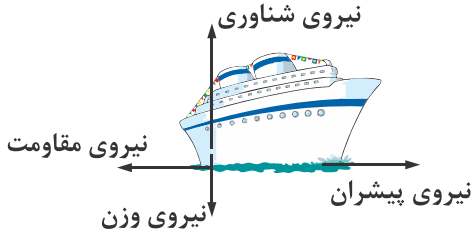


## فیزیک

۱- گزینه «۴» - در حرکت کشتی بر روی آب، نیروی پیشران نیرویی است که از طرف آب به کشتی وارد می شود و باعث جلو رفتن کشتی می شود.



(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - قوانین نیوتون)

۲- گزینه «۴» -

$$\vec{F}_{net} = ma \Rightarrow F_{net} = \sqrt{30^2 + 40^2} = 50 \times a \Rightarrow 50 = 10a \Rightarrow a = 5 \frac{m}{s^2}$$

(گروه مولفان علوی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - قوانین نیوتون)

۳- گزینه «۱» -

$$F_{N_1} = m(g - a) = 80(10 - 2) = 640 \text{ N} \rightarrow \text{قسمت اول حرکت}$$

$$F_{N_2} = m(g + a) = 80(10 + 2) = 960 \text{ N} \rightarrow \text{قسمت دوم حرکت}$$

$$\text{اختلاف عدد باسکول} = 960 - 640 = 320 \text{ N}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - نیروی عمودی سطح)

۴- گزینه «۳» -

$$f_{smax} = \mu_s \cdot F_N \xrightarrow{F_N = mg} \mu_s = \frac{f_{smax}}{mg} = \frac{70}{100} = 0.7$$

همچنین می دانیم اگر جسم ساکن باشد، نیروی اصطکاک ایستایی برابر با نیروی وارد شده بر جسم است.

$$f_s = 50 \text{ N}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - نیروی اصطکاک)

۵- گزینه «۳» -

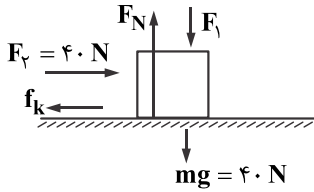
$$F_e = kx \Rightarrow \begin{cases} 4 = k(3 - L_0) \\ 32 = k(10 - L_0) \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{8} = \frac{3 - L_0}{10 - L_0} \Rightarrow L_0 = 2 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow 4 = k(3 - 2) \Rightarrow k = 4 \frac{N}{cm}$$

$$F_e = kx \xrightarrow[k = 4 \frac{N}{cm}]{F_e = 24} 24 = 4(L - 2) \Rightarrow L = 8 \text{ cm}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - نیروهای فنر)

۶- گزینه «۱» - ابتدا نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم:



$$\text{اگر جسم با سرعت ثابت برود} \Rightarrow F_v = f_k \Rightarrow 40 = 0.4 \times F_N \Rightarrow F_N = 100 \text{ N}$$

$$F_N = mg + F_1 \Rightarrow 100 = 40 + F_1 \Rightarrow F_1 = 60 \text{ N}$$

$$\text{افزایش نیروی } F_1 \Rightarrow 60 - 35 = 25 \text{ N}$$

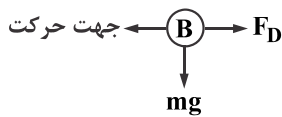
(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - نیروی اصطکاک)

۷- گزینه «۲» - ابتدا نیروهای وارد بر گلوله A را رسم می‌کنیم:



$$mg + f_D = ma_A \Rightarrow mg + \frac{mg}{3} = \frac{4}{3}mg = ma_A \Rightarrow a_A = \frac{4}{3}g$$

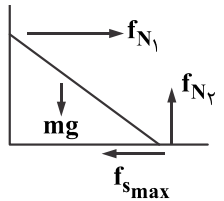
سپس نیروهای وارد بر گلوله B را رسم می‌کنیم:



$$F_{net} = ma_B \Rightarrow \sqrt{(mg)^2 + \left(\frac{mg}{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{10}}{3}mg = ma_B \Rightarrow a_B = \frac{\sqrt{10}}{3}g \Rightarrow \frac{a_B}{a_A} = \frac{\frac{\sqrt{10}}{3}}{\frac{4}{3}} = \frac{\sqrt{10}}{4}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - نیروی مقاومت شاره)

۸- گزینه «۲» - نیروهای وارد بر نردبان را رسم می‌کنیم:



$$F_N = ?$$

$$f_{smax} = F_{N1} \Rightarrow \begin{cases} \mu_s F_{N2} = F_{N1} \\ F_{N2} = W = 400 \text{ N} \end{cases} \Rightarrow (0.5)(400) = F_{N1} \Rightarrow F_{N1} = 200 \text{ N}$$

