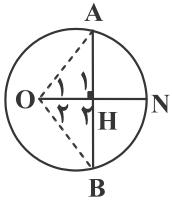


نام آزمون: همکام ۱	بنام خداوند جان و خود <b>علوی</b>	نام و نام خانوادگی:
زمان: ۷۵ دقیقه	مؤسسه علمی آموزشی علوی	درس / پایه: هندسه / یازدهم (ریاضی)
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۳/۰۷/۰۸	پاسخنامه هندسه پایه یازدهم	نام طراح: آقای کارخانه

ردیف



$$\begin{aligned} \Delta OAH &\cong \Delta OBH \Rightarrow \begin{cases} OA = OB = R \\ OH = OH \\ \widehat{H_1} = \widehat{H_2} = 90^\circ \end{cases} \xrightarrow{\text{و ض}} \Delta OAH \cong \Delta OBH \Rightarrow \begin{cases} AH = HB \\ \widehat{O_1} = \widehat{O_2} \Rightarrow \widehat{AN} = \widehat{NB} \end{cases} \end{aligned}$$

از مرکز دایره O به A و B وصل می‌کنیم:

۱

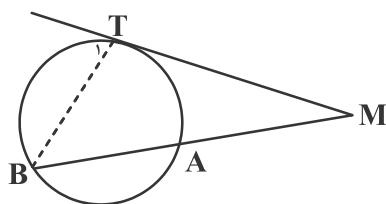
(۱/۵ نمره) (فصل ۱ – درس ۱) (آسان)

$$S_{\Delta OAB} = S_{\text{قطاع}} = S_{\Delta OAB} = \frac{60}{360} \pi \times 4^2 - \frac{1}{2} OA \times OB \times \sin 60^\circ = \frac{4}{3} \pi - 4\sqrt{3} \quad (1 \text{ نمره})$$

$$|\widehat{AB}| = \frac{\alpha}{180^\circ} \pi R = \frac{60}{180^\circ} \pi \times 4 = \frac{4}{3} \pi \quad (1 \text{ نمره})$$

۲

(فصل ۱ – درس ۱) (متوسط)

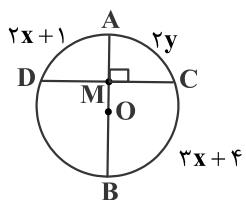
از B به T وصل می‌کنیم. زاویه  $\hat{T}$  برای مثلث  $MBT$  زاویه خارجی است.

$$\begin{aligned} \hat{T} &= \hat{M} + \hat{B} \Rightarrow \hat{M} = \hat{T} - \hat{B} \quad (0^\circ \text{ نمره}) \\ \hat{T} &= \frac{\widehat{BT}}{2} \quad (0^\circ \text{ نمره}) \\ \hat{B} &= \frac{\widehat{AT}}{2} \quad (0^\circ \text{ نمره}) \end{aligned} \Rightarrow \hat{M} = \frac{\widehat{BT} - \widehat{AT}}{2} \quad (0^\circ \text{ نمره})$$

(فصل ۱ – درس ۱) (متوسط)

۳

$$\hat{AMD} = \frac{\widehat{AD} + \widehat{BC}}{2} \Rightarrow 90^\circ = \frac{2x+1+3x+4}{2} \Rightarrow 180^\circ = 5x+5 \Rightarrow 175^\circ = 5x \Rightarrow x = 35^\circ \quad (1 \text{ نمره})$$



$$\widehat{AD} = \widehat{AC} \Rightarrow 2x+1 = 3y \xrightarrow{x=35^\circ} 2y = 71 \Rightarrow y = 35.5^\circ \quad (1 \text{ نمره})$$

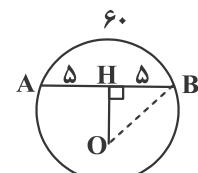
۴

(فصل ۱ – درس ۱) (متوسط)

$$OH \perp AB \Rightarrow AH = BH = \frac{AB}{2} = 5 \quad (0^\circ \text{ نمره})$$

$$\widehat{AB} = 60^\circ \Rightarrow AB = R = OB = 10 \quad (0^\circ \text{ نمره})$$

$$\hat{OBH} \xrightarrow{\hat{H}=90^\circ} OB^2 = OH^2 + BH^2 \Rightarrow 100 = OH^2 + 25 \Rightarrow OH^2 = 75 \Rightarrow OH = \sqrt{75} = 5\sqrt{3} \quad (0^\circ \text{ نمره})$$



۵

(فصل ۱ – درس ۱) (متوسط)

نام آزمون: همکام ۱	بنام خداوند جان و خود <b>علوی</b>	نام و نام خانوادگی:
زمان: ۷۵ دقیقه		درس / پایه: هندسه / یازدهم (ریاضی)
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۳/۰۷/۰۸	مؤسسه علمی آموزشی علوی	نام طراح: آقای کارخانه
	پاسخنامه هندسه پایه یازدهم	ردیف
	<p>وتری از دایره بزرگ تر بر دایره کوچک تر مماس است. بنابراین شعاع <math>OH</math> بر <math>AB</math> عمود است. بنابراین <math>AH = HB</math> پس:</p> <p style="text-align: center;"><math>AH^2 = OA^2 - OH^2 \Rightarrow AH^2 = 10^2 - 6^2 \Rightarrow AH^2 = 64 \Rightarrow AH = 8</math></p> <p style="text-align: center;"><math>AB = 2AH = 16</math></p>	۶
	<p><math>CD = 2R = 8 \Rightarrow R = 4 \Rightarrow AB = 4 = R \Rightarrow \widehat{AB} = 60^\circ</math></p> <p><math>\hat{C} = \frac{\widehat{BAD}}{2} = \frac{60 + \widehat{AD}}{2} = \frac{20}{2} = 10^\circ</math></p> <p><math>\widehat{AD} + \widehat{AB} + \widehat{BC} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{BC} = 100^\circ</math></p> <p><math>\hat{D} = \frac{\widehat{ABC}}{2} = \frac{60 + 100}{2} = 80^\circ</math></p>	۷
	(فصل ۱ – درس ۱) (دشوار)	
$2x + 4 > 3 - 2x \Rightarrow 4x > -1 \Rightarrow x > -\frac{1}{4}$ $R > 0 \Rightarrow 3 - 2x > 0 \Rightarrow -2x > -3 \Rightarrow x < \frac{3}{2}$	$\left. \begin{array}{l} x > -\frac{1}{4} \\ x < \frac{3}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow -\frac{1}{4} < x < \frac{3}{2}$	۸
	(فصل ۱ – درس ۱) (دشوار)	
$\widehat{AT} = x \Rightarrow \widehat{BT} = \widehat{AB} = 2x$ $\widehat{AT} + \widehat{BT} + \widehat{AB} = 360^\circ \Rightarrow 5x = 360^\circ \Rightarrow x = 72^\circ$ $\hat{M} = \frac{\widehat{BT} - \widehat{AT}}{2} = \frac{144 - 72}{2} = 36^\circ$	(فصل ۱ – درس ۱) (متوسط)	۹