

علوی

مؤسسه علمی آموزشی علوی

پایه تحصیلی: هشتم متوسطه

پاسخنامه هندسه ترم اول هشتم متوسطه

ردیف

(الف) ۶ (۵ / ۰ نمره) (فصل پنجم - بردار و مختصات - صفحه ۷۲ کتاب درسی) (متوسط)

(ب) ۳ (۵ / ۰ نمره) (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - چند ضلعی‌ها و تقارن - صفحه ۳ کتاب درسی) (متوسط)

(پ) ۵ (۵ / ۰ نمره) (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - چهار ضلعی‌ها - صفحه ۴۱ کتاب درسی) (متوسط)

(ت) ۴ (۵ / ۰ نمره) (فصل پنجم - بردار و مختصات - تجزیه عبارت‌های جبری - صفحه ۷۸ کتاب درسی) (متوسط)

(الف) نادرست (۵ / ۰ نمره) چهار ضلعی بدست آمده یک لوزی است. (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - چهار ضلعی‌ها - صفحه ۴۱ کتاب درسی) (متوسط)

(ب) نادرست (۵ / ۰ نمره) در حالت کلی مجموع زوایای خارجی هر n ضلعی منتظم 360° درجه است.

(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - زوایه‌های خارجی - صفحه ۴۸ کتاب درسی) (متوسط)

(پ) درست (۵ / ۰ نمره) (فصل پنجم - بردار و مختصات - جمع بردارها - صفحه ۷۱ کتاب درسی) (متوسط)

(ت) نادرست (۵ / ۰ نمره) بردار \overline{AB} ابتدا در A و انتهای آن B است اما بردار \overline{BA} ابتدا در B و انتهای در A است.

(فصل پنجم - بردار و مختصات - جمع بردارها - صفحه ۷۰ کتاب درسی) (متوسط)

(الف) گزینه ۱، ۲، (۵ / ۰ نمره) ابتدا باید تعداد ضلع‌های این منتظم را محاسبه کنیم:

$$\frac{(n-2) \times 180}{n} = 144 \Rightarrow 180(n-2) = 144n \Rightarrow 180n - 360 = 144n \Rightarrow 180n - 144n = 360 \Rightarrow n = 36.$$

این شکل n ضلعی منتظم است و 1 محور تقارن دارد. $n=36 \Rightarrow 36n=36$

(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - زوایه‌های داخلی - صفحه ۴۵ کتاب درسی) (دشوار)

(ب) گزینه ۱، ۲، (۵ / ۰ نمره) نیمساز ربع اول و سوم $x-y$ است پس کافی است طول و عرض بردار را مساوی قرار دهیم:

$$3a - 6 = 8 + 2a \Rightarrow 3a - 2a = 8 + 6 \Rightarrow a = 14$$

(فصل پنجم - بردار و مختصات - بردارهای واحد مختصات - صفحه ۷۹ کتاب درسی) (آسان)

(پ) گزینه ۲، ۳، (۵ / ۰ نمره)

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}, \vec{b} = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\vec{c} = -3 \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3+3 \\ 6+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 7 \end{bmatrix}$$

بردار حرکت

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} = i + 5j$$

شروع حرکت

(فصل پنجم - بردار و مختصات - بردارهای واحد مختصات - صفحه ۸۱ کتاب درسی) (دشوار)

(ت) گزینه ۳، (۵ / ۰ نمره)

$$\frac{36}{n} = \text{زاویه خارجی } n \text{ ضلعی منتظم}$$

$$\frac{36}{2n} = \frac{1}{2} \times \frac{36}{n}$$

(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - زوایه‌های خارجی - صفحه ۴۹ کتاب درسی) (متوسط)

(ث) گزینه ۲، (۵ / ۰ نمره)

$$\left\{ \begin{array}{l} 2 - 2 + b = 2 \Rightarrow b = 2 \\ 3 - a = 5 \Rightarrow 3 - 5 = -2 = a \end{array} \right. \Rightarrow a \times b = 2 \times -2 = -4$$

(فصل پنجم - بردارها - جمع بردارها - صفحه ۷۳ کتاب درسی) (متوسط)

(ج) گزینه ۳، (۵ / ۰ نمره) چون دو بردار موازی و مختلف الجهت هستند $\vec{a} = -\vec{b}$

$$(k-2)\vec{i} - 3\vec{j} = -3\vec{i} + (\delta + b)\vec{j}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} k-2 = -3 \Rightarrow k = +2 - 3 = -1 \\ \delta + b = -3 \Rightarrow b = -3 - \delta = -8 \end{array} \right. \Rightarrow k - b = -1 + 8 = 7$$

(فصل پنجم - بردار مختصات - ضرب عدد بر بردار - صفحه ۷۴ کتاب درسی) (دشوار)

