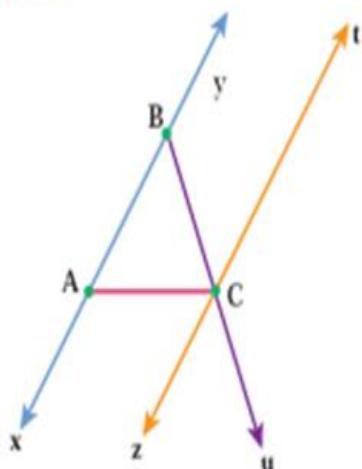


۴۲

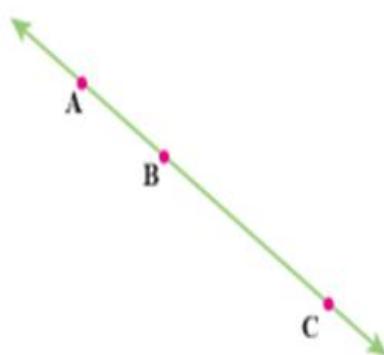
۲- در شکل زیر نام خط‌ها، نیم خط‌ها و پاره خط‌های را بنویسید و در صورت لزوم از راهبرد الگوسازی استفاده کنید.



خط : xy zt

نیم خط : Cu Cz Ct Bu Bx By Ax Ay

پاره خط : AC BC AB



۳- در شکل مقابله نقاط A, B, C روی یک خط قرار دارند.

$$\overline{AB} + \overline{BC} = \underline{\overline{AC}}$$

$$\overline{AC} - \overline{AB} = \underline{\overline{BC}}$$

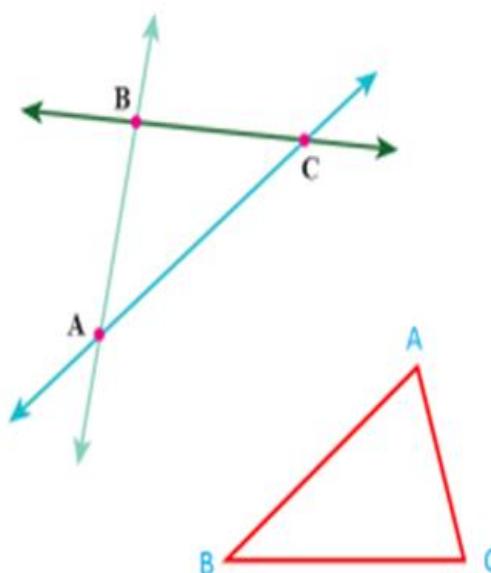
$$\overline{AC} - \underline{\overline{BC}} = \overline{AB}$$

$$\overline{CB} + \overline{BA} = \underline{\overline{AC}}$$

۴۲

۴- در شکل زیر نقاط A, B, C روی یک خط قرار ندارند.

نقاط A, B, C یک مثلث تشکیل داده‌اند. این مثلث ABC نام دارد و آن را به صورت  $\Delta ABC$  یا  $\triangle ABC$  نمایش می‌دهیم.



رابطه‌های زیر را کامل کنید.

$$\overline{AB} + \overline{BC} > \underline{\overline{AC}}$$

$$\overline{AB} + \overline{AC} > \underline{\overline{BC}}$$

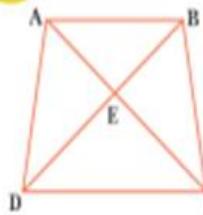
$$\underline{\overline{AC}} + \underline{\overline{BC}} > AB$$

یک مثلث دلخواه دیگر رسم کنید و آن را ABC بنامید.

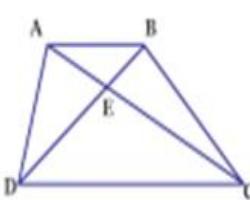
آیا همین رابطه‌ها در آن مثلث هم برقرار است؟

۴۳

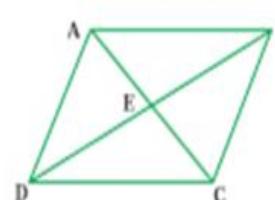
۱- ماتند نمونه رابطه‌های دیگری را بنویسید که در همه شکل‌ها برقرار باشد.



$$BD - BE = DE$$



$$AB + BD > AD$$



$$AC - EC = AE$$

$$BC + CD > DB$$

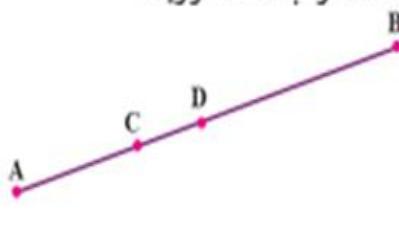
$$DE + BE = BD$$

$$BE + CE > BC$$

$$AC - AE = EC$$

۲- می‌دانیم  $\overline{DB} = 4\text{cm}$  و  $\overline{AC} = 2\text{cm}$ ،  $\overline{AB} = 5\text{cm}$  مخفف سانتی‌متر است.

یک رابطه جبری بنویسید و با جایگزین کردن عددها، طول پاره‌خط  $CD$  را به دست آورید.

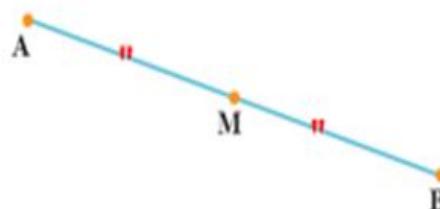
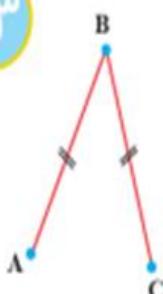


$$\begin{aligned} AB - (AC + DB) &= \\ 5 - (2 + 4) &= 1 \end{aligned}$$

۴۴

۱- پاره‌خط‌های مساوی را به صورت رو به رو در شکل مشخص می‌کنیم.

علامت‌های نشان می‌دهند که:  $\overline{AB} = \overline{AC}$



در شکل مقابل  $M$  وسط پاره‌خط  $AB$  است.

اندازه کدام دو پاره‌خط با هم مساوی‌اند؟  $AM = MB$

تساوی این دو پاره‌خط را با علامت گذاری روی شکل نشان دهید. تساوی‌های زیر را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید.

