



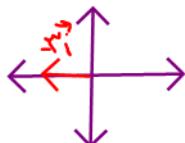
پرسش‌های طبقه‌بندی

گوچ

μ

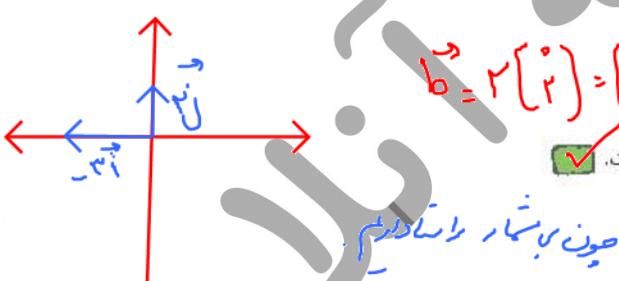


$$\frac{1}{2}\vec{x} = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} -6 \\ 4 \end{bmatrix}$$



درستی عبارت‌های زیر را با و نادرستی آنها را با مشخص کنید.

- بردار $\vec{a} = -2\vec{i}$ موازی محور عرض‌ها است. X
- بردار واحد محور عرض‌ها می‌نماید. $\vec{j} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ X



$$\vec{b} = 2\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix}$$

- اگر $\vec{b} = 2\vec{a}$, آن‌گاه $\vec{b} = 2\vec{i}$ می‌باشد. ✓

- زاویه‌ی بین دو بردار $\vec{b} = 2\vec{j}$ و $\vec{a} = -2\vec{i}$ 90° درجه است. ✓

- یک بردار را می‌توان به بی‌شمار حالت تجزیه کرد. ✓

جهای خالی را با اعداد یا کلمات مناسب کامل کنید.

- مختصات بردار $\vec{z} = \sqrt{2}\vec{i} - \sqrt{2}\vec{j}$ برابر با $\begin{bmatrix} \sqrt{2} \\ -\sqrt{2} \end{bmatrix}$ است. X

- مختصات بردار $\vec{z} = \vec{j} - 2\vec{i}$ برابر با $\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$ است. X

- بردار $\vec{z} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ برحسب \vec{i} و \vec{j} برابر با $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ است. X

موارد مرتبط را به هم وصل کنید.

$$\frac{1}{2}\vec{x} = \begin{bmatrix} 7 \\ -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -5/5 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\vec{x} = 2 \begin{bmatrix} -4/5 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9/5 \\ 8 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -1/5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 \\ -3 \end{bmatrix}$$

$$\text{پاسخ معادله: } \begin{bmatrix} 7 \\ -3 \end{bmatrix} - \frac{1}{2}\vec{x} + 2 \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5/5 \\ -7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\text{پاسخ معادله: } \frac{1}{2}\vec{x} + \frac{1}{2}(2\vec{i} - 4\vec{j}) = \frac{5}{6}\vec{x} + \frac{1}{2}(-4\vec{j})$$

$$\begin{bmatrix} 4/3 \\ -2/3 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{2}\vec{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} = \frac{5}{6}\vec{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{2}\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{2}\vec{x} - \frac{5}{6}\vec{x} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{6}\vec{x} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow -\frac{2}{3}\vec{x} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$-4\vec{x} + \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix} = \vec{x}$$

پاسخ معادله $-4\vec{x} - 2\begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 5 \end{bmatrix} - 2\vec{j}$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ -4 \end{bmatrix} = -4\vec{x} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

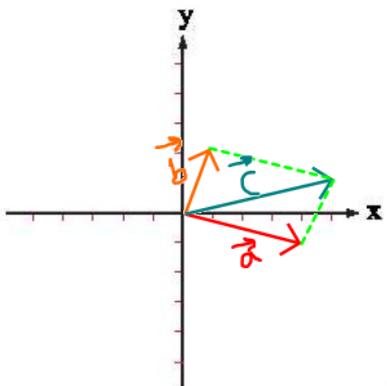
$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 4 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{b} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

دو بردار \vec{i} و \vec{j} را از مبدأ مختصات رسم کنید.

الف

مختصات آنها را به دست آورید.



بردار حاصل جمع \vec{a} و \vec{b} را رسم و تساوی مربوط به جمع آنها را بنویسید.

$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix}$$

اگر بردار حاصل جمع \vec{a} و \vec{b} را در دو حالت زیر به دست آوردیم.