علوی

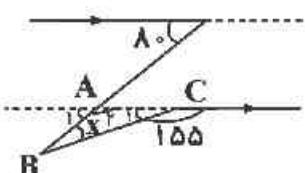
(الف) با هم موازیند (Δ / نمره ۵) (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - توازی و تعابد - صفحه ۳۶ کتاب درسی) (متوسط)(ب) $\angle g \perp \angle h$ (Δ / نمره ۵) (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - توازی و تعابد - صفحه ۳۶ کتاب درسی) (متوسط)(پ) لوزی (Δ / نمره ۵) (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - چهار ضلعی‌ها - صفحه ۳۹ کتاب درسی) (متوسط)(ت) مرکز تقارن (Δ / نمره ۵) (فصل سوم - چند ضلعی‌ها - چهار ضلعی‌ها - صفحه ۳۸ کتاب درسی) (متوسط)(ث) $\begin{bmatrix} +3 \\ +2 \end{bmatrix}$ (Δ / نمره ۵) (فصل پنجم - بردار و مختصات - ضرب عدد در بردار - صفحه ۷۶ کتاب درسی) (متوسط)(ج) صفر \overline{O} (Δ / نمره ۵) (فصل پنجم - بردار و مختصات - جمع بردارها - صفحه ۷۲ کتاب درسی) (متوسط)

(الف) کافی است خطوط موازی را امتداد دهیم: مثلث را ABC می‌نلیم و زاویه‌ها را نام‌گذاری می‌کنیم

$$\hat{A}_1 = 80^\circ \Rightarrow \hat{A}_2 = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ \quad (\Delta / نمره ۲۵)$$

$$\hat{C}_1 = 180^\circ - 155^\circ = 25^\circ \quad (\Delta / نمره ۲۵)$$

$$\hat{A}_1 + \hat{C}_1 = 100^\circ + 25^\circ = 125^\circ \Rightarrow \hat{x} = 180^\circ - 125^\circ = 55^\circ \quad (\Delta / نمره ۲۵)$$



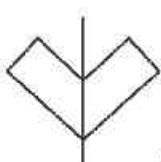
(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - توازی و تعابد - صفحه ۳۷ کتاب درسی) (دشوار)

(ب) مجموع زوایای داخلی هر چهار ضلعی $= 360^\circ$ درجه است. ($\Delta / نمره ۲۵$)

$$(180^\circ - 3y) + 70^\circ + (180^\circ - (2y - 10^\circ)) + 50^\circ = 360^\circ \quad (\Delta / نمره ۲۵)$$

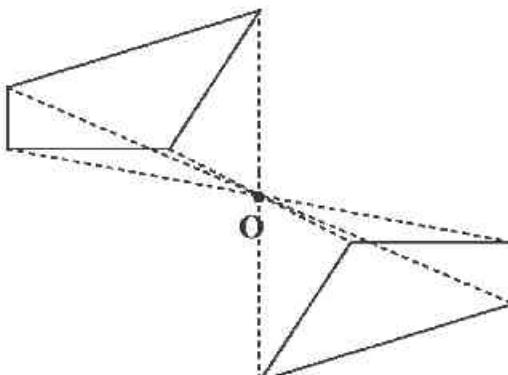
$$-5y + 360^\circ + 130^\circ = 360^\circ \Rightarrow -5y = -130^\circ \Rightarrow \hat{y} = \frac{130^\circ}{5} = 26^\circ \quad (\Delta / نمره ۲۵)$$

(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - زوایه‌های خارجی - صفحه ۳۷ کتاب درسی) (دشوار)

(الف) $\hat{1} = \frac{(4-3) \times 180^\circ}{4} = \frac{180^\circ}{4} = 45^\circ$ زاویه داخلی ۶ ضلعی منتظم است(ب) $\hat{1} = 120^\circ - 60^\circ = 60^\circ \quad \hat{2} = 120^\circ - 60^\circ = 60^\circ \Rightarrow \hat{1} = \hat{2}$ زاویه داخلی مثلث متساوی الاضلاع است

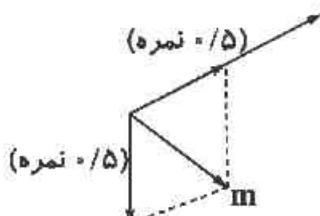
(نمره ۵)

(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - زوایه‌های خارجی - صفحه ۳۹ کتاب درسی) (متوسط)

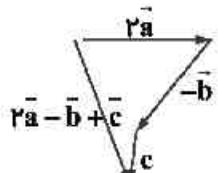
(۲ نمره) هر نقطه چین (Δ / نمره ۵)(ب) پنج ضلعی منتظم مرکز تقارن ندارد. (Δ / نمره ۵)

(فصل سوم - چند ضلعی‌ها - چند ضلعی‌ها و تقارن - صفحه ۳۲ و ۳۳ کتاب درسی) (متوسط)

(الف)



ب) (۱ نمره)



(فصل پنجم - بردار و مختصات - ضرب عدد در بردار - صفحه ۷۷ کتاب درسی) (متوسط)

$$\begin{cases} -7 - (2x + 3) = 2 \Rightarrow -7 - 2x - 3 = 2 \Rightarrow -2x = 2 + 3 + 7 = 12 \Rightarrow x = \frac{12}{-2} = -6 \\ 5y + 3 - 7 = 1 - (-6) \Rightarrow 5y - 4 = 1 + 6 = 7 \Rightarrow 5y = 7 + 4 = 11 \Rightarrow y = \frac{11}{5} = 2.2 \end{cases}$$

(ا) نمره (۱ نمره)

(فصل پنجم - بردار و مختصات - جمع بردارها - صفحه ۷۳ کتاب درسی) (متوسط)

۸

۹