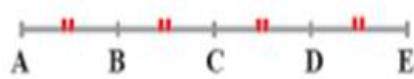
$$\overline{AB} = \underline{\underline{2}} \overline{AM}$$

$$\overline{AM} = \underline{\frac{1}{2}} \overline{AB}$$

پنجم

کارگاه‌های علمی

۲- در شکل زیر پاره خط های  $\overline{AD}$ ,  $\overline{BE}$ ,  $\overline{CD}$ ,  $\overline{BC}$  و  $\overline{DE}$  با هم مساوی اند. طول کدام پاره خط ها برابر  $\frac{3}{2}\overline{AB}$  است؟

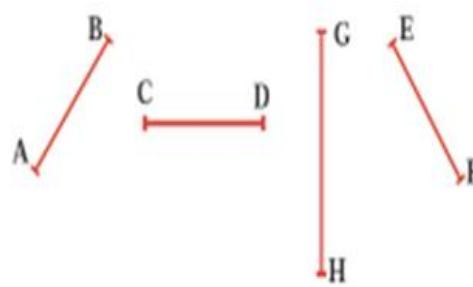


طول کدام پاره خط ها برابر  $\frac{2}{3}\overline{AB}$  است؟

چند پاره خط در شکل رو به رو دیده می شود؟ ۱۰

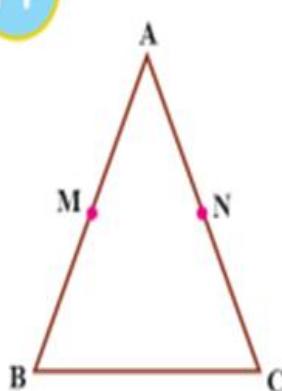
۳- با توجه به پاره خط هایی که در شکل زیر می بینید، اگر بدانیم  $\overline{EF} < \overline{GH}$  و  $\overline{DC} = \overline{EF}$  و  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ، رابطه های زیر را کامل

کنید. (ابن علامت  $\Rightarrow$  یعنی نتیجه می گیریم) :



$$\begin{cases} \overline{AB} = \overline{DC} \\ \overline{DC} = \overline{EF} \end{cases} \Rightarrow \overline{AB} = \overline{EF}$$

$$\begin{cases} \overline{AB} = \overline{EF} \\ \overline{EF} < \overline{GH} \end{cases} \Rightarrow \overline{AB} < \overline{GH}$$



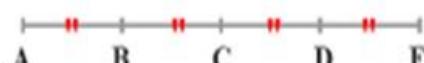
۴- مثلث ABC متساوی الساقین است؛ یعنی :

نقطه M وسط AB و نقطه N وسط AC است.

?  $\overline{AN} = \overline{AM}$  چرا

$$\overline{AB} = \overline{AC} \Rightarrow \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2}\overline{AC} \Rightarrow \overline{AM} = \overline{AN}$$

۱- اگر پاره خط های  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$ ,  $\overline{BC}$  و  $\overline{DE}$  با هم برابر باشند، تساوی ها را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید.



$$\overline{AC} = \frac{2}{3}\overline{AB} \quad \overline{CE} = \frac{2}{3}\overline{AE}$$

$$\overline{AE} = \frac{3}{2}\overline{BE} \quad \overline{BC} = \frac{1}{2}\overline{BC}$$

۴۴

۲- در شکل مقابل نقاط A، B، C و D روی یک خط قرار گرفته‌اند.



$$\overline{AB} = \overline{CD}$$

می‌دانیم: کدام پاره‌خط هم اندازه AC است؟ DB چرا؟

۱- با رسم شکل‌های مناسب به سوال‌های زیر پاسخ دهید.

الف) از یک نقطه چند خط می‌گذرد؟ بی‌شمار

ب) از یک نقطه چند خط راست می‌گذرد؟ بی‌شمار

ج) از دو نقطه چند خط از (انواع مختلف) می‌گذرد؟ بی‌شمار

د) از دو نقطه چند خط راست می‌گذرد؟ یک خط



۲- یک خط رسم کنید و نقاط A، B، C و D را طوری روی آن نام‌گذاری کنید که رابطه زیر درست باشد.

$$\overline{BD} - \overline{AD} = \overline{BC} + \overline{AC}$$



۴۳

۳- اگر روی یک خط راست ۱۰ نقطه بگذارید، چند نیم خط به وجود می‌آید که سر آن‌ها روی این نقاط باشد؟ چرا؟

$$2 \times 10 = 20$$

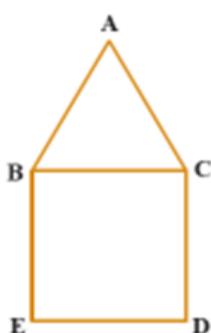
۴- نقطه C وسط پاره‌خط AB، نقطه D وسط پاره‌خط AC و نقطه E وسط پاره‌خط AD است.



$$\wedge \quad \text{چند برابر } \overline{AE} \text{ است؟} \quad \overline{AB}$$

۵- در شکل رو به رو یک مربع و یک مثلث متساوی‌الاضلاع دیده می‌شود.

$$\text{چرا } ? \quad \overline{BE} = \overline{AC}$$



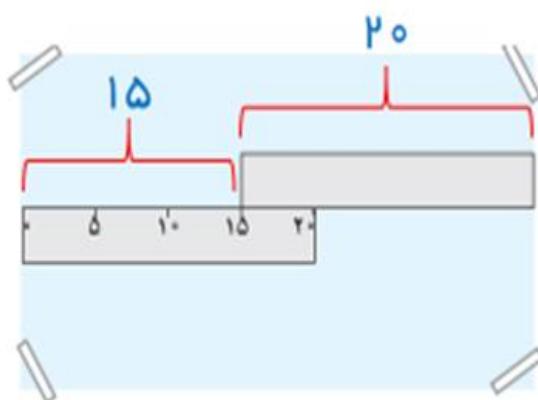
$$AC = BC$$

$$BC = BE$$

$$\left. \begin{array}{l} AC = BC \\ BC = BE \end{array} \right\} \rightarrow AC = BE$$

۶- دو خط کش  $2^\circ$  سانتی متری را مانند شکل رو به رو، روی یک صفحه کاغذ قرار داده ایم.

طول این صفحه چند سانتی متر است؟



$$15 + 20 = 35$$

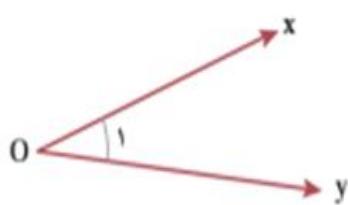
۷- اندازه قدرت علی را با  $a$ ، اندازه قدرت حسن را با  $b$  و اندازه قدرت حسین را با  $c$  نشان می دهیم.

$$\left. \begin{array}{l} a > b \\ b = c \end{array} \right\} \Rightarrow a > c$$

رابطه زیر را کامل کنید و نتیجه را به فارسی بنویسید.

قد علی بلندتر از حسن و قد حسن بلندتر از حسین است پس نتیجه می گیریم قد علی از حسین بلندتر است

### روابط بین زاویه ها



زاویه مقابل نامگذاری شده و به چند صورت خوانده می شود. چرا از حروف کوچک و بزرگ

استفاده شده است؟

$$\hat{xOy} = \hat{yOx} = \hat{O} = \hat{O_1} = \hat{1}$$

چون زاویه از دو نیم خط تشکیل شده که در راس با هم مشترکند قطعه راس را با حرف بزرگ و  
انتهای نیم خط هارا با حرف کوچک نامگذاری می کنیم



## ۲۹ فصل هندسه و استدلال



- روابط بین پاره خطها

به اطراف خود نگاه کنید. چند شکل هندسی می‌بینید؟ ما در دنیابی از شکل‌ها و حجم‌ها زندگی می‌کنیم. انواع خطوط نیز به صورت‌های مختلف در زندگی ما دیده می‌شوند.