(گروه مولفان علوی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - تعادل)

۹- گزینه «۴» -

$$\vec{F} \cdot t = \Delta \vec{P} \Rightarrow mg \times 1 = \Delta P$$

(گروه مولفان علوی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - تکانه)

۱۰- گزینه «۱» -

$$K = \frac{P^2}{2m} \Rightarrow \frac{K_A}{K_B} = \frac{\frac{P_A^2}{2m_A}}{\frac{P_B^2}{2m_B}} \xrightarrow{\frac{m_B = \frac{5}{4}m_A}{P_A = \frac{4}{3}P_B}} \frac{K_A}{K_B} = \left(\frac{4}{3}\right)^2 \left(\frac{5}{4}\right) = \frac{10}{9}$$

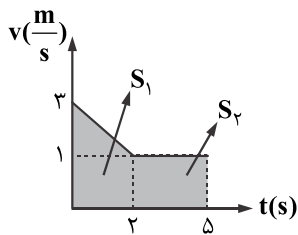
(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - تکانه)

۱۱- گزینه «۲» -

$$P = \int v dt \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 2 \text{ s} & p_1 = 2 \cdot \frac{\text{kgm}}{\text{s}} \\ t_2 = 3 \text{ s} & p_2 = 5 \cdot \frac{\text{kgm}}{\text{s}} \end{cases} \Rightarrow F_{av} = \frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{5 - 2}{3 - 2} = 3 \text{ N}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - تکانه)

۱۲- گزینه «۱» - با توجه به رابطه  $\vec{P} = m\vec{v}$  ابتدا نمودار سرعت - زمان را رسم می‌کنیم:



می‌دانیم مساحت زیر نمودار سرعت - زمان، جابه‌جایی است.

$$\left. \begin{aligned} S_1 &= (3+1) \times \frac{2}{2} = 4 \\ S_2 &= 3 \times 1 = 3 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta x = S_1 + S_2 = 7 \text{ m}$$

$$V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{7}{5} = 1.4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - تکانه)

۱۳- گزینه «۴» -

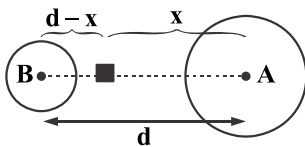
$$\frac{g_h}{g_0} = \frac{GM_e}{(R_e+h)^2} = \left(\frac{R_e}{R_e+h}\right)^2 = \left(\frac{6400}{6400+3200}\right)^2 = \frac{4}{9} \text{ و } g_0 = 1.0 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$g_h = \frac{4 \times 1.0 \text{ m}}{9 \text{ s}^2}$$

$$W_h = mg_h = \frac{4 \times 1.0 \times 9.0}{9} = 4.0 \text{ N}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گرانش)

۱۴- گزینه «۴» -



$$F_A = F_B \Rightarrow \frac{Gm_A m}{x^2} = \frac{Gm_B m}{(d-x)^2} \Rightarrow \frac{16}{x^2} = \frac{1}{(d-x)^2}$$

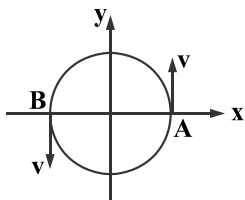
$$\Rightarrow \frac{4}{x} = \frac{1}{d-x} \Rightarrow 4d - 4x = x \Rightarrow 4d = 5x \Rightarrow x = \frac{4d}{5}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گرانش)

۱۵- گزینه «۲» - چون نیروی گرانشی وارد بر دو جسم از طرف یکدیگر، عمل و عکس‌العمل می‌باشد، پس این دو نیرو هم‌اندازه و در خلاف جهت یکدیگر

هستند. (جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - گرانش)

۱۶- گزینه «۱» -



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{2r}{T} = \frac{fr}{T} \Rightarrow \frac{v}{v_{av}} = \frac{T}{fr} = \frac{2\pi r}{T} = \frac{\pi}{2}$$

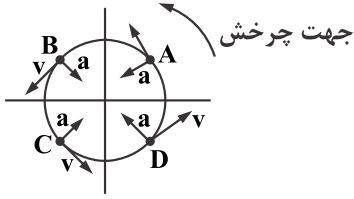
(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - حرکت دایره‌ای)

۱۷- گزینه «۳» - سطح زمین نیروی  $R = \sqrt{f_s^2 + F_N^2}$  را وارد می‌کند و نیروی مرکزگرا همان نیروی  $f_s$  می‌باشد:

$$R = \sqrt{f_s^2 + w^2} \xrightarrow{\substack{W=mg=2 \times 1.0^2 \text{ N} \\ R=1.0^2 \sqrt{1.0^2}}} 1.0 \times 1.0^2 = f_s^2 + 9 \times 1.0^2 \Rightarrow f_s^2 = 1.0^2 \Rightarrow f_s = 1.0^2 \text{ N}$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - حرکت دایره‌ای)

