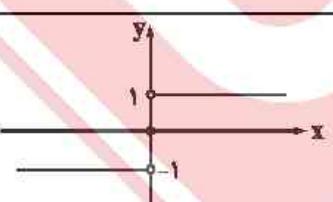


پایان نوبت دوم	زگواره تاکرداش بجی	نام و نام خانوادگی:																								
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۰/۰۳/۰۳	علوی	نام درس: ریاضی و آمار ۲																								
مدت زمان پاسخگویی: ۱۱۰ دقیقه	مؤسسه علمی آموزشی علوی	پایه تحصیلی: یازدهم (انسلانی)																								
پاسخنامه ریاضی و آمار پایه یازدهم		ردیف																								
$p \equiv d, q \equiv d$ $\sim p \Leftrightarrow \sim q \equiv d$ $d \Leftrightarrow n$ $\sim q \Rightarrow (p \wedge r)$ $(p \vee \sim q) \wedge \sim p$ $(d \vee n) \wedge \sim n$ $n \equiv d$	اگر $d \equiv p \wedge q$ باشد، آن‌گاه هر دو گزاره p و q دارای ارزش درست هستند. (الف) (ب) $\Rightarrow (p \wedge r)$ گزاره شرطی به انتفای مقدم درست است. (ب)	۱																								
$((p \Rightarrow q) \wedge p) \Rightarrow q$	(الف) در مرحله اول حذف a ابراد دارد. (ب) در مرحله پنجم ساده کردن a ابراد دارد. (ب) این استدلال درست است.	۲																								
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>p</th> <th>q</th> <th>$p \Rightarrow q$</th> <th>$(p \Rightarrow q) \wedge p$</th> <th>$((p \Rightarrow q) \wedge p) \Rightarrow q$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> </tr> <tr> <td>d</td> <td>n</td> <td>n</td> <td>n</td> <td>d</td> </tr> <tr> <td>n</td> <td>d</td> <td>n</td> <td>n</td> <td>d</td> </tr> <tr> <td>n</td> <td>n</td> <td>n</td> <td>n</td> <td>d</td> </tr> </tbody> </table>	p	q	$p \Rightarrow q$	$(p \Rightarrow q) \wedge p$	$((p \Rightarrow q) \wedge p) \Rightarrow q$	d	d	d	d	d	d	n	n	n	d	n	d	n	n	d	n	n	n	n	d	۳
p	q	$p \Rightarrow q$	$(p \Rightarrow q) \wedge p$	$((p \Rightarrow q) \wedge p) \Rightarrow q$																						
d	d	d	d	d																						
d	n	n	n	d																						
n	d	n	n	d																						
n	n	n	n	d																						
در تابع ثابت، برد تنها یک عضو است. در نمایش زوج مرتبی تابع ثابت، تمام مولفه‌های دوم (مقادیر y) با یکدیگر مساوی هستند.	بنابراین:	۴																								
$b = 4, a + b = 4 \xrightarrow{b=4} a + 4 = 4 \Rightarrow a = 0$	در تابع همانی به ازای هر مقدار x همان مقدار y به دست می‌آید، بنابراین داریم:	۵																								
$\begin{aligned} (a, 1) &\xrightarrow{\text{تابع همانی}} a = 1 \\ (b, 2) &\xrightarrow{\text{تابع همانی}} b = 2 \\ (c, 5) &\xrightarrow{\text{تابع همانی}} c = 5 \end{aligned}$	$\frac{a+b+c}{3} = \frac{1+2+5}{3} = \frac{8}{3}$ میانگین a و b و c به صورت زیر به دست می‌آید:	۶																								
	$f(x) = \text{sign}(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x = 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases}$	(الف)																								
$f(-4/7) = -1, f(5/3) = 1, f(\sqrt[3]{7}) = 1, f(\sqrt{5} - \sqrt{7}) = -1$	(ب)	۷																								

