

$$E_B = k \frac{|q_B|}{r_B^2} \frac{|q_B| = 6 \times 10^{-6} C}{r_B = 2 \times 10^{-2} m} \rightarrow E_B = \frac{9 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow E_B = 6 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\underline{\underline{\text{در خلاف جهت محور } x}} \quad \vec{E}_B \rightarrow \vec{E}_B = -6 \times 10^7 \hat{i} (N/C)$$

$$E_D = k \frac{|q_D|}{r_D^2} \frac{|q_D| = 8 \times 10^{-6} C}{r_D = 2 \times 10^{-2} m} \rightarrow E_D = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow E_D = 8 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$\underline{\underline{\text{در جهت محور } x}} \quad \vec{E}_D \rightarrow \vec{E}_D = 8 \times 10^7 \hat{j} (N/C)$$

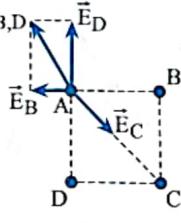
بردار برایند میدان‌های الکتریکی برابر است با:

$$\vec{E}_T = \vec{E}_B + \vec{E}_D = -6 \times 10^7 \hat{i} + 8 \times 10^7 \hat{j}$$

اندازه برایند میدان‌ها برابر است با:

$$E_T = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{(-6 \times 10^7)^2 + (8 \times 10^7)^2} \\ = \sqrt{36 \times 10^{14} + 64 \times 10^{14}} = \sqrt{100 \times 10^{14}} \Rightarrow E_T = 10^8 N/C$$

ب) خیر – در صورتی میدان الکتریکی در نقطه A صفر می‌شود که میدان الکتریکی هم اندازه و در سوی مختلف برایند میدان‌های \vec{E}_D ، \vec{E}_B و \vec{E}_C باشد چون $E_B \neq E_D$ است برایند آن‌ها در راستای \vec{E}_C قرار نمی‌گیرند.



ب) به سمت خارج از بار

ت) درست

ج) دو قطبی الکتریکی

ح) فضای سه بعد

الف) بزرگتر

پ) نمی‌کنند – یک

ث) مماس

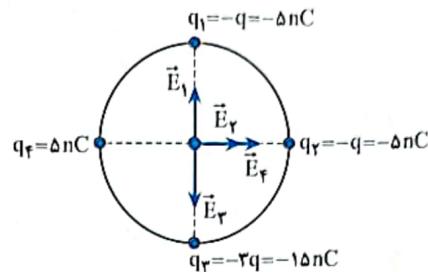
ج) الکتریکی

الف) ۱- بار q_C مثبت است. زیرا خطوط میدان الکتریکی از آن خارج می‌شود
بار q_B منفی است زیرا خطوط میدان به آن وارد می‌شود بار q_A منفی
است زیرا خطوط میدان آن توسط خطوط میدان بار q_B دفع شده است.

الف) ۲- بار $|q_C| > |q_A|$, $|q_C| > |q_B|$, زیرا تراکم خطوط میدان الکتریکی
در اطراف بار q_C بیشتر از تراکم خطوط اطراف بارهای q_A و q_B
است. در ضمن تراکم خطوط اطراف بارهای q_A و q_B یکسان می‌باشد
ب) ۱- میزان تراکم خطوط میدان در هر ناحیه از فضای نشان دهنده
اندازه میدان در آن ناحیه است؛ هر جا خطوط میدان الکتریکی تراکم
تر باشد، اندازه میدان بیشتر است.

* خطوط میدان برآیند هرگز یکدیگر را قطع نمی‌کنند. یعنی از هر نقطه فضای فقط یک خط میدان الکتریکی می‌گذرد.

۴۴. الف) ابتدا اندازه و جهت میدان الکتریکی هر یک از بارها را در مرکز دایره تعیین و سپس با توجه به جهت دستگاه مختصات انتخاب شده و جهت میدان‌ها، هر یک از میدان‌ها را بر حسب بردار یکه نوشته و بردار برایند آن‌ها را بدست می‌آوریم



$$\begin{cases} |q_1| = |q_Y| = |q_f| = \Delta n C \\ r_1 = r_Y = r_f = 1m \end{cases}$$

$$\Rightarrow E_1 = E_Y = E_f = k \frac{|q|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{\Delta n C}{1} = 9 \Delta n C$$