- روابط بین زاویه‌ها

خط، نقطه، زاویه، سطح و حجم از عناصر اصلی علم هندسه‌اند.

- تبدیلات هندسی

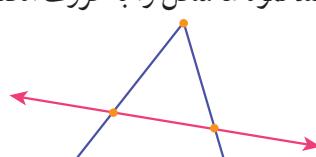
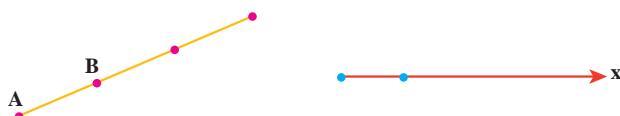
- شکل‌های مساوی (هم نهشت)

## روابط بین پاره خطها

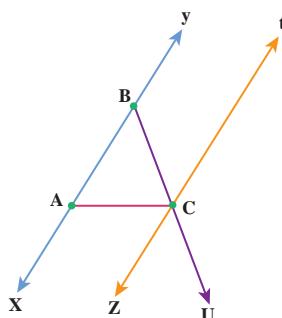
در ریاضیات برای نام‌گذاری شکل‌ها از حروف انگلیسی استفاده می‌کنیم. به طور معمول نقطه را با حروف بزرگ انگلیسی نام‌گذاری می‌کنیم و برای نام‌گذاری امتداد خط که در شکل با پیکانه نشان می‌دهیم از حروف کوچک استفاده می‌کنیم. طول یک پاره خط را با قراردادن یک پاره خط کوچک در بالای نام آن نمایش می‌دهیم. برای مثال  $\overline{AB}$  یعنی طول پاره خط  $AB$

پیش

۱- مانند نمونه‌ها شکل را با حروف انگلیسی نام‌گذاری کنید.



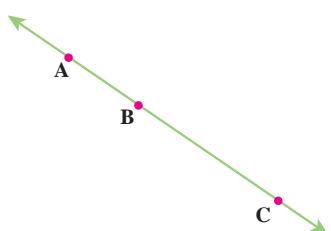
۲- در شکل زیر نام خطوط، نیم خطوط و پاره خطوط را بنویسید و در صورت لزوم از راهبرد الگوسازی استفاده کنید.



خط:

نیم خط:

پاره خط:



۳- در شکل مقابل نقاط A, B و C روی یک خط قرار دارند. رابطه‌های زیر را کامل کنید.

$$\overline{AB} + \overline{BC} = \underline{\quad}$$

$$\overline{AC} - \overline{AB} = \underline{\quad}$$

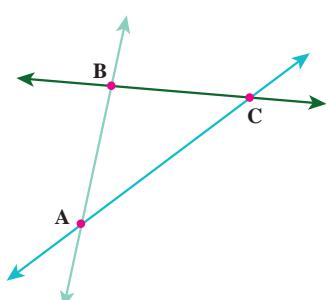
$$\overline{AC} - \overline{BC} = \overline{AB}$$

$$\overline{CB} + \overline{BA} = \underline{\quad}$$

۴- در شکل زیر نقاط A, B و C روی یک خط قرار ندارند.

نقاط A, B و C یک مثلث تشکیل داده‌اند. این مثلث ABC نام دارد و آن را به صورت  $\triangle ABC$  یا  $\overset{\Delta}{ABC}$  نمایش می‌دهیم.

رابطه‌های زیر را کامل کنید.



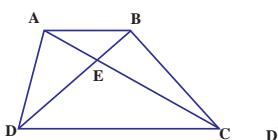
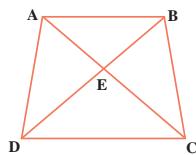
$$\overline{AB} + \overline{BC} > \underline{\quad}$$

$$\overline{AB} + \overline{AC} > \underline{\quad}$$

$$\underline{\quad} + \underline{\quad} > \overline{AB}$$

یک مثلث دلخواه دیگر رسم کنید و آن را ABC بنامید.

آیا همین رابطه‌ها در آن مثلث هم برقرار است؟



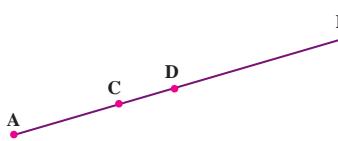
۱- مانند نمونه رابطه‌های دیگری را بنویسید که در همه شکل‌ها برقرار باشد.

$$\overline{AB} + \overline{AD} > \overline{BD}$$

$$\overline{BD} - \overline{DE} = \overline{BE}$$

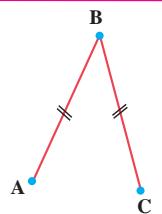
۲- می‌دانیم  $\overline{DB} = 4\text{cm}$  و  $\overline{AC} = 2\text{cm}$ ،  $\overline{AB} = 7\text{cm}$  (مخفف سانتی‌متر است).

یک رابطه جبری بنویسید و با جایگزین کردن عددها، طول پاره‌خط  $CD$  را به دست آورید.



۱- پاره‌خط‌های مساوی را به صورت رو به رو در شکل مشخص می‌کنیم.

علامت‌های نشان می‌دهند که  $\overline{AB} = \overline{AC}$  است.



در شکل مقابل  $M$  وسط پاره‌خط  $AB$  است.

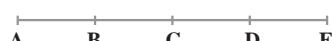
اندازه کدام دو پاره‌خط مساوی است؟

تساوی این دو پاره‌خط را با علامت گذاری روی شکل نشان دهید. تساوی‌های زیر را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید.

$$\overline{AB} = \underline{\quad} \overline{AM}$$

$$\overline{AM} = \underline{\quad} \overline{AB}$$

۲- در شکل زیر پاره‌خط‌های  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$  و  $DE$  با هم مساوی‌اند. طول کدام پاره‌خط‌ها برابر  $3\overline{AB}$  است؟

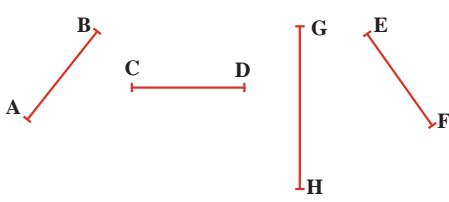


طول کدام پاره‌خط‌ها برابر  $2\overline{AB}$  است؟

چند پاره‌خط در شکل رو به رو دیده می‌شود؟

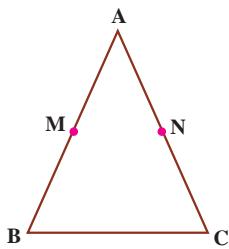
۳- با توجه به پاره‌خط‌هایی که در شکل زیر می‌بینید، اگر بدانیم  $\overline{AB} = \overline{DC}$  و  $\overline{EF} < \overline{GH}$ ، رابطه‌های زیر را کامل

کنید. (علامت « $\Rightarrow$ » یعنی نتیجه می‌گیریم)



$$\left. \begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{DC} \\ \overline{DC} = \overline{EF} \end{array} \right\} \Rightarrow \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\left. \begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{EF} \\ \overline{EF} < \overline{GH} \end{array} \right\} \Rightarrow \underline{\quad} < \underline{\quad}$$



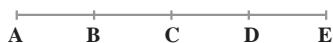
۴- مثلث ABC متساوی الساقین است؛ یعنی  $\overline{AB} = \overline{AC}$

نقطه M وسط AB و نقطه N وسط AC است.