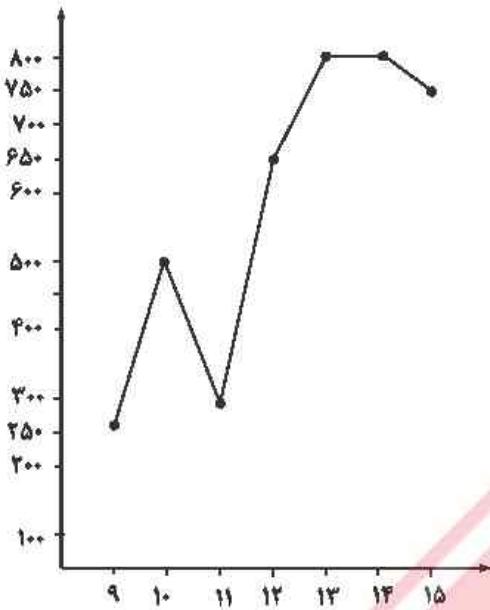
پایان نوبت دوم	زگواره تاکرداش بجی	نام و نام خانوادگی:
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۰/۰۳/۰۳	علوی	نام درس: ریاضی و آمار ۲
مدت زمان پاسخگویی: ۱۱۰ دقیقه	مؤسسه علمی آموزشی علوی	پایه تحصیلی: یازدهم (انسلانی)
پاسخنامه ریاضی و آمار پایه یازدهم		
	$-1 \leq x < 0 \Rightarrow [x] = -1$ $0 \leq x < 1 \Rightarrow [x] = 0$ $1 \leq x < 2 \Rightarrow [x] = 1$ $x = 2 \Rightarrow [x] = 2$ $f(x) = \begin{cases} -1 & -1 \leq x < 0 \\ 0 & 0 \leq x < 1 \\ 1 & 1 \leq x < 2 \\ 2 & x = 2 \end{cases}$	ردیف ۷
	$f(x) = x + 3 = \begin{cases} x + 3 & x \geq -3 \\ -x - 3 & x < -3 \end{cases}$	۸
$(f+g)(-1) = \frac{f(-1) + g(-1)}{f(1) + g(1)} = \frac{-1 + 0}{2 + 0} = -1$	$f(x) = [x] + 1 \Rightarrow \begin{cases} f(-1) = [-1] + 1 = -1 + 1 = 0 \\ f(1) = [1] + 1 = 1 \end{cases}$ $g(x) = x - 1 \Rightarrow \begin{cases} g(-1) = -1 - 1 = 1 - 1 = 0 \\ g(1) = 1 - 1 = 1 - 1 = 0 \end{cases}$	۹
ابتدا دامنه مشترک دو تابع f و g را مشخص می‌کنید.		
$D_f = \{-3, -2, -1, 2\}, D_g = \{-3, -2, -1, 5\}, D_f \cap D_g = \{-3, -2, -1\}$	$(f+g)(x) = f(x) + g(x) = \begin{cases} (f+g)(-3) = f(-3) + g(-3) = 2 + (-8) = -6 \\ (f+g)(-2) = f(-2) + g(-2) = 6 + (-6) = 0 \\ (f+g)(-1) = f(-1) + g(-1) = 4 + (-4) = 0 \end{cases}$	الف ۱۰
$f+g = \{(-3, -6), (-2, 0), (-1, 0)\}$	$(g-f)(x) = g(x) - f(x) = \begin{cases} (g-f)(-3) = g(-3) - f(-3) = -8 - 2 = -10 \\ (g-f)(-2) = g(-2) - f(-2) = -6 - 6 = -12 \\ (g-f)(-1) = g(-1) - f(-1) = -4 - 4 = -8 \end{cases}$	ب ۱۰
نرخ بیکاری برابر است با: نسبت جمعیت بیکار به جمعیت فعال جامعه در این صورت داریم:		
$\frac{۲۴۰۰۰}{۳۰۰۰۰} = 0.08 \Rightarrow 0.08 \times 100 = 8\%$		۱۱
شاخص پوسیدگی دندان برابر ۳ یعنی هر نفر به طور متوسط دارای یک دندان کشیده یک دندان پوسیده و یک دندان برشده است.		
الف) شاخص یک معیار آماری است که تغیرات نسبی در جامعه آماری را نشان می‌دهد.		
ب) متوسط مبلغ برداخت شده از سوی مصرف کنندگان برای مجموعه‌ای از تعداد زیادی کالا و خدمات در طول یک سال است. این شاخص تحولات قیمت را بر مبنای یک سال بایه نشان می‌دهد.		
خط فقر حداقل درآمدی است که برای زندگی یک نفر در یک ماه مورد نیاز است خط فقر برابر است با نصف میانگین سا نصف میانمه درآمد ماهیانه افراد جامعه.		

پایان نوبت دوم	زگواره تاکرداش بجی	نام و نام خانوادگی:
تاریخ برگزاری آزمون: ۱۴۰۰/۰۳/۰۳	علوی	نام درس: ریاضی و آمار ۲
مدت زمان پاسخگویی: ۱۱۰ دقیقه	مؤسسه علمی آموزشی علوی	پایه تحصیلی: یازدهم (انسلانی)

پاسخنامه ریاضی و آمار پایه یازدهم

ردیف

(الف)



ب) ابتدا نقطه میانگین نقاط را مشخص می کنیم.

$$\frac{۹+۱۰+۱۱+۱۲+۱۳+۱۴+۱۵}{۷} = ۱۲$$

$$\frac{۳۶۰+۵۰۰+۳۰۰+۶۵۰+۸۰۰+۸۰۰+۷۵۰}{۷} = \frac{۴۰۶۰}{۷} = 580.$$

حال معادله خط گذرنده از میانگین و آخرین داده را مشخص می کنیم.

$$(12, 580), (14, 750)$$

$$y = ax + b \quad \text{مشیب} \Rightarrow y = \frac{750 - 580}{14 - 12} x + b = \frac{170}{2} x + b = 85x + b$$

$$y = ax + b \quad \text{مشیب} \Rightarrow y = 85x + b \quad \xrightarrow{(14, 750)} 750 = 85 \times 14 + b \Rightarrow 750 = 1190 + b \Rightarrow b = -440 \Rightarrow y = 85x - 440$$

حالا با قرار دادن $x = 16$ تعداد مراجعین در ساعت ۱۶ را بروز نابی می کنیم.

$$y = 85x - 440 \Rightarrow y = 85 \times 16 - 440 = 920.$$

۱۵