در جهت محور y و \vec{E}_f در جهت محور x است. بنابراین داریم:

$$\Rightarrow \vec{E}_1 = 9 \Delta n C \hat{j} (N/C), \vec{E}_Y = \vec{E}_f = 9 \Delta n C \hat{i} (N/C)$$

$$E_f = k \frac{q_f}{r_f^2} = \frac{\Delta n C}{1^2} \rightarrow$$

$$E_f = 9 \times 10^9 \times \frac{15 \Delta n C}{1} = 135 \Delta n C$$

$$\Rightarrow E_f = 135 \Delta n C$$

$$\underline{\underline{\text{در خلاف جهت محور } y}} \quad \vec{E}_T \rightarrow \vec{E}_T = -135 \hat{j} (N/C)$$

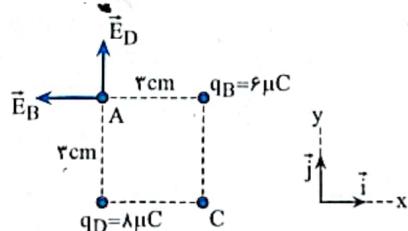
$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_Y + \vec{E}_f + \vec{E}_T = 45 \hat{j} + 45 \hat{i} - 135 \hat{j} + 45 \hat{i} \Rightarrow$$

$$\vec{E} = 90 \hat{i} - 90 \hat{j} (N/C)$$

ب) بزرگی میدان الکتریکی برایند برابر است با:

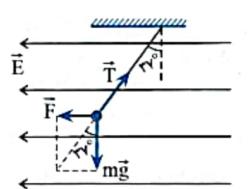
$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{90^2 + 90^2} \Rightarrow E = 90\sqrt{2} \frac{N}{C}$$

۴۵. الف) ابتدا میدان الکتریکی هر یک از بارها را در نقطه A رسم می‌کنیم و سپس اندازه هر یک از میدان‌ها را به دست می‌آوریم و با توجه به جهتشان آن‌ها را بر حسب بردارهای یکه می‌نویسیم.



$$\begin{aligned} F &= mg \quad m = 4 \text{ g} = 4 \times 10^{-3} \text{ kg} \\ F &= 4 \times 10^{-3} \times 10 \Rightarrow \\ F &= 4 \times 10^{-2} \text{ N} \\ \text{ب) بزرگی میدان الکتریکی را از رابطه } E &= \frac{F}{|q|} \text{ به دست می آوریم:} \\ E &= \frac{F}{|q|} \quad \frac{F=4 \times 10^{-2} \text{ N}}{|q|=8 \times 10^{-6} \text{ C}} \Rightarrow E = \frac{4 \times 10^{-2}}{8 \times 10^{-6}} \Rightarrow \\ E &= 5 \times 10^5 \text{ N/C} \end{aligned}$$

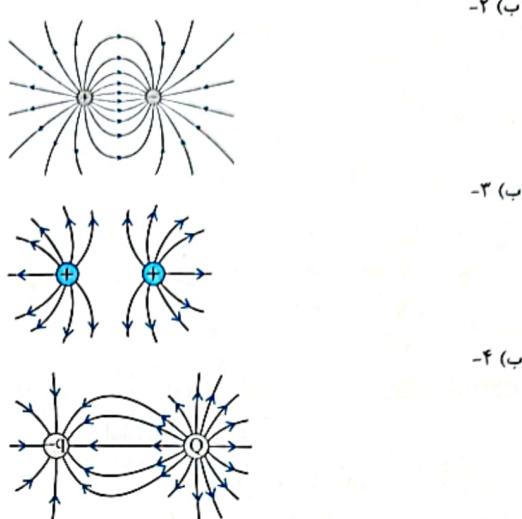
۵۰. الف) چون گلوله با بار مثبت همواره در جهت میدان الکتریکی منحرف می شود و در اینجا گلوله به طرف چپ منحرف گردیده است، لذا جهت میدان الکتریکی به طرف چپ می باشد.
ب) بر ذره باردار نیروی الکتریکی ($F = |q|E$)، نیروی وزن (mg) و نیروی کش نخ (T) وارد می شود. بنابراین، مطابق شکل زیر، ابتدا این نیروها را رسم می کنیم و سپس با استفاده از رابطه مثلثی تائزات، اندازه بار الکتریکی را به دست می آوریم:



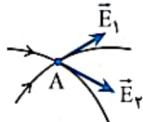
$$\begin{aligned} \tan \theta &= \frac{F}{mg} \quad F = |q|E \Rightarrow \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{|q|E}{mg} \\ \frac{m = 4 \text{ g} = 4 \times 10^{-3} \text{ kg}}{E = 5 \times 10^5 \text{ N/C}} &\rightarrow \frac{0.1}{0.1} = \frac{|q| \times 5 \times 10^4}{4 \times 10^{-3} \times 10} \Rightarrow \\ \frac{3}{4} = \frac{|q| \times 5 \times 10^4}{4 \times 10^{-1}} &\Rightarrow 3 \times 10^{-1} = |q| \times 5 \times 10^4 \Rightarrow \\ |q| = \frac{3 \times 10^{-1}}{5 \times 10^4} &= 6 \times 10^{-6} \text{ C} \quad \Rightarrow q = 6 \mu \text{C} \end{aligned}$$

۵۱. الف) کاهش
ب) درست
ت) افزایش
پ) کاهش - مثبت
ج) انرژی پتانسیل الکتریکی
ث) درست
ح) درست
ج) تغییر نمی کند.

۵۲. الف) علامت کار نیروی الکتریکی مثبت و علامت کار نیروی خارجی منفی است، زیرا بار مثبت در جهت خطوط میدان الکتریکی جابه جا می شود و در این حالت نیروی الکتریکی و جابه جایی هم جهت آند، در نتیجه طبق رابطه $W_E = F_E d \cos \theta$ ، کار نیروی الکتریکی مثبت است یا می توان گفت، چون در جهت میدان الکتریکی انرژی پتانسیل الکتریکی کاهش می یابد ($\Delta U_E < 0$) در نتیجه طبق رابطه $W_E = -\Delta U_E$ باید $W_E > 0$ باشد. همچنین چون تندی بار الکتریکی در میدان الکتریکی ثابت است، کار نیروی الکتریکی و کار نیروی خارجی قرینه یکدیگرند یعنی کار نیروی خارجی منفی می باشد.
ب) انرژی پتانسیل الکتریکی کاهش می یابد.
پ) چون تندی حرکت بار در میدان الکتریکی ثابت است، برایند نیروهای وارد بر آن صفر می شود، در نتیجه، باید اندازه نیروی الکتریکی و نیروی خارجی با هم برابر باشد.



۵- زیرا اگر خطوط میدان الکتریکی در نقطه‌ای یکدیگر راقطع کنند، در آن نقطه دو خط مماس بر خطوط میدان رسم می شود و این به منزله آن است که در آن نقطه دو میدان الکتریکی وجود دارد. در صورتی که می دانیم در هر نقطه از فضا فقط یک خط میدان می گذرد.



۴۸. الف) اگر مطابق شکل زیر، میدان الکتریکی \vec{E} را بر روی اضلاع مثلث تجزیه کنیم، می بینیم بار q_1 خاصیت دافعه‌ای و بار q_2 خاصیت جاذبه‌ای دارد. بنابراین بار q_1 مثبت و بار q_2 منفی است.

ب) چون طول باردار \vec{E}_2 بزرگ‌تر از طول باردار \vec{E}_1 است، با توجه به این که فاصله بارهای q_1 و q_2 از رأس سوم مثلث باهم برابر است، بنا به رابطه $E = K \frac{|q|}{r^2}$ ، اندازه بار q_2 بزرگ‌تر از اندازه بار q_1 است.

$$E_2 > E_1 \rightarrow K \frac{|q_2|}{r_2^2} > K \frac{|q_1|}{r_1^2} \rightarrow r_1 = r_2$$

پ) بر الکترون در خلاف جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می شود. \vec{F}_e

۴۹. الف) چون ذره باردار در میدان الکتریکی بکتواخت به طور معلق قرار گرفته است، برایند نیروهای وارد بر آن صفر است. با توجه به این که بر این ذره نیروی وزن (mg) رو به پایین وارد می شود، باید نیروی الکتریکی هماندازه با آن و رو به بالا بر ذره باردار وارد شود. دقت کنید، چون بر بار مثبت در جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می شود، جهت میدان الکتریکی در جهت نیروی الکتریکی و رو به بالا است.