الف $\vec{d} = \vec{a} + \vec{c} - 2\vec{j} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix}$

ب $\vec{e} = 2\vec{b} - \vec{d} = 2\begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 \\ 2 \end{bmatrix}$

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\vec{b} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{c} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 6 \end{bmatrix}$$

الف از نقطه‌ی A = $\begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix}$ بردار $\vec{a} = -2\vec{i} + 2\vec{j}$ را رسم کنید و نقطه‌ی انتهای آن را B بنامید.

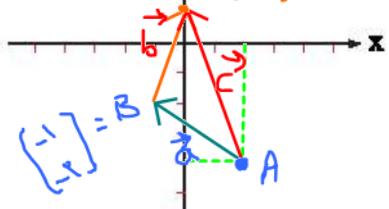
ب برآیند \vec{b} را ابتدا از نقطه‌ی B رسم کنید.

پ برآیند دو بردار \vec{a} و \vec{b} را در شکل رسم و آن را c بنامید.

ت جمع برداری و مختصاتی برای آن بنویسید.

جمع برداری $\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$

جمع مختصات : $\begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \end{bmatrix}$



$$4n - 12 = 0 \\ 4n = 12 \\ n = 3$$

پرسش‌های تشریحی (بدون پاسخ)

$$\Delta m - 4 = 0$$

$$\Delta m = 4 \\ m = 1$$

$$A = \begin{bmatrix} \Delta m - 4 \\ 4n - 12 \end{bmatrix}$$

۱



روی محور طول‌ها باشد، مساحت مثلث OAB چقدر است؟

$$B = \begin{bmatrix} \frac{m}{2} - 1 \\ 4n - 12 \end{bmatrix}$$

$y = 0$

$x = 0$

$A = \begin{bmatrix} \Delta m - 4 \\ 4n - 12 \end{bmatrix}$

$$A = \begin{bmatrix} \Delta m - 4 \\ 4n - 12 \end{bmatrix}$$

۲

از محور x ‌ها، دو برابر فاصله‌ی آن از محور y ‌ها است. مقدار x را به دست آورد.

$$x - 1 = 2(3x + 1) \Rightarrow x - 1 = 6x + 2 \Rightarrow 4x - x = -2 - 1 \Rightarrow 3x = -3 \Rightarrow x = -\frac{3}{2}$$

۳

نقاط $A = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \end{bmatrix}$ توسط بردار انتقال $\overrightarrow{AA'}$ و رأس B توسط $\overrightarrow{BB'}$ را یافته و

مثلث ABC و بردارهای انتقال و شکل انتقال یافته را رسم کنید.

نقاط $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$ دو سر پاره خط AB هستند. نقطه‌ی M روی پاره خط AB چنان است که $\frac{\overrightarrow{AM}}{\overrightarrow{MB}} = \frac{1}{2}$. مختصات

نقطه‌ی M را بیابید.

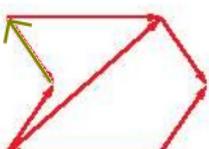
۴

اگر دو بردار $\vec{b} = \begin{bmatrix} 2m \\ -2 \end{bmatrix}$ و $\vec{a} = \begin{bmatrix} m-2 \\ 4 \end{bmatrix}$ موازی باشند، مقدار m را بیابید.

۵

جمع بردارها در شکل زیر را بیابید.

۶



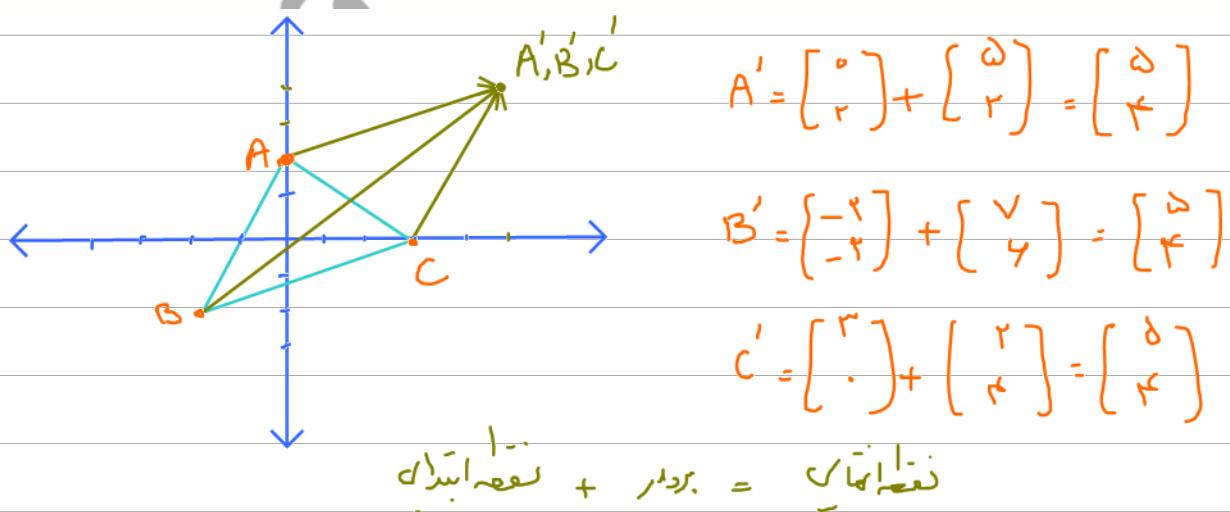
اگر دو بردار $\vec{b} = \begin{bmatrix} m \\ 2m \end{bmatrix}$ و $\vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3m \end{bmatrix}$ باشد و بدانیم $\vec{b} + \vec{a}$ در راستای محور عرض‌ها باشد، آن‌گاه $\vec{b} - \vec{a}$ را بیابید.