چرا  $?\overline{AN} = \overline{AM}$

$$\overline{AB} = \overline{AC} \Rightarrow \frac{1}{2}\overline{AB} = \underline{\quad} \Rightarrow \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

۱- اگر پاره خط‌های AB، BC، CD و DE با هم برابر باشند، تساوی‌ها را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید.



$$\overline{AC} = \underline{\quad} \overline{AB} \quad \overline{CE} = \underline{\quad} \overline{AE}$$

$$\overline{AE} = \underline{\quad} \overline{BE} \quad \overline{BC} = \underline{\quad} \overline{BC}$$

۲- در شکل مقابل نقاط A، B، C و D روی یک خط قرار گرفته‌اند.



$$?\overline{AB} = \overline{CD}$$

کدام پاره خط هم اندازه AC است؟  $\underline{\quad}$  چرا؟

۱- با رسم شکل‌های مناسب به سؤال‌های زیر پاسخ دهید.

الف) از یک نقطه چند خط می‌گذرد؟      ب) از یک نقطه چند خط راست می‌گذرد؟

ج) از دو نقطه چند خط (از انواع مختلف) می‌گذرد؟      د) از دو نقطه چند خط راست می‌گذرد؟

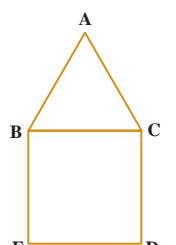
۲- یک خط رسم کنید و نقاط A، B، C و D را طوری روی آن نام‌گذاری کنید که رابطه زیر درست باشد.

$$\overline{BD} - \overline{AD} = \overline{BC} + \overline{AC}$$

۳- اگر روی یک خط راست ۱۰ نقطه بگذارید، چند نیم خط به وجود می‌آید که سر آن‌ها روی این نقاط باشند؟ چرا؟

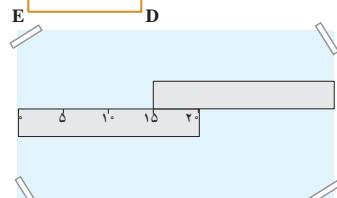
۴- نقطه C وسط پاره خط AB، نقطه D وسط پاره خط AC و نقطه E وسط پاره خط AD است.

چند برابر  $\overline{AB}$  است؟



۵- در شکل روبرو یک مربع و یک مثلث متساوی الاضلاع دیده می‌شود.

چرا  $?\overline{BE} = \overline{AC}$



۶- دو خط کش ۲۰ سانتی‌متری را مانند شکل روبرو، روی یک صفحه کاغذ قرار داده‌ایم.

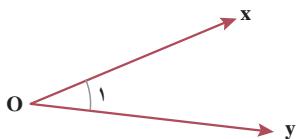
طول این صفحه چند سانتی‌متر است؟

۷- اندازه قد علی را با a، اندازه قد حسن را با b و اندازه قد حسین را با c نشان می‌دهیم.

$$\left. \begin{array}{l} a > b \\ b = c \end{array} \right\} \Rightarrow$$

رابطه زیر را کامل کنید و نتیجه را به فارسی بنویسید.

## روابط بین زاویه‌ها



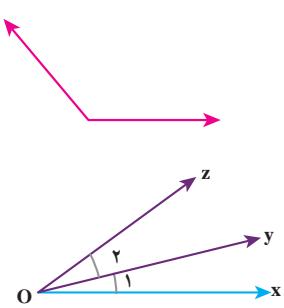
زاویه مقابله نام‌گذاری شده و به چند صورت خوانده می‌شود. چرا از حروف کوچک و بزرگ

استفاده شده است؟

$$\hat{xOy} = \hat{yOx} = \hat{O} = \hat{O}_1 = \alpha$$

۱- با انواع زاویه‌ها در سال گذشته آشنا شده‌اید. زاویه‌ها را نام‌گذاری کنید و نوع هر کدام را مشخص کنید.

پنج



۲- تساوی بین زاویه‌ها را کامل کنید.

$$\hat{xOy} + \text{_____} = \hat{xOz}$$

$$\hat{O}_2 + \hat{O}_1 = \text{_____}$$

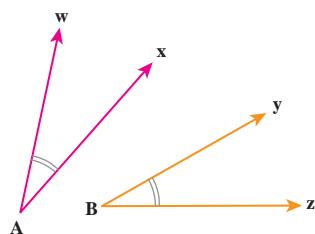
$$\hat{xOz} - \text{_____} = \hat{zOy}$$

$$\hat{xOz} - \hat{O}_1 = \text{_____}$$

۳- دو زاویه مساوی را به صورت رو به رو در شکل مشخص می‌کنیم.

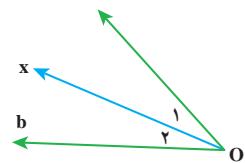
$$\hat{wAx} = \text{_____}$$

علامت‌ها نشان می‌دهند که



۴- در شکل مقابله  $Ox$  نیمساز زاویه  $a\hat{Ob}$  است. زاویه  $\hat{O}_1$  با کدام زاویه مساوی است؟

تساوی این دو زاویه را با علامت‌گذاری روی شکل نشان دهید.



۵- در شکل مقابله دو خط یکدیگر را در نقطه  $\hat{O}$  قطع کرده‌اند.

$$\left. \begin{array}{l} \hat{O}_1 + \hat{O}_2 = \text{_____} \\ \hat{O}_3 + \hat{O}_2 = \text{_____} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{_____} = \text{_____}$$

می‌دانیم  $\hat{O}_1 = 70^\circ$  است. اندازه زاویه‌های دیگر را با نوشتن یک تساوی پیدا کنید.

$$\hat{O}_2 = 180^\circ - \text{_____} = \hat{O}_4$$

$$\hat{O}_3 = \text{_____} = \text{_____}$$

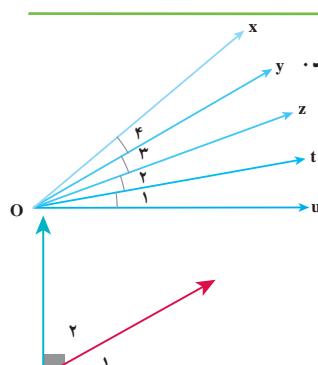
۱- زاویه‌های  $\hat{O}_1$ ,  $\hat{O}_2$ ,  $\hat{O}_3$  و  $\hat{O}_4$  همه باهم برابرند. جاهای خالی را با عدد مناسب کامل کنید.

$$\hat{xOu} = \text{_____} \hat{O}_1$$

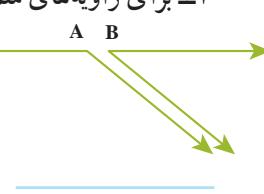
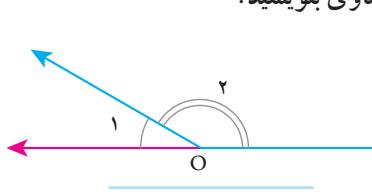
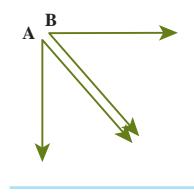
$$\hat{yOt} = \text{_____} \hat{O}_2$$

$$\hat{xOt} = \text{_____} \hat{tOx}$$

$$\hat{O}_2 = \text{_____} \hat{zOu}$$



۲- برای زاویه‌های متمم و مکمل تساوی بنویسید.