$$W_{\text{خارجی}} = F_E \cdot d \cos \theta = F_E \cdot d \cos 30^\circ = \frac{F_E \cdot d}{\sqrt{3}}$$

$$W_{\text{خارجی}} = 8 \times 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 16\sqrt{3} \text{ J}$$

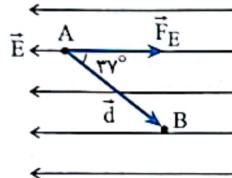
پ) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی برابر کار نیروی خارجی و یا برابر منفی کار میدان الکتریکی است. در اینجا داریم:

$$\Delta U_E = W_{\text{خارجی}} = 16\sqrt{3} \text{ J}$$

$$\Delta U_E = 16\sqrt{3} \text{ J}$$

.۵۷ الف) چون نوع بار الکتریکی منفی و انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش یافته است، بار در خلاف جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شده است؛ بنابراین جهت میدان الکتریکی از راست به چپ است.

ب) با استفاده از رابطه $\Delta U_E = -|q|Ed \cos \theta$ اندازه ΔU_E را حساب می‌کنیم، در این رابطه θ زاویه بین \vec{F}_E و \vec{d} است.



$$\Delta U = -|q|Ed \cos \theta = -2 \times 10^{-6} \text{ J}, |q| = 4 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$-2 \times 10^{-6} = -4 \times 10^{-6} \times E \times 0.25 \times \cos 32^\circ$$

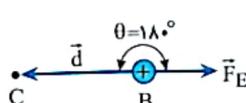
$$\cos 32^\circ = 0.8 \Rightarrow E = 25 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

.۵۸ الف) چون $|q|$ و E معلوم‌اند با استفاده از رابطه $F_E = |q|E$ ، اندازه نیروی \vec{F} را بدست می‌آوریم:

$$F_E = |q|E = 5 \times 10^{-6} \text{ C} \times 8 \times 10^5 \text{ N/C}$$

$$F_E = 4 \times 10^{-1} \text{ N} \Rightarrow F_E = 4 \times 10^{-1} \text{ N}$$

ب) برای بدست آوردن کار میدان الکتریکی در مسیر A، C، B، E، باید کار در مسیرهای A-C و A-B را جداگانه به دست آوریم و با هم جمع کنیم. در مسیر AB کار نیروی میدان الکتریکی صفر است ($W_{E_{AB}} = 0$). زیرا در این مسیر نیرو و جابه‌جایی بر هم عمودند، در نتیجه $\theta = 90^\circ$ است و بنا به رابطه $W = Fd \cos \theta$ ، کار صفر می‌شود در مسیر BC نیروی وارد بر بار و جابه‌جایی، زاویه $\theta = 180^\circ$ با هم می‌سازند. در این مسیر کار W_E برابر است با:



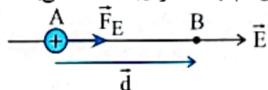
.۵۹ تغییر انرژی پتانسیل بار الکتریکی به مسیر حرکت بار بستگی ندارد و فقط به نقطه شروع و پایانی حرکت وابسته است. بنابراین تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی در هر مسیر وکسان است. در ضمن چون بار مثبت در جهت میدان الکتریکی جابه‌جایی شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

.۶۰ شکل ب - زیرا میدان الکتریکی پیوسته قوی تر می‌شود و بنا به رابطه $F = |q|E$ ، نیروی وارد بر پروتون بیشتر شده و باعث می‌شود شتاب حرکت و در نتیجه سرعت آن بیشتر شود.

.۶۱ الف) با داشتن E و q ، با استفاده از رابطه $F = \frac{|q|E}{|q|}$ ، نیروی وارد بر ذره را به دست می‌آوریم:

$$F = |q|E = \frac{|q|=4 \times 10^{-6} \text{ C}}{E=1 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}} \Rightarrow F = 4 \times 10^{-6} \times 10^4 \text{ N} = 0.04 \text{ N}$$

ب) با استفاده از رابطه $\Delta U = -|q|Ed \cos \theta$ ، تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی را به دست می‌آوریم. دقت کنید چون بار الکتریکی مثبت را در میدان الکتریکی رها نموده‌ایم، این بر آزادله در جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کند بنابراین نیروی الکتریکی و جله‌جایی آن هم جهت‌اند در نتیجه $\theta = 0^\circ$ می‌باشد.