۷

ابدأ

۳

نقاط $A = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix}$ هستند. رأس A توسط بردار انتقال $\overrightarrow{AA'} = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$ و رأس B توسط بردار انتقال $\overrightarrow{BB'} = \begin{bmatrix} 7 \\ 6 \end{bmatrix}$ متحقق شده‌اند. مختصات نقاط A' , B' و C' را یافته و مثلث ABC و بردارهای انتقال و شکل انتقال یافته را رسم کنید.



اگر سه نقطه‌ی $A = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$ و $C = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \end{bmatrix}$ مختصات رأس‌های مثلث ABC باشد، مختصات برداری که وسط ضلع AB را به وسط ضلع AC وصل می‌کند را به دست آورید.

۸

اگر $\vec{a} = -2\vec{b}$ باشد، مقادیر x , y را بیابید.

۹

اگر $\overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{BC}$ باشد، مختصات نقطه‌ی C را به دست آورید.

۱۰

با توجه به بردارهای $\vec{d} = \begin{bmatrix} -1/2 \\ 5 \\ 3/2 \end{bmatrix}$, $\vec{c} = \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \end{bmatrix}$, $\vec{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ -2/5 \end{bmatrix}$, $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1/2 \end{bmatrix}$ حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

۱۱

$$2\vec{c} + 2\vec{a} - 15\vec{b} - 5\vec{d} =$$

m را چنان بباید تا دو بردار $\vec{d} = 5\vec{i} + (1-2m)\vec{j}$ و $\vec{c} = 2\vec{i} - (3+m)\vec{j}$ با هم موازی باشند.

۱۲

در تساوی زیر، $x + y$ را به دست آورید.

۱۳

$$\begin{bmatrix} 3x - 2 \\ 1 - x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} y + 5 \\ 2 + y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 - x \\ 3 \end{bmatrix}$$

معادله مختصاتی زیر را حل کنید.

۱۴

$$-\sqrt{r}(r\sqrt{r}\vec{i} + \sqrt{r}\vec{j}) - r\vec{x} - 2 \begin{bmatrix} 1/2 \\ -2/4 \end{bmatrix} = \vec{x} - 2(\vec{i} - \vec{j})$$

۱۳۴

پرسش‌های چهارگزینه‌ای

نقطه‌ی $A = \begin{bmatrix} -4 \\ +2 \end{bmatrix}$ را به نقطه‌ی $A' = \begin{bmatrix} +1 \\ -4 \end{bmatrix}$ وصل می‌کنیم. پاره خط به دست آمده از کدام ناحیه نمی‌گذرد؟

(۱) سوم

(۲) چهارم

(۳) اول

(۴) دوم

به ازای چه مقدار طبیعی n نقطه‌ی $B = \begin{bmatrix} 2n+1 \\ 2n+5 \end{bmatrix}$ از محورهای مختصات به یک فاصله است؟

(۱) -4

(۲) 6

(۳) -6

(۴) 4

را با چه برداری انتقال دهیم تا به نقطه‌ی $A' = \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \end{bmatrix}$ برسیم؟

