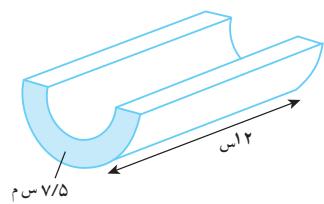
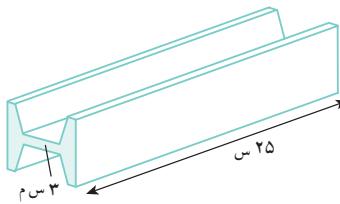
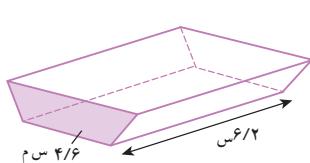
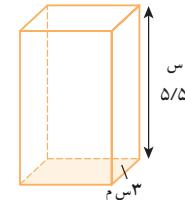
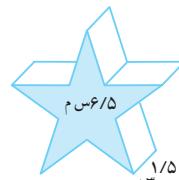
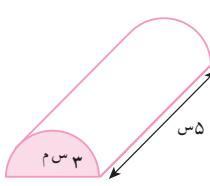
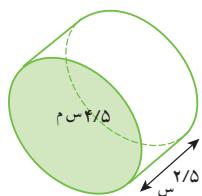
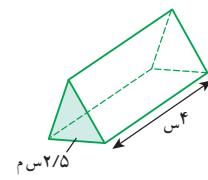
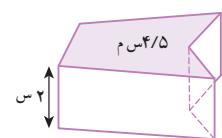
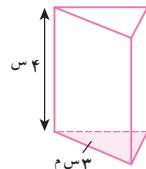
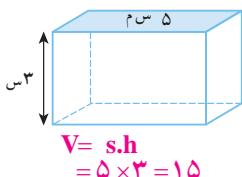
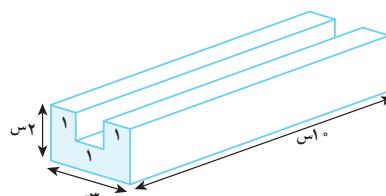
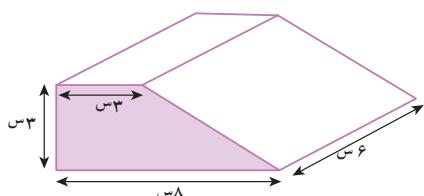
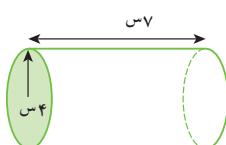
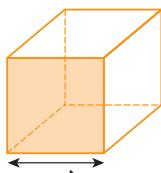
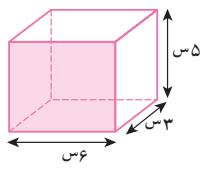


۱- با توجه به فعالیت صفحه قبل، رابطه جبری به دست آوردن حجم های منشوری (V) را که در آن، مساحت قاعده منشور، S و ارتفاع منشور، h است، بنویسید.

۲- با توجه به رابطه بالا و مساحت قاعده داده شده، حجم هر شکل را محاسبه کنید.



۳- ابتدا مساحت قاعده و سپس حجم هر یک از اجسام زیر را حساب کنید. برای به دست آوردن مساحت و حجم هر شکل رابطه های جبری را بنویسید.

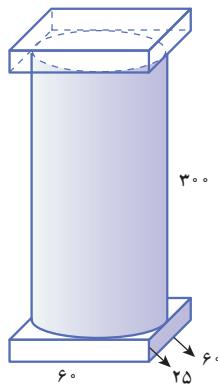


۴- منبع آبی به شکل استوانه است. شعاع قاعده این منبع $8/8$ متر و ارتفاعش ۲ متر است. منبع موصوف، چند متر مکعب آب می گیرد؟

$$\text{استوانه} \quad V = (\pi r^2) \times h \\ = \left(\pi \times \left(\frac{8}{8}\right)^2 \times 2 \right) = 4,192 \frac{\text{متر}^3}{\text{متر}} = 4,192 \frac{\text{متر}^3}{74}$$

$$\frac{\text{حجم بزرگ}}{\text{حجم کوچک}} = \frac{250 \times 12 \times 5}{25 \times 12 \times 1} = 24$$

۵- یک جعبه دستمال کاغذی به شکل مکعب مستطیل داریم که طول آن ۲۵، عرض آن ۱۲ و ارتفاعش ۵ سانتی متر است. تعیین کنید چند عدد از این جعبه‌ها در یک کارتون که به شکل مکعب مستطیل به ابعاد ۵۰ و ۳۰ و ۲۴ سانتی متر است، جا می‌گیرد؟

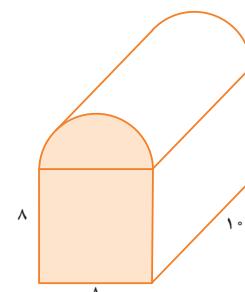
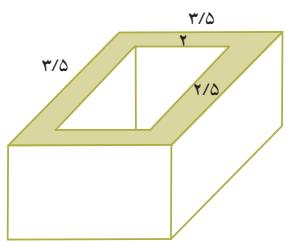
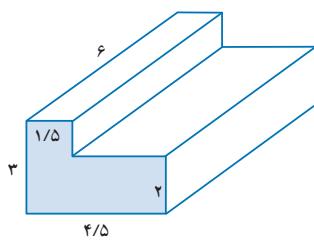
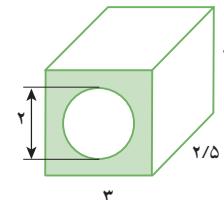
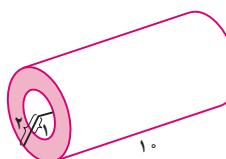
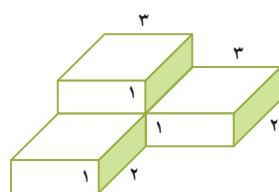


۱- حجم ستون شکل مقابل را به صورت تقریبی پیدا کنید.