$$\Delta U_E = -|q|Ed \cos \theta = -4 \times 10^{-6} \text{ C} \times 0.25 \text{ m} \times 1 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$\Delta U_E = -4 \times 10^{-6} \times 10^4 \times 0 / 0 \times \cos(0^\circ) = 0$$

ب) چون کاهش انرژی پتانسیل الکتریکی به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود، می‌توان نوشت:

$$\Delta K = -\Delta U = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = -\Delta U_E$$

$$\frac{m=1 \times 10^{-1} \text{ kg}}{v_1=0, \Delta U_E = -0.02 \text{ J}} \rightarrow$$

$$\frac{1}{2} \times 1 \times 10^{-1} \times (v_2^2 - 0) = -(-0.02) \Rightarrow$$

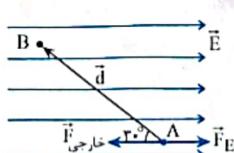
$$5 \times 10^{-3} v_2^2 = 2 \times 10^{-2} \Rightarrow v_2 = 4 \Rightarrow v_2 = 2 \text{ m/s}$$

.۶۲ الف) چون $|q|$ و E معلوم‌اند، با استفاده از رابطه $F_E = |q|E$ ، نیروی الکتریکی را حساب می‌کنیم:

$$F_E = |q|E = \frac{|q|=1 \times 10^{-6} \text{ C}}{E=8 \times 10^5 \text{ N/C}} \Rightarrow F_E = 8 \times 10^{-6} \text{ N}$$

دقت کنید چون تندی ثابت استه نیروی خارجی بانی روی الکتریکی برابر است.

ب) با توجه به شکل زیر زاویه بین نیروی خارجی و جله‌جایی برابر 30° است. بنابراین با استفاده از رابطه کار می‌توان نوشت:



$$\Delta U = -1/6 \times 10^{-14} \times 2 \times 10^7 \times 0 / 1 \times (-1) \Rightarrow$$

$$\Delta U = 2/2 \times 10^{-17} J$$

ب) چون $\Delta K = -\Delta U_E$ لسته به صورت زیر تندی بروتون را بدست می آوریم:

$$\Delta K = -\Delta U_E \Rightarrow \frac{1}{2} m (V_B^T - V_A^T) = -\Delta U_E$$

$$\begin{aligned} V_B &= 0, V_A = V_T \\ m &= 1/6 \times 10^{-14} kg \end{aligned}$$

$$\frac{1}{2} \times 1/6 \times 10^{-14} \times (0 - V_T) = -2/2 \times 10^{-17} \Rightarrow$$

$$1/6 \times 10^{-14} V_T^2 = 6/4 \times 10^{-17} \Rightarrow V_T^2 = \frac{6/4 \times 10^{-17}}{1/6 \times 10^{-14}} \Rightarrow$$

$$V_T = 2/8 \times 10^{10} \Rightarrow V_T = 1/95 \times 10^5 m/s$$

۵۹. (الف) اختلاف پتانسیل الکتریکی

- ب) نتلار
- ت) تردیدی
- ج) کاهش می‌یابد.
- ث) عدمد بر

۶۰. (الف) $E_A > E_B > E_C$ - زیرا در نقاطی از میدان الکتریکی که تراکم خطوط بیشتر باشد، میدان الکتریکی قوی‌تر است.

(ب) $V_A > V_B > V_C$ ، زیرا در جهت میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی نقاط کاهش می‌یابد.

(ب) کاهش می‌یابد - زیرا با حرکت بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

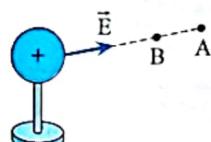
۶۳. (الف) مسیر CD - زیرا با حرکت بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

(ب) مسیر CD - زیرا با حرکت در خلاف جهت میدان الکتریکی پتانسیل الکتریکی نقاط میدان افزایش می‌یابد.

(ب) مسیر AB - زیرا در این مسیر تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بروتون ثابت است، در نتیجه بنا به رابطه $W_E = -\Delta U_E$ ، کار میدان الکتریکی منفی می‌شود.

(ت) در مسیر BC - زیرا در این مسیر عمود بر خطوط میدان حرکت کنیم $\Delta U = 0$ می‌شود در نتیجه بنا به رابطه $\Delta V = \frac{\Delta U}{q}$ ، باید $\Delta V = 0$ باشد.