(۱) $\begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}$

(۲) $\begin{bmatrix} -6 \\ -2 \end{bmatrix}$

(۳) $\begin{bmatrix} 6 \\ -1 \end{bmatrix}$

(۴) $\begin{bmatrix} -6 \\ 2 \end{bmatrix}$

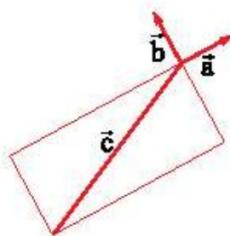
کدام گزینه برابر با بردار \vec{c} است؟

(۱) $2\vec{a} + 2\vec{b}$

(۲) $2\vec{a} + \vec{b}$

(۳) $-2\vec{a} - 2\vec{b}$

(۴) $-2\vec{a} - \vec{b}$



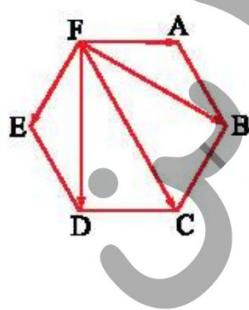
در ۶ ضلعی منتظم مقابل، $\overrightarrow{FC} + \overrightarrow{FA} + \overrightarrow{FB} + \overrightarrow{FE} + \overrightarrow{FD}$ برابر است با:

(۱) \overrightarrow{FC}

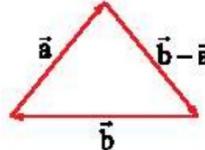
(۲) $2\overrightarrow{FC}$

(۳) $3\overrightarrow{FC}$

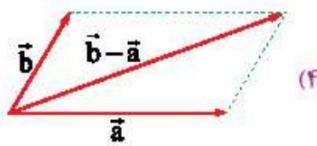
(۴) $4\overrightarrow{FC}$



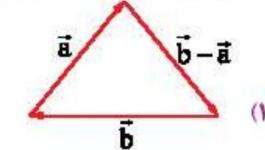
کدام گزینه $\vec{a} - \vec{b}$ را نمایش می‌دهد؟



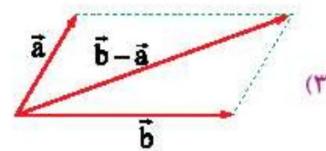
(۱)



(۲)



(۳)



(۴)

اگر $A = \begin{bmatrix} 3 \\ m+1 \end{bmatrix}$ در ربع چهارم باشد، حدود m برابر است با:

(۱) $m < 1$

(۲) $m > 1$

(۳) $m < -1$

(۴) $m > -1$

نقاط $B = \begin{bmatrix} 2a+4 \\ 2b-5 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 2a-2 \\ 2b-4 \end{bmatrix}$ به ترتیب بر محور طولها و عرض قرار دارد. مساحت مثلث OAB برابر است با:

(۱) 9

(۲) 6

(۳) صفر

(۴) 3

قرینه‌ی نقطه‌ی $A' = \begin{bmatrix} 2-m \\ 1-2n \end{bmatrix}$ نسبت به نیمساز ربع اول و سوم برابر با $\begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$ می‌باشد. m و n برابر کدام گزینه است؟

$n=2, m=0$ (۱) $n=-\frac{1}{3}, m=4$ (۲) $n=-\frac{4}{3}, m=0$ (۳) $n=2, m=4$ (۴)

چهار رأس متوازی‌الاضلاع $ABCD$ هستند. مختصات نقطه‌ی D کدام است؟

$\begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$ (۴)

اگر $\frac{2y}{x}$ برابر است با:

$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2y \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$

-4 (۱) 4 (۲) 1 (۳) -1 (۴)

با توجه به شکل مختصات بردار خواسته شده کدام است؟

$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} -5 \\ 2 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 5 \\ -1 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -5 \\ -2 \end{bmatrix}$ (۴)

اگر سه نقطه‌ی D در یک صفحه واقع باشند و $\overrightarrow{BA} = \overrightarrow{DC}$ ، آن‌گاه مختصات نقطه‌ی D کدام است؟

$\begin{bmatrix} -8 \\ -1 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} -7 \\ 0 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} -1 \\ -8 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -7 \\ 10 \end{bmatrix}$ (۴)

یک مستطیل با ۴ رأس مفروض است. محل برخورد قطرها کدام گزینه است؟

$\begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$ (۴)

اگر $\vec{a} + \vec{b}$ در امتداد محور y هاست، کدام است؟

$\begin{bmatrix} 0 \\ 6 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 6 \\ 8 \end{bmatrix}$ (۴)

در معادله‌ی $\vec{i} + 2\vec{x} = 5\vec{i}$ ، مختصات بردار \vec{x} برابر است با:

$\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 2 \\ -\frac{3}{2} \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -2 \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix}$ (۴)

مقدار مجهول a در معادله مختصاتی زیر چیست؟

$$\frac{1}{3}\vec{a} + \frac{1}{2}(\vec{i} - 4\vec{j}) = \frac{5}{6}\vec{a} + \dots / \times 5$$

$$\begin{bmatrix} \frac{4}{3} \\ -2\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

a هیچ عددی نمی‌تواند باشد.

-1 (۱)

0 (۲)

1 (۳)