۱۸- گزینه «۴» - جهت شتاب همواره به سمت مرکز دایره می‌باشد و جهت سرعت، مماس بر مسیر حرکت است، پس داریم:



در نقطه D جهت سرعت به سمت شمال شرق و شتاب در جهت شمال غرب می‌باشد. (جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - حرکت دایره‌ای)

۱۹- گزینه «۴» - چون نیروی مرکزگرا همواره بر جهت حرکت (جهت سرعت) عمود است پس نیرو بر جابه‌جایی عمود بوده و کارش صفر می‌باشد.

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - حرکت دایره‌ای)

۲۰- گزینه «۱» -

$$F_c = W \Rightarrow \frac{mv^2}{r} = \frac{GM_e m}{r^2} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM_e}{r}} \Rightarrow v \propto \sqrt{\frac{1}{r}}$$

$$\frac{v_A}{v_B} = \sqrt{\frac{r_B}{r_A}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{r_B}{r_A}} \Rightarrow \frac{r_B}{r_A} = \frac{1}{4}$$

$$F_c = W = \frac{GM_e m}{r^2} \Rightarrow \frac{F_{cA}}{F_{cB}} = \frac{m_A}{m_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 = 2 \times \frac{1}{16} = \frac{1}{8}$$

برای نسبت دوره‌ها خواهیم داشت:

$$F_c = W \Rightarrow \frac{4\pi^2 m r}{T^2} = \frac{GM_e m}{r^2} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM_e}} \Rightarrow T \propto \sqrt{r^3} \Rightarrow \frac{T_A}{T_B} = \sqrt{\frac{r_A^3}{r_B^3}} = \sqrt{4^3} = \sqrt{64} = 8$$

(جبرودی) (پایه دوازدهم - فصل دوم - حرکت دایره‌ای)

۲۱- گزینه «۴» -

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{2} m_2 v_2^2}{\frac{1}{2} m_1 v_1^2} = \frac{0.8 m_1 \times (1/5 v_1)^2}{m_1 \times v_1^2} = \frac{8}{10} \times 2/25 = 1/8$$

$$\text{درصد تغییرات} = \frac{\Delta K}{K_1} \times 100 = \frac{1/8 K_1 - K_1}{K_1} \times 100 = +80 \text{ درصد}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - انرژی جنبشی)

۲۲- گزینه «۱» -

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} \times 4 \times v_1^2 = 2 v_1^2$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m v_2^2 = \frac{1}{2} \times 4 \times (v_1 + 2)^2 = 2(v_1 + 2)^2, K_2 = K_1 + 16 \Rightarrow 2v_1^2 + 16 = 2(v_1 + 2)^2 \xrightarrow{+2} v_1^2 + 8 = (v_1 + 2)^2 \Rightarrow$$

$$\lambda = (v_1 + 2)^2 - v_1^2 \xrightarrow{\text{اتحاد مزدوج}} \lambda = (2v_1 + 2) \times 2 \Rightarrow v_1 = 1 \frac{m}{s}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - انرژی جنبشی)

۲۳- گزینه «۳» - در جابه‌جایی افقی جسم، فقط مؤلفه افقی نیرو، کار انجام می‌دهد، پس داریم:

$$F_x = m a_x \Rightarrow 3a = 6 \times 0.6 \Rightarrow a = 1/2 \frac{m}{s^2} \Rightarrow F_x = 3a = 3/6 N$$

$$W = F_x \cdot d = 3/6 \times 40 = 144 J$$

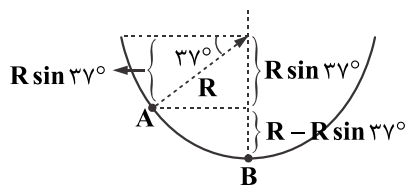
(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - کار)

۲۴- گزینه «۲» -

$$\frac{W_r}{W_1} = \frac{F_r \times d \times \cos \theta_r}{F_1 \times d \times \cos \theta_1} = \frac{2F_1 \times 2d \times 0.6}{F_1 \times 2d \times 1} = 1/8$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - کار)

۲۵- گزینه «۳» - ابتدا جابه‌جایی جسم در راستای قائم را به دست می‌آوریم و سپس به محاسبه کار نیروی وزن می‌پردازیم:



$$W_{mg} = mgh \Rightarrow 0.1 \times 10 \times (0.3 - 0.3 \times 0.6) = 0.12 \text{ J}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - کار)

۲۶- گزینه «۴» -

$$W_{mg} = mgh \xrightarrow[m=2\text{kg}]{h=10 \times \sin 30} W_{mg} = 2 \times 10 \times 5 = 100 \text{ N}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - کار)