	متتساوی‌الاضلاع	متتساوی‌الساقین	با ضلع‌های نامتساوی
همه زاویه‌ها تند			
یک زاویه راست			
یک زاویه باز			

۱- می‌دانیم در هر مثلث، مجموع زاویه‌ها برابر  $180^\circ$  است.

مثلث‌ها را با توجه به اندازه زاویه‌هایشان به سه دسته تقسیم می‌کنیم:

○ مثلث‌هایی که هر سه زاویه آنها تند است.

○ مثلث‌هایی که یک زاویه راست دارند.

○ مثلث‌هایی که یک زاویه باز دارند.

چرا مثلث نمی‌تواند دو زاویه راست داشته باشد؟

۲- می‌خواهیم در هر قسمت جدول مقابل یک

مثلث رسم کنیم.

در کدام قسمت‌ها نمی‌توانیم مثلثی رسم کنیم؟

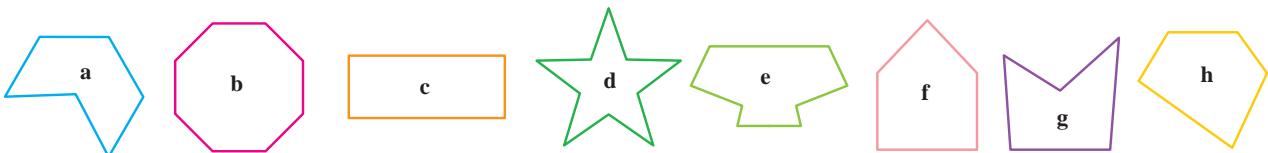
در قسمت‌هایی که می‌توانیم مثلث رسم کیم، یک مثلث بکشید.

۳- هریک از شکل‌های زیر یک چندضلعی‌اند.

چندضلعی‌هایی که هیچ زاویه بزرگ‌تر از  $180^\circ$  ندارند، محدب نامیده می‌شوند.

به چندضلعی‌ای که دست کم یک زاویه بزرگ‌تر از  $180^\circ$  داشته باشد، چندضلعی مقعر می‌گویند.

چندضلعی‌های مقعر (کاو) و محدب (کوژ) را در شکل زیر مشخص کنید.

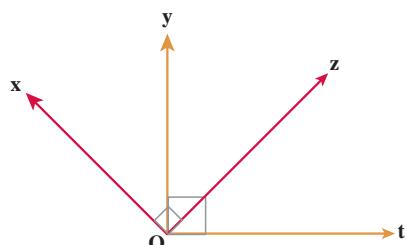
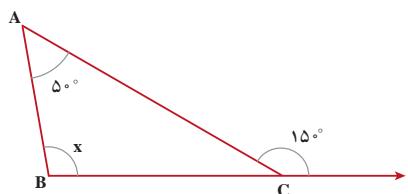
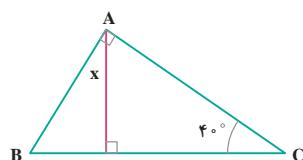
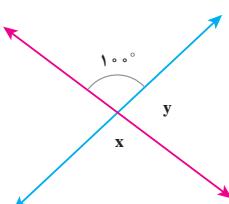
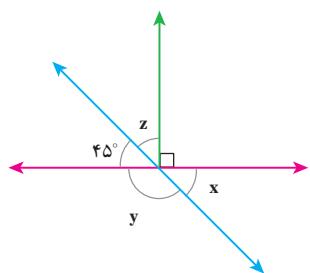
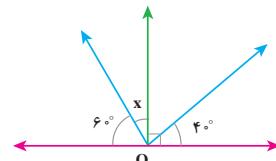
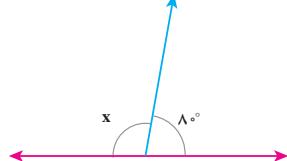
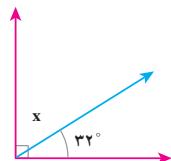
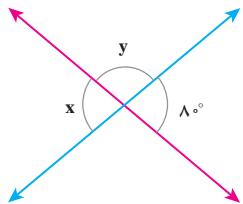


۴- به چندضلعی‌هایی که همه ضلع‌ها و زاویه‌هایشان با هم متساوی است، چندضلعی منتظم گفته می‌شود. کدام شکل در فعالیت

قبل چندضلعی منتظم بود؟

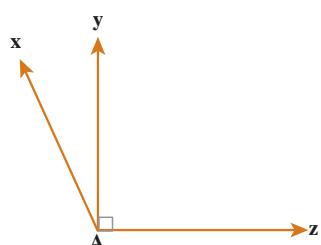
۱- یک مثال برای هر یک از زمان‌های بتوانید که عقره بین ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار زاویه راست، باز، تند و نیم صفحه را تشان دهد.

۲- اندازه زاویه‌های  $x$  و  $y$  را در شکل‌های زیر پیدا کنید.



۳- در شکل مقابل می‌دانیم زاویه‌های  $\hat{xOy}$ ،  $\hat{tOz}$ ،  $\hat{yOz}$  هستند.

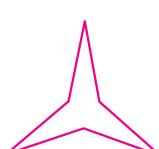
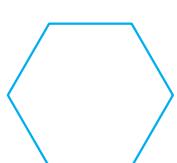
چگونه می‌توانید نتیجه بگیرید که:  $\hat{xOy} = \hat{tOz}$  ؟



۴- در شکل مقابل اندازه زاویه  $\hat{xAz}$  برابر  $12^\circ$  درجه است.

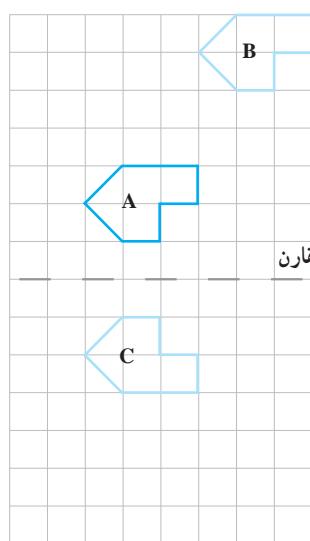
زاویه  $\hat{xAy}$  چه کسری از  $\hat{xAz}$  است؟

۵- شکل‌های زیر چه شباهت‌هایی با هم دارند؟ چه تفاوت‌هایی با هم دارند؟



## تبدیلات هندسی (انتقال، تقارن، دوران)

چهارمین درس



- ۱- یک کاغذ شفاف روی شکل A قرار دهید و این شکل را روی کاغذتان بکشید.  
کاغذ شفاف را بدون تغییر جهت روی صفحه حرکت دهید تا تصویر آن روی شکل B قرار بگیرد.