(کل شکل را مکعب مستطیل و یا استوانه در نظر بگیرید.)

حالا کمی دقیق‌تر محاسبه کنید و آن را به سه قسمت تقسیم کنید و حجم سه تکه را جداگانه حساب کنید و مجموع را به دست آورید (شعاع قاعده استوانه چند است?). تفاوت دو جواب را به دست آورید.

۲- حجم اشکال زیر را به دست آورید.

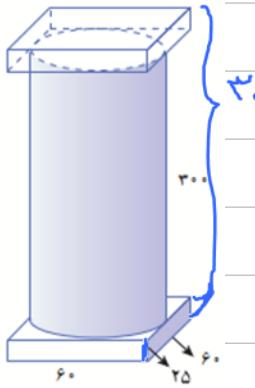


۳- چاهی به عمق ۱۲ متر حفر کردایم. شعاع دهانه این چاه $\frac{1}{4}$ متر است. وقتی خاک، کنده و بیرون ریخته می‌شود، حجم آن $\frac{1}{3}$ برابر می‌شود. اگر خاک این چاه بعد از بیرون آمدن در سطحی به ابعاد ۴ و ۵ متر به طور یکنواخت ریخته شود تا یک مکعب مستطیل به وجود آید، ارتفاع این مکعب مستطیل چقدر خواهد شد؟

۴- حوضی به شکل مکعب مستطیل داریم که ابعاد آن ۴ و ۳ و $\frac{1}{5}$ متر است. می‌خواهیم این حوض خالی را با شیر آبی که در هر دقیقه ۶ لیتر آب وارد آن می‌کند، پر کنیم. چند ساعت طول می‌کشد تا حوض پر شود؟

۵- یک پارچ به شکل استوانه داریم که ارتفاع آن 3° سانتی متر و شعاع قاعده آن ۸ سانتی متر است. آب داخل این پارچ را در لیوان‌هایی به شکل استوانه که ارتفاع آنها 1° سانتی متر و شعاع قاعده‌شان ۴ سانتی متر است، می‌ریزیم. آب پارچ، چند لیوان را پُر می‌کند؟

۶- قاعده یک منشور سه‌پهلو، مثلث قائم الزاویه‌ای است که ضلع‌های قائم آن ۳ و ۴ سانتی متر طول دارند. ارتفاع این منشور ۶ سانتی متر است. حجم این منشور را پیدا کنید.



۱- حجم ستون شکل مقابل را به صورت تقریبی پیدا کنید.

(کل شکل را مکعب مستطیل و یا استوانه در نظر بگیرید.)

حالا کمی دقیق‌تر محاسبه کنید و آن را به سه قسمت تقسیم کنید و حجم سه نکه را جداگانه حساب کنید و مجموع را به دست آورید (شعاع قاعده استوانه چند است؟). تفاوت دو جواب را به دست آورید.

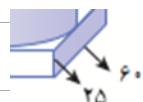
$$\text{مکعب مستطیل فرقی} = 90 \times 90 \times 300 = 129,000$$

$$\text{حجم ۲ مکعب مستطیل بالای ریاضی} = 2 \times \underbrace{(90 \times 90 \times 25)}_{9000} = 18,000$$

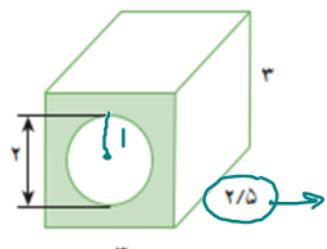
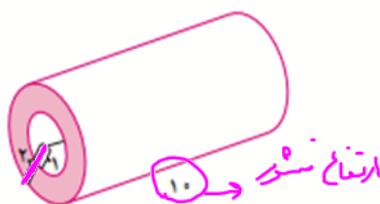
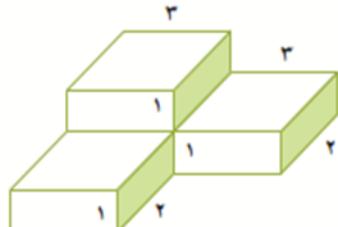
$$\text{حجم استوانه} = (30 \times 30 \times 30) \times 300 = 84,780$$

$$\left. \begin{array}{l} 18,000 + 84,780 \\ = 102,780 \end{array} \right\}$$

$$129,000 - 102,780 = 26,220$$



۲- حجم اشکال زیر را به دست آورید.



$$\text{مساحت دایره بزرگ} = \pi \times 10^2 = 314 \text{ متر مربع}$$

$$\text{مساحت برج} = 3 \times 3 = 9$$

$$\text{مساحت دایره کوچک} = \pi \times 5^2 = 78.5 \text{ متر مربع}$$

$$S = 9 - 78.5 = 2,187$$

$$S = 12156 - 314 = 9,842$$

$$V = 2187 \times 10 = 21,870$$

$$V = 9,842 \times 10 = 98,420$$