۲۷- گزینه «۲» -

$$E_1 = E_r \Rightarrow 0 + mgh = K_r + 0 \Rightarrow K_r = mgh$$

$$\frac{K_{rB}}{K_{rA}} = \frac{m_B g h_B}{m_A g h_A} = \frac{3m \times 15}{m \times 5} = 9$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - پایستگی انرژی)

۲۸- گزینه «۱» -

$$U_1 = mgh = 1 \times 10 \times (3 + x)$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} \times 1 \times 16 = 8 \text{ J}$$

$$U_r = U_{\text{فنر}} = 40 \text{ J} \quad K_r = 0$$

$$E_1 = E_r \Rightarrow K_1 + U_1 = K_r + U_r \Rightarrow 10(3 + x) + 8 = 40 \Rightarrow x = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - پایستگی انرژی)

۲۹- گزینه «۱» -

$$W_f = E_r - E_1 = K_r + U_r - K_1 - U_1 \Rightarrow W_f = \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 100\right) - \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 4\right) - (4 \times 10 \times 5) = -8 \text{ J}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - پایستگی انرژی)

۳۰- گزینه «۳» هنگامی که ۲۰ درصد انرژی اولیه گلوله تلف شود یعنی انرژی مکانیکی گلوله در محل شخص B، ۸۰ درصد انرژی مکانیکی اولیه

می‌شود پس داریم:

$$E_r = \frac{80}{100} E_1 \Rightarrow \left(\frac{1}{2} m v_r^2 + m g h_r\right) = \frac{4}{5} \left(\frac{1}{2} m v_1^2 + m g h_1\right)$$

حداکثر تندی پرتاب برای اصابت نکردن گلوله به شخص B در صورتی که گلوله وقتی به نوک بینی شخص B می‌رسد به حال

سکون قرار گیرد. بنابراین:  $v_r = 0$

$$g h_r = \frac{4}{5} \left(\frac{1}{2} v_1^2 + g h_1\right) \Rightarrow 10 \times 1/2 = \frac{4}{5} \left(\frac{1}{2} v_1^2 + 10 \times 1/4\right) \Rightarrow 12 \times \frac{5}{4} = \frac{1}{2} v_1^2 + 10 \Rightarrow v_1 = \sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - پایستگی انرژی)

۳۱- گزینه «۴» -

$$W_f = E_f - E_1 = K_f + U_f - K_1 - U_1 = \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 900\right) - \left(\frac{1}{2} \times 10 \times 100\right) - \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 100\right) \Rightarrow W_f = 225 - 500 - 25 = -300$$

$$W_{mg} = mgh = \frac{1}{2} \times 10 \times 100 = 500 \Rightarrow \frac{W_f}{W_{mg}} = -\frac{3}{5}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - پایستگی انرژی)

۳۲- گزینه «۲» -

$$v_2 \frac{km}{h} = 20 \frac{m}{s}$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)}{t} = \frac{\frac{1}{2} \times 900 \times (20^2 - 0)}{10} = 18 \times 10^3 W = 18 KW$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - توان)

۳۳- گزینه «۳» -

$$F_2 = 1/5 F_1, v_2 = 1/2 v_1$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{F_2 v_2}{F_1 v_1} = 1/5 \times 1/2 = 1/10$$

$$\text{درصد تغییرات توان: } \frac{\Delta P}{P_1} \times 100 = \frac{1/10 P_1 - P_1}{P_1} \times 100 = 90 \text{ درصد}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - توان)

۳۴- گزینه «۴» -

$$\text{انرژی ورودی} = mgh \xrightarrow{m=\rho V} \rho Vgh = 10^3 \times 10 \times 10 \times h = 10^5 h (J)$$

$$\text{بازده} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}} \Rightarrow \frac{80}{100} = \frac{500 \times 10^3}{10^5 h} \Rightarrow h = 6/25 m$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - بازده)

۳۵- گزینه «۳» -

$$\text{در هر یک ساعت} \begin{cases} E_{A \text{ ورودی}} = 50 \text{ kg}, E_{A \text{ خروجی}} = 40 \text{ kJ} \\ E_{B \text{ ورودی}} = 45 \text{ kg}, E_{B \text{ خروجی}} = 25 \text{ kJ} \end{cases}$$

در مدت زمان یکسان در ماشین A انرژی کمتری اتلاف می‌شود، بنابراین توان اتلافی آن کمتر است.

$$Ra_A = \frac{40}{50} = \frac{4}{5} \Rightarrow Ra_B < Ra_A$$

$$Ra_B = \frac{25}{45} = \frac{5}{9}$$

(جبرودی) (پایه دهم - فصل دوم - بازده)