\vec{a} = \begin{bmatrix} m-2 \\ 4 \end{bmatrix}$  و  $\vec{b} = \begin{bmatrix} 2m \\ -3 \end{bmatrix}$  موازی باشند، مقدار  $m$  را بیابید.

---

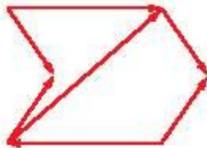


---



---

۶ جمع بردارها در شکل زیر را بیابید.



۷ اگر  $\vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$  و  $\vec{b} = \begin{bmatrix} m \\ 2m \end{bmatrix}$  باشد و بدانیم  $\vec{a} + \vec{b}$  در راستای محور عرض‌ها باشد، آن‌گاه  $\vec{a} - \vec{b}$  را بیابید.

---



---



---

۸ اگر سه نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$  و  $C = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \end{bmatrix}$  مختصات رأس‌های مثلث  $ABC$  باشد، مختصات برداری که وسط ضلع  $AB$  را به وسط ضلع  $AC$  وصل می‌کند را به دست آورید.

---



---



---

۹ اگر  $\vec{a} = \begin{bmatrix} 6 \\ 8 \end{bmatrix}$ ،  $\vec{b} = \begin{bmatrix} 2x-3 \\ 4-2y \end{bmatrix}$  و  $\vec{a} = -2\vec{b}$  باشد، مقادیر  $x, y$  را بیابید.

---



---



---

۱۰ اگر  $A = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$  و بردار  $\vec{AC} = 2\vec{BC}$  باشد، مختصات نقطه‌ی  $C$  را به دست آورید.

---



---



---

۱۱ با توجه به بردارهای  $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ ،  $\vec{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \\ 5 \end{bmatrix}$ ،  $\vec{c} = \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \end{bmatrix}$  و  $\vec{d} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 5 \\ 3 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$  حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

$$2\vec{c} + 3\vec{a} - 15\vec{b} - 5\vec{d} =$$

---



---



---

۱۲  $m$  را چنان بیابید تا دو بردار  $\vec{c} = 3\vec{i} - (3+m)\vec{j}$  و  $\vec{d} = 5\vec{i} + (1-2m)\vec{j}$  با هم موازی باشند.

---



---



---

۱۳ در تساوی زیر،  $x + y$  را به دست آورید.

$$\begin{bmatrix} 2x-2 \\ 1-x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} y+5 \\ 2+y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3-x \\ 2 \end{bmatrix}$$

---



---



---

۱۴ معادله مختصاتی زیر را حل کنید.

$$-\sqrt{3}(2\sqrt{3}\vec{i} + \sqrt{3}\vec{j}) - 4\vec{x} - 2 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix} = \vec{x} - 2(\vec{i} - 3\vec{j})$$

پرسش‌های چهارگزینه‌ای

نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} -4 \\ +3 \end{bmatrix}$  را به نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} +1 \\ -4 \end{bmatrix}$  وصل می‌کنیم. پاره‌خط به دست آمده از کدام ناحیه نمی‌گذرد؟

- (۱) دوم (۲) اول (۳) چهارم (۴) سوم

به‌ازای چه مقدار طبیعی  $n$  نقطه‌ی  $B = \begin{bmatrix} 2n+1 \\ 2n+5 \end{bmatrix}$  از محورهای مختصات به یک فاصله است؟

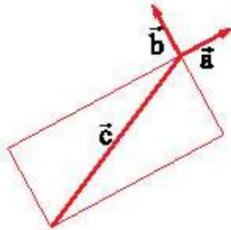
- (۱) ۴ (۲) -۶ (۳) ۶ (۴) -۴

$A = \begin{bmatrix} 3 \\ -2 \end{bmatrix}$  را با چه برداری انتقال دهیم تا به نقطه‌ی  $A' = \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \end{bmatrix}$  برسیم؟

- (۱)  $\begin{bmatrix} -6 \\ 3 \end{bmatrix}$  (۲)  $\begin{bmatrix} 6 \\ -1 \end{bmatrix}$  (۳)  $\begin{bmatrix} -6 \\ -3 \end{bmatrix}$  (۴)  $\begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}$

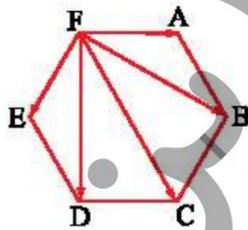
کدام گزینه برابر با بردار  $\vec{c}$  است؟

- (۱)  $3\vec{a} + 2\vec{b}$   
 (۲)  $2\vec{a} + 3\vec{b}$   
 (۳)  $-3\vec{a} - 2\vec{b}$   
 (۴)  $-2\vec{a} - 3\vec{b}$



در ۶ ضلعی منتظم مقابل،  $\vec{FC} + \vec{FA} + \vec{FB} + \vec{FE} + \vec{FD}$  برابر است با:

- (۱)  $\vec{FC}$   
 (۲)  $2\vec{FC}$   
 (۳)  $3\vec{FC}$   
 (۴)  $4\vec{FC}$



کدام گزینه  $\vec{b} - \vec{a}$  را نمایش می‌دهد؟



اگر  $A = \begin{bmatrix} 3 \\ m+1 \end{bmatrix}$  در ربع چهارم باشد، حدود  $m$  برابر است با:

- (۱)  $m > -1$  (۲)  $m < -1$  (۳)  $m > 1$  (۴)  $m < 1$

نقاط  $A = \begin{bmatrix} 2a-2 \\ 2b-4 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 2a+4 \\ 2b-5 \end{bmatrix}$  به‌ترتیب بر محور طول‌ها و عرض قرار دارد. مساحت مثلث  $OAB$  برابر است با:

- (۱) ۳ (۲) صفر (۳) ۶ (۴) ۹

9 قرینه‌ی نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} 2-m \\ 1-3n \end{bmatrix}$  نسبت به نیمساز ربع اول و سوم برابر با  $A' = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$  می‌باشد.  $m$  و  $n$  برابر کدام گزینه است؟

- (1)  $n = 2, m = 4$       (2)  $n = -\frac{4}{3}, m = 0$       (3)  $n = -\frac{1}{3}, m = 4$       (4)  $n = 2, m = 0$

10 نقاط  $A = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$ ,  $C = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$  و  $D$  چهار رأس متوازی‌الاضلاع  $ABCD$  هستند. مختصات نقطه‌ی  $D$  کدام است؟

- (1)  $\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$       (2)  $\begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$       (3)  $\begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$       (4)  $\begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix}$

11 اگر  $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2y \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ ، آن‌گاه  $\frac{2y}{x}$  برابر است با:

- (1)  $-1$       (2)  $1$       (3)  $4$       (4)  $-4$

12 با توجه به شکل مختصات بردار خواسته شده کدام است؟

(1)  $\begin{bmatrix} 11 \\ -1 \end{bmatrix}$       (2)  $\begin{bmatrix} -5 \\ -3 \end{bmatrix}$       (3)  $\begin{bmatrix} -5 \\ -1 \end{bmatrix}$       (4)  $\begin{bmatrix} -5 \\ -3 \end{bmatrix}$

13 اگر سه نقطه‌ی  $A = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$  و  $C = \begin{bmatrix} -4 \\ -4 \end{bmatrix}$  در یک صفحه واقع باشند و  $\vec{BA} = \vec{DC}$ ، آن‌گاه مختصات نقطه‌ی  $D$  کدام است؟

- (1)  $\begin{bmatrix} -7 \\ 10 \end{bmatrix}$       (2)  $\begin{bmatrix} -1 \\ -8 \end{bmatrix}$       (3)  $\begin{bmatrix} -7 \\ 0 \end{bmatrix}$       (4)  $\begin{bmatrix} -8 \\ -1 \end{bmatrix}$

14 یک مستطیل با 4 رأس  $M = \begin{bmatrix} 0 \\ 8 \end{bmatrix}$ ,  $N = \begin{bmatrix} 4 \\ 8 \end{bmatrix}$ ,  $P = \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix}$  و  $O = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$  مفروض است. محل برخورد قطرهای کدام گزینه است؟

- (1)  $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$       (2)  $\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$       (3)  $\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \end{bmatrix}$       (4)  $\begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$

15 اگر  $\vec{a} = 3\vec{i} + 6\vec{j}$  و  $\vec{b} = 3m\vec{i} + 2m\vec{j}$  و بدانیم  $\vec{a} - \vec{b}$  در امتداد محور  $y$  هاست،  $\vec{a} + \vec{b}$  کدام است؟

- (1)  $\begin{bmatrix} 6 \\ 8 \end{bmatrix}$       (2)  $\begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}$       (3)  $\begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}$       (4)  $\begin{bmatrix} 0 \\ 6 \end{bmatrix}$

16 در معادله‌ی  $3\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix} + 2\vec{x} = 5\vec{i}$ ، مختصات بردار  $\vec{x}$  برابر است با:

- (1)  $\begin{bmatrix} -2 \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix}$       (2)  $\begin{bmatrix} 2 \\ -3 \\ -2 \end{bmatrix}$       (3)  $\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix}$       (4)  $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix}$

17 مقدار مجهول  $a$  در معادله مختصاتی زیر چیست؟

$$\frac{1}{3}\vec{a} + \frac{1}{2}(2\vec{i} - 4\vec{j}) = \frac{5}{6}\vec{a} + \frac{0}{75}\begin{bmatrix} 4 \\ 3 \\ -2\frac{2}{3} \end{bmatrix}$$

- (1)  $1$       (2) صفر      (3)  $-1$       (4)  $a$  هیچ عددی نمی‌تواند باشد.