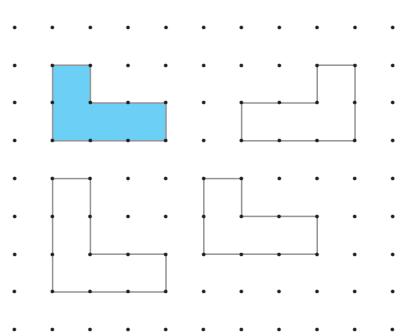
بدین ترتیب تصویر شکل A را روی صفحه **انتقال** داده اید.

- ۲- دوباره کاغذ پوستی خود را طوری روی صفحه قرار دهید که تصویری که کشیده اید، روی شکل A قرار بگیرد.

کاغذتان را از روی خط تقارن تا کنید. بدین ترتیب تصویر شکل A روی کدام شکل قرار می گیرد؟

این شکل قرینه شکل A نسبت به **خط تقارن** است. قرینه شکل B را هم نسبت به خط تقارن رسم کنید و آن را D بنامید.

چهارمین درس



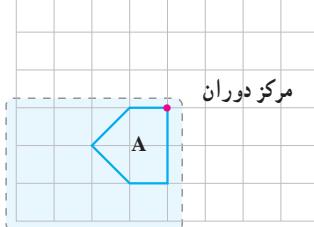
- ۱- به اندازه و جهت شکل های سفید نگاه کنید.  
کدام یک از شکل ها، انتقال یافته شکل آبی است؟  
این شکل را هاشور بزنید.

- ۲- کدام شکل قرینه شکل آبی است?  
خط تقارن مناسب با این تقارن را رسم کنید.

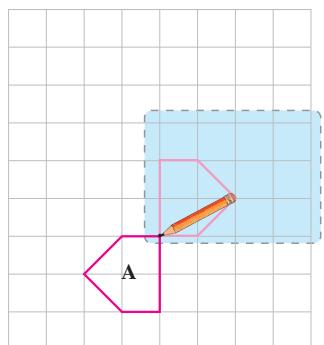
وقتی شکلی را روی صفحه انتقال می دهیم، تصویر به دست آمده، مساوی و هم جهت شکل اولیه است.  
وقتی قرینه شکلی را نسبت به یک خط پیدا می کنیم، تصویر به دست آمده، مساوی آن شکل است اما جهت آن تغییر می کند.

چهارمین درس

- ۱- یک کاغذ پوستی روی شکل A قرار دهید و این شکل را روی آن بکشید. با استفاده از یک مداد، کاغذ پوستی خود را در مرکز **دوران** شکل، روی صفحه کتاب ثابت کنید و آرام کاغذ را روی کتاب بچرخانید و به حرکت تصویر در صفحه نگاه کنید.



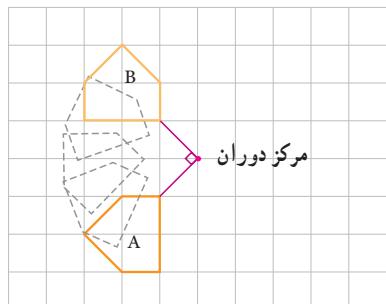
۲- اگر کاغذ پوستی را  $18^\circ$  درجه بچرخانید، تصویر شکل A مانند شکل رو به رو در صفحه قرار می‌گیرد. این تصویر حاصل دوران  $18^\circ$  درجه‌ای شکل A حول مرکز دوران است.



۳- باز هم کاغذ پوستی را روی شکل قرار دهید و با استفاده از آن، تصویر حاصل از دوران  $18^\circ$  درجه شکل A حول مرکز دوران جدید را بسازید.



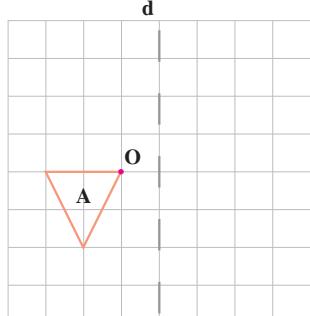
۴- با کمک کاغذ پوستی شکل A را حول مرکز دوران  $90^\circ$  درجه در جهت عقربه‌های ساعت چرخانده‌ایم. تصویر شکل A روی شکل B قرار گرفته است. شکل B را حول مرکز دوران،  $90^\circ$  درجه در جهت عقربه‌های ساعت بچرخانید. شکل حاصل از این دوران را رسم کنید و آن را C بنامید.  
چرا در دوران  $90^\circ$  درجه لازم است جهت دوران را مشخص کنیم اما در دوران  $18^\circ$  درجه این کار لازم نیست؟

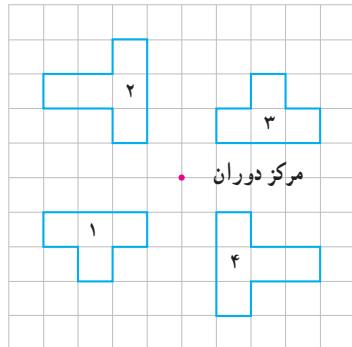


۱- الف) شکل A را  $90^\circ$  حول نقطه O در جهت عقربه‌های ساعت بچرخانید و شکل حاصل را B بنامید.

ب) قرینه A را نسبت به خط d رسم کنید و آن را C بنامید.

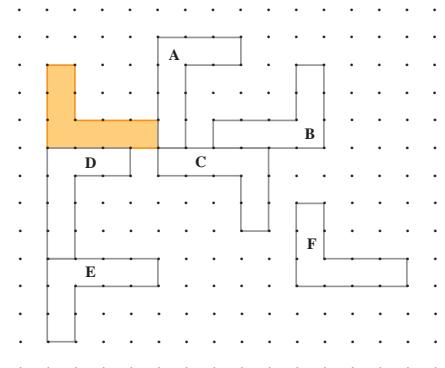
ج) آیا هر سه شکل با هم مساوی‌اند؟





۲- الف) کدام شکل از دوران  $180^\circ$  درجه شکل ① در جهت عقربه‌های ساعت حول مرکز دوران به دست آمده است؟

ب) کدام شکل از دوران  $180^\circ$  درجه شکل ④ حول مرکز دوران به دست آمده است؟

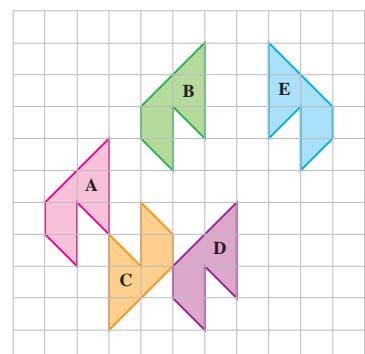


۳- همه شکل‌های مقابل با هم مساوی‌اند.