۶۴. (الف) ثابت - زیرا طبق رابطه $W = Fd \cos \theta$ ، نیروی میدان الکتریکی و جابه‌جایی هم‌و هستند، در نتیجه $\theta = 0^\circ$ می‌باشد و $W = Fd \cos(0^\circ) > 0$ می‌شود.



ب) افزایش می‌یابد. زیرا بار منفی آزادانه در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کند و تندی آن افزایش می‌یابد، در نتیجه طبق رابطه $\frac{1}{2} mv^2 = K$ ، انرژی جنبشی آن نیز افزایش خواهد یافت.

ب) $V_B > V_A$ است. زیرا با حرکت در خلاف جهت میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی نقاط میدان افزایش می‌یابد.

$$W_{EBC} = F_E d_{BC} \cos \theta = \frac{F_E \cdot d_{BC} \cos 180^\circ}{F_E = 1/6 \times 10^{-14} N} \rightarrow$$

$$W_{EBC} = 4 \times 10^{-14} \times 0 / 4 \cos 180^\circ = 1/6 \times 10^{-14} \times (-1) \Rightarrow$$

$$W_{EBC} = -1/6 \times 10^{-14} J$$

بنابراین کل کار انجام شده در مسیر ABC برابر است با:

$$W_{EABC} = W_{AB} + W_{BC} = 0 - 1/6 \times 10^{-14} \Rightarrow$$

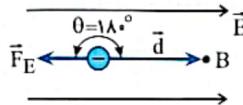
$$W_{EABC} = -1/6 \times 10^{-14} J$$

ب) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی برابر منفی کار میدان الکتریکی است. یعنی:

$$\Delta U_{ABC} = -W_{EABC} \Rightarrow \Delta U_{ABC} = -(-1/6 \times 10^{-14}) \Rightarrow$$

$$\Delta U_{ABC} = 1/6 \times 10^{-14} J$$

۵۹. چون بروتون در جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کند، نیروی الکتریکی در خلاف جهت میدان بر آن وارد می‌شود، زاویه بین الکتریکی و جابه‌جایی $\theta = 180^\circ$ است. بنابراین ابتدا تغییر انرژی جنبشی بروتون را حساب می‌کیم و سپس به صورت زیر جابه‌جایی آن را بدست می‌آوریم:



$$\Delta K = \frac{1}{2} m V_B^2 - \frac{1}{2} m V_A^2 = \frac{V_A = 2 m/s, V_B = 0}{m = 2 \times 10^{-14} kg, g = 2 \times 10^{-6} kg} \rightarrow$$

$$\Delta K = 0 - \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-14} \times 400 \Rightarrow \Delta K = -4 \times 10^{-17} J$$

اکنون با استفاده از رابطه $\Delta U_E = -|q| E d \cos \theta$ و با توجه به این که ابتدا جابه‌جایی ذره باردار را بدست می‌آوریم: $\Delta U_E = -\Delta K$

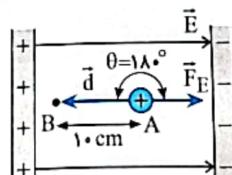
$$\Delta U_E = -\Delta K \Rightarrow -|q| E d \cos \theta = -\Delta K$$

$$\begin{aligned} |q| &= 1/6 \times 10^{-14} C, E = 2 \times 10^6 N/C \\ \theta &= 180^\circ, \Delta K = -4 \times 10^{-17} J \end{aligned} \rightarrow$$

$$2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^6 \times d \times \cos 180^\circ = -4 \times 10^{-17} \Rightarrow$$

$$4 \times 10^{-3} d \times (-1) = -4 \times 10^{-17} \Rightarrow d = 1 m = 100 cm$$

۶۰. (الف) چون بروتون در خلاف جهت میدان الکتریکی پرتا شده است و نیروی الکتریکی در جهت میدان بر آن وارد می‌شود، زاویه بین نیرو و جابه‌جایی $\theta = 180^\circ$ می‌باشد. بنابراین با داشتن $|q|$ ، E ، d ، $\theta = 180^\circ$ به صورت زیر ΔU_E را بدست می‌آوریم:



$$\Delta U = -|q| E d \cos \theta = \frac{E = 2 \times 10^6 N/C, d = 0.1 m}{|q| = 1/6 \times 10^{-14} C, \theta = 180^\circ} \rightarrow$$