الف) کدام شکل‌ها انتقال یافته شکل رنگی هستند؟

ب) کدام شکل‌ها دوران یافته شکل رنگی هستند؟

ج) کدام شکل‌ها قرینه شکل رنگی نسبت به یک خط هستند؟



۴- در هر مورد چه تبدیلی انجام شده است؛ انتقال، تقارن محوری یا دوران؟

الف) ب) به A تبدیل شده است.

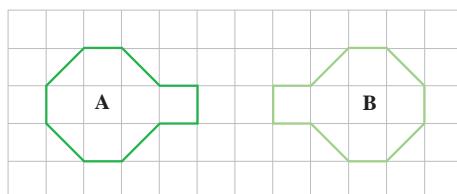
ب) ب) C به A تبدیل شده است.

ج) ب) E به B تبدیل شده است.

د) ب) D به A تبدیل شده است.

ه) ب) C به D تبدیل شده است.

۵- در هر مورد با دو تبدیل مختلف می‌توان A را بر B منطبق کرد. این دو تبدیل را نام ببرید.



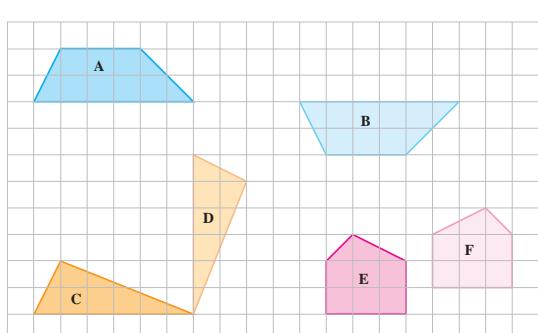
(ب)



(الف)

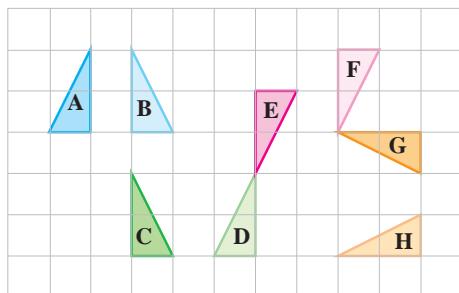
۶- در شکل مقابل کدام دو شکل مساوی، یک شکل و تبدیل یافته آن

تنها با یک تبدیل (انتقال، تقارن یا دوران) را نشان می‌دهد؟



## شکل‌های مساوی (هم‌نهشت)

3



تقارن

$$A \longrightarrow B \longrightarrow C \longrightarrow D \longrightarrow E \longrightarrow F \longrightarrow G \longrightarrow H$$

ب) آیا شکل A با شکل H مساوی است؟ چرا؟

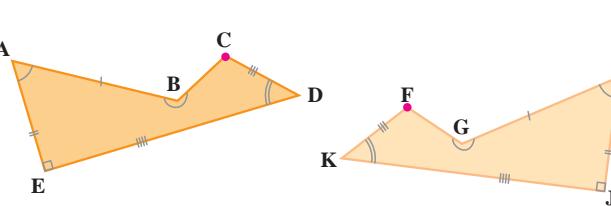
۲- اگر بتوانیم شکلی را با یک یا چند تبدیل (انتقال، تقارن یا دوران) در صفحه بر شکل دیگر منطبق کنیم، می‌گوییم این دو شکل

باهم هم‌نهشت (مساوی)‌اند.

دو شکل مقابل با هم هم‌نهشت‌اند.

یک ضلع و یک زاویه از شکل A مشخص شده است.

ضلع و زاویه مساوی (متناظر) با آنها در شکل B را با علامت گذاری مشخص کنید.



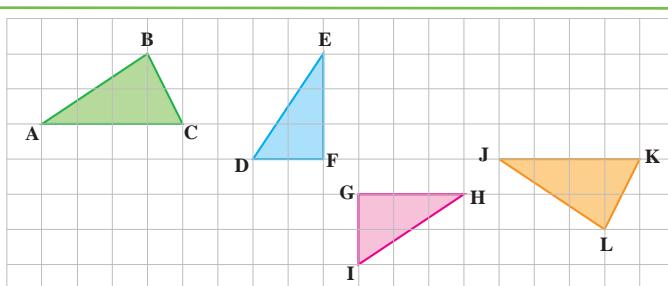
۳- دو شکل مقابل، هم‌نهشت‌اند. این عبارت را در

ریاضی به صورت  $ABCDE \cong HGFKJ$  نمایش می‌دهیم.

در دو شکل هندسی هم‌نهشت، اجزای متناظر دو به دو با

هم برابرند.

به چگونگی نمایش برای ضلع‌ها و زاویه‌ها در دو شکل بالا توجه کنید.



۱- مثلث‌های هم‌نهشت را در شکل بیابید

و به زبان ریاضی بنویسید.

۲- در شکل مقابل دو مثلث هم‌نهشت دیده می‌شود.

ضلع‌ها و زاویه‌های مساوی دو شکل را با علامت گذاری مشخص کنید. تساوی اجزاء

متناظر این دو مثلث را کامل کنید.

$$\hat{A} =$$

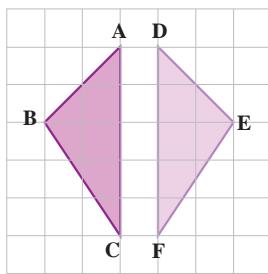
$$\overline{AB} =$$

$$\hat{B} =$$

$$=$$

$$\hat{C} =$$

$$=$$

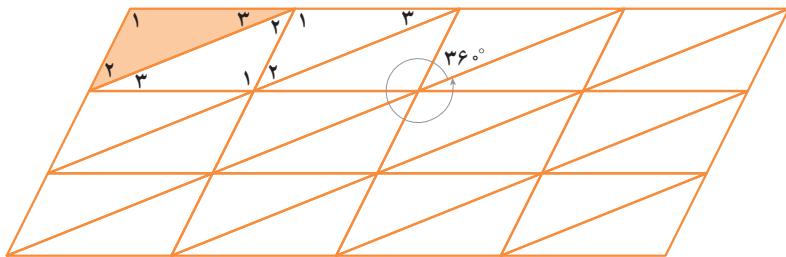


گام‌گذاشت

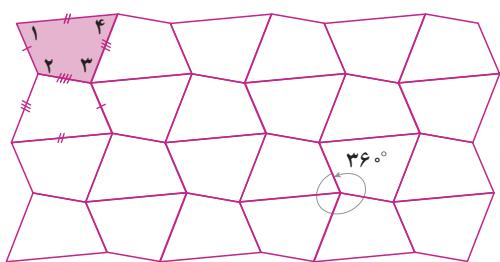
- ۱- با انجام تبدیلات متواالی روی یک مثلث، قسمتی از صفحه را پوشانده‌ایم. مثلث‌هایی را که از انتقال مثلث رنگی به‌دست آمده‌اند، رنگ کنید.

هیک از مثلث‌های سفید را می‌توان با دوران  $180^\circ$  درجه بکی از مثلث‌های رنگی به‌دست آورد.

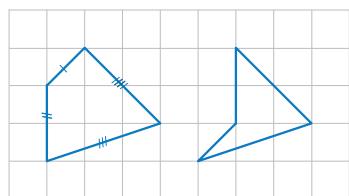
زاویه‌های مساوی در همه مثلث‌ها را با شماره‌گذاری آنها مشخص کنید. آیا همه این مثلث‌ها با هم مساویند؟



- ۲- با انجام تبدیلات متواالی روی یک چهارضلعی، قسمتی از صفحه را پوشانده‌ایم.  
چهارضلعی‌هایی را که از انتقال چهارضلعی رنگی به‌دست آمده‌اند، رنگ کنید. با چه تبدیلی می‌توان چهارضلعی‌های سفید را به‌دست آورد؟

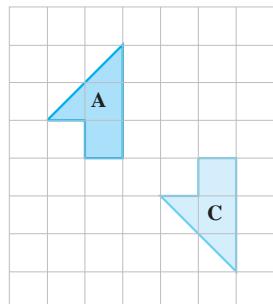


ضلع‌ها و زاویه‌های مساوی را با علامت گذاری مشخص کنید.  
آیا همه این چهارضلعی‌ها با هم مساوی‌اند؟



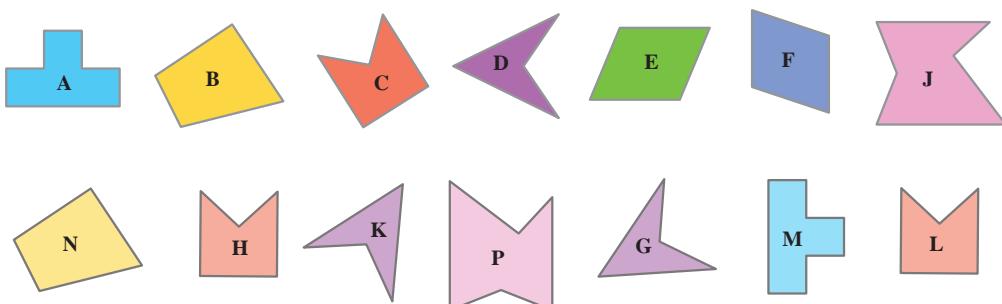
- ۱- در شکل مقابل ضلع‌های دو چهارضلعی، دو به دو با هم برابرند.  
الف) با علامت گذاری مناسب، تساوی ضلع‌ها را نمایش دهید.  
ب) آیا این دو چهارضلعی با هم مساوی‌اند؟

- ۲- می‌خواهیم شکل B را طوری رسم کنیم که بتوانیم با دو تبدیل متواالی، شکل A را بر شکل C منطبق کنیم. شکل B را رسم کنید و روی هر پیکانه نوع تبدیل انجام‌شده را بنویسید.

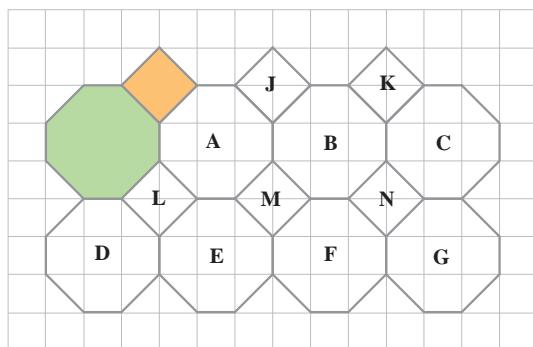


$A \longrightarrow B \longrightarrow C$

۳- به کمک کاغذ پوستی شکل های مساوی را پیدا کنید و تساوی شکل ها را به زبان ریاضی بنویسید.



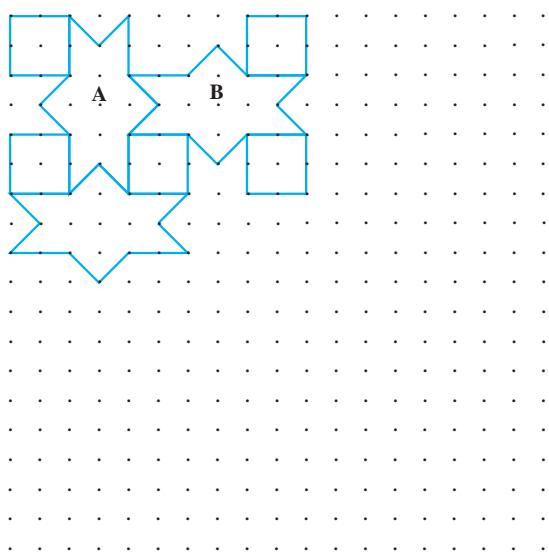
۴- با انجام تبدیلات متواالی روی یک هشت ضلعی و مربع، قسمتی از صفحه را پر کرده ایم.  
به چند طریق می توان تنها با یک تبدیل، هشت ضلعی رنگی را بر شکل C منطبق کرد؟



۵- شکل زیر قسمتی از کاشی کاری یک بنای قدیمی را نشان می دهد.

الف) چگونه می توان با دو تبدیل متواالی A را بر شکل B منطبق کرد؟

ب) با ادماه الگوی ایجاد شده، صفحه را پر کنید.



در این فصل، اصطلاحات زیر به کار رفته‌اند. مطمئن شوید که می‌توانید با جملات خود، آنها را تعریف کنید. برای هر کدام مثال بزنید.

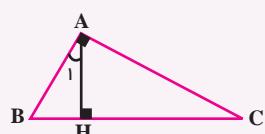
- تبدیل‌های هندسی
- شکل‌های همنهشت
- اجزاءی متناظر

در این فصل روش‌های اصلی زیر مطرح شده‌اند. با یک مثال هر کدام را توضیح دهید و در دفتر خود یک خلاصه درس تهیه کنید.

- نام‌گذاری پاره‌خط، نیم‌خط و خط
- نوشتن رابطه بین پاره‌خط‌ها
- نتیجه‌گیری از چند تساوی درست
- انتقال یک شکل
- پیدا کردن قرینه یک شکل
- نوشتن تساوی اجزاءی متناظر دو شکل
- نوشتن تساوی اجزاءی متناظر خود

کاربرد این درس را در فصل هفتم (بردار) خواهید دید؛ ضمن این‌که در کشیدن شکل‌های هندسی، گرافیک رایانه‌ای، طراحی و ... نیز کاربرد دارد.

در صورتی که بتوانید تمرین‌های ترکیبی زیر را انجام دهید، مطمئن می‌شوید که این فصل را به خوبی آموخته‌اید.



۱- چرا  $\hat{C} = \hat{A}$  است؟

۲- قرینه شکل مقابله را نسبت به پاره‌خط BC پیدا کنید.

دوران یافته شکل جدید را نسبت به نقطه C با دوران  $90^\circ$  در جهت حرکت عقربه‌های ساعت پیدا کنید.

اجزای متناظر شکل اول و آخر را با علامت گذاری مشخص کنید.

